



정답 및 풀이

I 제곱근과 실수

1 제곱근의 뜻과 성질	02
2 무리수와 실수	06
3 근호를 포함한 식의 계산 (1)	10
4 근호를 포함한 식의 계산 (2)	14

II 식의 계산

1 인수분해 공식	19
2 인수분해 공식의 활용	24

III 이차방정식

1 이차방정식의 풀이 (1)	28
2 이차방정식의 풀이 (2)	35
3 이차방정식의 활용	40

IV 이차함수

1 이차함수의 그래프 (1)	45
2 이차함수의 그래프 (2)	52
3 이차함수의 활용	57

1 제곱근의 뜻과 성질

개념

Check

◎ 본책 10~13쪽

01-1 (1) 9, 9, 3, -3 (2) 36, 36, 6, -6

01-2 (3) 제곱하여 음수가 되는 수는 없으므로 음수의 제곱근은 없다.

(4) $0.2^2=0.04$, $(-0.2)^2=0.04$ 이므로 0.04의 제곱근은 0.2, -0.2이다.

(5) $8^2=64$ 이므로 8^2 의 제곱근은 8, -8이다.

(6) $(-6)^2=36$ 이므로 $(-6)^2$ 의 제곱근은 6, -6이다.

답 (1) 7, -7 (2) 0 (3) 없다.

(4) 0.2, -0.2 (5) 8, -8 (6) 6, -6

02-1 (1) 7의 제곱근은 제곱하여 7이 되는 수이므로 $\pm\sqrt{7}$ 이다.

(2) 11의 양의 제곱근은 제곱하여 11이 되는 수 중에서 양수이므로 $\sqrt{11}$ 이다.

(3) 0.5의 음의 제곱근은 제곱하여 0.5가 되는 수 중에서 음수이므로 $-\sqrt{0.5}$ 이다.

(4) 제곱근 $\frac{1}{3}$ 은 $\frac{1}{3}$ 의 제곱근 중 양의 제곱근이므로 $\sqrt{\frac{1}{3}}$ 이다.

답 (1) $\pm\sqrt{7}$ (2) $\sqrt{11}$ (3) $-\sqrt{0.5}$ (4) $\sqrt{\frac{1}{3}}$

02-2 (1) $6^2=(-6)^2=36$ 이므로 $\sqrt{36}=6$

(2) $0.7^2=(-0.7)^2=0.49$ 이므로 $\sqrt{0.49}=0.7$

(3) $11^2=(-11)^2=121$ 이므로 $\pm\sqrt{121}=\pm 11$

(4) $\left(\frac{2}{3}\right)^2=\left(-\frac{2}{3}\right)^2=\frac{4}{9}$ 이므로 $-\sqrt{\frac{4}{9}}=-\frac{2}{3}$

답 (1) 6 (2) 0.7 (3) ± 11 (4) $-\frac{2}{3}$

03-1 (1) 5 (2) 0.3 (3) 7 (4) 6 (5) -2 (6) -1

03-2 (1) $a>0$ 에서 $5a>0$ 이므로 $\sqrt{(5a)^2}=5a$

(2) $a<0$ 에서 $2a<0$ 이므로 $\sqrt{(2a)^2}=-2a$

(3) $a>0$ 에서 $-4a<0$ 이므로

$$\sqrt{(-4a)^2}=-(4a)=-4a$$

(4) $a<0$ 에서 $-3a>0$ 이므로 $\sqrt{(-3a)^2}=-3a$

답 (1) 5a (2) -2a (3) 4a (4) -3a

04-1 (2) $27x=3^3 \times x$ 이므로 $x=3$

(4) $\frac{135}{x}=\frac{3^3 \times 5}{x}$ 이므로 $x=3 \times 5=15$

답 (1) 5 (2) 3 (3) 3 (4) 15

04-2 (1) $7+x>7$ 이므로 $7+x$ 의 값이 될 수 있는 수는

9, 16, 25, ...

x 가 가장 작은 자연수이므로

$$7+x=9 \quad \therefore x=2$$

(2) $15+x>15$ 이므로 $15+x$ 의 값이 될 수 있는 수는

16, 25, 36, ...

x 가 가장 작은 자연수이므로

$$15+x=16 \quad \therefore x=1$$

(3) $20-x<20$ 이므로 $20-x$ 의 값이 될 수 있는 수는

16, 9, 4, 1

x 가 가장 작은 자연수이므로

$$20-x=16 \quad \therefore x=4$$

(4) $100-x<100$ 이므로 $100-x$ 의 값이 될 수 있는 수는

81, 64, 49, ...

x 가 가장 작은 자연수이므로

$$100-x=81 \quad \therefore x=19$$

답 (1) 2 (2) 1 (3) 4 (4) 19

유제

◎ 본책 14~18쪽

001-1 (㉠) $7^2=49$, $(-7)^2=49$ 이므로 49의 제곱근은 7, -7이다.

$$\therefore 7+(-7)=0$$

(㉡) -4의 제곱근은 없고 4의 제곱근은 2, -2이다.

(㉢) $(-2)^2=4$ 이므로 $(-2)^2$ 의 양의 제곱근은 2이다.

(㉣) 0의 제곱근은 0이다.

이상에서 옳은 것은 (㉠), (㉢)이다.

답 ②

002-1 9의 음의 제곱근은 -3이므로 $a=-3$

$(-5)^2=25$ 의 양의 제곱근은 5이므로 $b=5$

$$\therefore a-b=(-3)-5=-8$$

답 -8

003-1 (㉠) $\sqrt{1.96}=1.4$

(㉡) $\sqrt{144}=12$

이상에서 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있는 것은 (㉠), (㉡)이다.

답 ②

004-1 ① $(\sqrt{7})^2=7$

② $(-\sqrt{3})^2=3$

③ $\sqrt{(-5)^2}=5$

④ $(\sqrt{6})^2=6$ 이므로 $-(\sqrt{6})^2=-6$

⑤ $\sqrt{16}=\sqrt{4^2}=4$

따라서 가장 큰 수는 ①이다.

답 ①

005-1 (1) $\sqrt{36}=\sqrt{6^2}=6$, $\sqrt{(-5)^2}=5$, $(\sqrt{7})^2=7$ 이므로
 $\sqrt{36}+\sqrt{(-5)^2}-(\sqrt{7})^2=6+5-7=4$
 (2) $\sqrt{64}=\sqrt{8^2}=8$, $(-\sqrt{2})^2=2$, $(\sqrt{3})^2=3$ 이므로
 $\sqrt{64}\div(-\sqrt{2})^2\times(\sqrt{3})^2=8\div2\times3=12$
 답 (1) 4 (2) 12

006-1 (㉠) $a<0$ 이므로 $\sqrt{a^2}=-a$
 (㉡) $-a>0$ 이므로 $-\sqrt{(-a)^2}=-(a)=-a$
 (㉢) $-6a>0$ 이므로 $\sqrt{(-6a)^2}=-6a$
 (㉣) $\sqrt{\frac{a^2}{100}}=\sqrt{\left(\frac{a}{10}\right)^2}$ 이고 $\frac{a}{10}<0$ 이므로
 $\sqrt{\frac{a^2}{100}}=-\frac{a}{10}$
 (㉤) $-\sqrt{4a^2}=-\sqrt{(2a)^2}$ 이고 $2a<0$ 이므로
 $-\sqrt{4a^2}=-(2a)=2a$
 이상에서 옳은 것은 (㉡), (㉤)의 2개이다.
 답 ②

007-1 $a<0$, $b>0$ 이므로 $3a<0$, $-2b<0$
 $\therefore \sqrt{(3a)^2}+6\sqrt{b^2}-\sqrt{(-2b)^2}$
 $=-3a+6b-(-(-2b))$
 $=-3a+4b$
 답 ②

008-1 $0<a<b$ 에서 $-a<0<b-a$ 이므로
 $\sqrt{(-a)^2}=-(a)=-a$, $\sqrt{(b-a)^2}=b-a$
 $\therefore \sqrt{(-a)^2}-\sqrt{(b-a)^2}+\sqrt{a^2}=a-(b-a)+a$
 $=3a-b$
 답 3a-b

009-1 $\frac{28n}{5}=\frac{2^2\times7\times n}{5}$ 이므로 가장 작은 자연수 n 은
 $n=5\times7=35$
 답 35

010-1 $13-n$ 이 13보다 작은 제곱수 또는 0이어야 하므로
 $13-n=0, 1, 4, 9$
 $\therefore n=13, 12, 9, 4$
 따라서 모든 자연수 n 의 값의 합은
 $13+12+9+4=38$
 답 38

REMARK $\sqrt{A-x}$ (A 는 자연수)가 정수가 되려면
 $\Rightarrow 0$ 을 포함한 A 보다 작은 제곱수를 찾는다.

개념 Check
 05-1 답 (1) < (2) < (3) > (4) > (5) < (6) <

05-2 (1) $2=\sqrt{4}$ 이고 $4<5$ 이므로 $2<\sqrt{5}$
 (2) $3=\sqrt{9}$ 이고 $9>6$ 이므로 $3>\sqrt{6}$
 (3) $\frac{1}{2}=\sqrt{\frac{1}{4}}$ 이고 $\frac{1}{6}<\frac{1}{4}$ 이므로 $\sqrt{\frac{1}{6}}<\frac{1}{2}$
 (4) $2=\sqrt{4}$ 이고 $7>4$ 이므로 $\sqrt{7}>2$
 $\therefore -\sqrt{7}<-2$
 (5) $4=\sqrt{16}$ 이고 $16<20$ 이므로 $4<\sqrt{20}$
 $\therefore -4>-\sqrt{20}$
 (6) $\frac{1}{2}=\sqrt{\frac{1}{4}}$ 이고 $\frac{1}{2}>\frac{1}{4}$ 이므로 $\sqrt{\frac{1}{2}}>\frac{1}{2}$
 $\therefore -\sqrt{\frac{1}{2}}<-\frac{1}{2}$
 답 (1) < (2) > (3) < (4) < (5) > (6) <

유제 ④ 본책 20~21쪽

011-1 양수끼리 대소를 비교하면 $\sqrt{5}<\sqrt{7}$
 음수끼리 대소를 비교하면 $-\sqrt{3}>-\sqrt{15}$
 주어진 수를 크기가 작은 것부터 차례대로 나열하면
 $-\sqrt{15}, -\sqrt{3}, 0, \sqrt{5}, \sqrt{7}$
 답 $-\sqrt{15}, -\sqrt{3}, 0, \sqrt{5}, \sqrt{7}$

012-1 $3=\sqrt{9}$, $4=\sqrt{16}$ 에서 $\sqrt{14}>3$, $\sqrt{14}<4$ 이므로
 $\sqrt{14}-3>0$, $\sqrt{14}-4<0$
 $\therefore \sqrt{(\sqrt{14}-3)^2}+\sqrt{(\sqrt{14}-4)^2}$
 $=\sqrt{14}-3+(-(\sqrt{14}-4))$
 $=1$
 답 1

013-1 $3=\sqrt{9}$, $4=\sqrt{16}$ 이므로 $3<\sqrt{n-1}<4$ 에서
 $\sqrt{9}<\sqrt{n-1}<\sqrt{16}$, $9<n-1<16$
 $\therefore 10<n<17$
 따라서 $a=16$, $b=11$ 이므로
 $a-b=5$
 답 ③

014-1 $\sqrt{1}=1$, $\sqrt{4}=2$, $\sqrt{9}=3$, $\sqrt{16}=4$ 이므로
 $N(1)=0$
 $N(2)=N(3)=N(4)=1$
 $N(5)=N(6)=N(7)=N(8)=N(9)=2$
 $N(10)=N(11)=N(12)=3$
 \therefore (주어진 식) $=0+1\times3+2\times5+3\times3$
 $=22$
 답 22

단원 마무리

◎ 본책 22~24쪽

- 01 ② 02 ①, ④ 03 ④ 04 ① 05 ④
 06 ① 07 3 cm 08 ④ 09 2 10 ③
 11 ②, ③ 12 0 13 ④ 14 20 15 ①
 16 20 17 ④ 18 $a^2, a, \sqrt{a}, \sqrt{\frac{1}{a}}, \frac{1}{a}$
 19 $x=10, y=1$

01 [해결 Guide] $a(a \geq 0)$ 의 제곱근 \Rightarrow 제곱하여 a 가 되는 수
 x 가 양수 a 의 제곱근이므로 $x^2=a$ 답 ②
REMARK $x=\pm\sqrt{a}$ 로 나타낼 수도 있다.

02 [해결 Guide] $a>0$ 일 때, a 의 제곱근 $\Rightarrow \pm\sqrt{a}$, 제곱근 $a \Rightarrow \sqrt{a}$
 ② 제곱근 3은 3의 양의 제곱근이므로 $\sqrt{3}$ 이다.
 ③ $(-7)^2=49$ 의 제곱근은 ± 7 이다.
 ⑤ $\sqrt{(-5)^2}=5$ 답 ①, ④

03 [해결 Guide] $a>0$ 일 때, $(\sqrt{a})^2=(-\sqrt{a})^2=\sqrt{a^2}=\sqrt{(-a)^2}=a$
 ① $\sqrt{6^2}+\sqrt{(-7)^2}=6+7=13$
 ② $\sqrt{(-11)^2}-(-\sqrt{3})^2=11-3=8$
 ③ $-(-\sqrt{2})^2 \times \sqrt{4}=-2 \times 2=-4$
 ④ $-\sqrt{49} \div \sqrt{\left(-\frac{1}{7}\right)^2}=-7 \div \frac{1}{7}=-49$
 ⑤ $\sqrt{8^2} \times \left(-\sqrt{\frac{3}{2}}\right)^2=8 \times \frac{3}{2}=12$
 따라서 가장 작은 것은 ④이다. 답 ④

04 [해결 Guide] $\sqrt{a^2}=\begin{cases} a & (a \geq 0) \\ -a & (a < 0) \end{cases}$
 $\sqrt{121a^2}=\sqrt{(11a)^2}$ 이고 $11a<0$ 이므로
 $\sqrt{121a^2}=-11a$ 답 ①

05 [해결 Guide] $a>0, b>0$ 일 때, $a<b \Rightarrow \sqrt{a}<\sqrt{b}$
 ① $5<6$ 이므로 $\sqrt{5}<\sqrt{6}$ $\therefore -\sqrt{5}>-\sqrt{6}$
 ② $\frac{1}{4}<\frac{2}{5}$ 이므로 $\sqrt{\frac{1}{4}}<\sqrt{\frac{2}{5}}$
 ③ $5=\sqrt{25}$ 이고 $24<25$ 이므로 $\sqrt{24}<5$
 ④ $0.2=\sqrt{0.04}$ 이고 $0.2>0.04$ 이므로 $\sqrt{0.2}>0.2$
 ⑤ $3=\sqrt{9}$ 이고 $9>7$ 이므로 $3>\sqrt{7}$ $\therefore -3<-\sqrt{7}$ 답 ④

06 [해결 Guide] $a>0, b>0$ 일 때, $a<\sqrt{x}<b \Rightarrow a^2<x<b^2$
 $6=\sqrt{36}, 9=\sqrt{81}$ 이므로 $6<\sqrt{9x}<9$ 에서
 $\sqrt{36}<\sqrt{9x}<\sqrt{81}, \quad 36<9x<81$
 $\therefore 4<x<9$

따라서 x 의 값이 될 수 없는 것은 ①이다. 답 ①

07 [해결 Guide] 넓이가 $a(a>0)$ 인 정사각형의 한 변의 길이는 \sqrt{a} 이다.

두 정사각형의 넓이의 비가 1:9이므로

작은 정사각형의 넓이는 $90 \times \frac{1}{1+9}=9(\text{cm}^2)$... 50%
 따라서 작은 정사각형의 한 변의 길이는 3 cm이다. ... 50%
 답 3 cm

채점 기준	배점
작은 정사각형의 넓이 구하기	50%
작은 정사각형의 한 변의 길이 구하기	50%

REMARK 큰 정사각형의 넓이는

$$90 \times \frac{9}{1+9}=81(\text{cm}^2)$$

이므로 큰 정사각형의 한 변의 길이는 9 cm이다.

08 [해결 Guide] $a(a \geq 0)$ 의 제곱근 \Rightarrow 제곱하여 a 가 되는 수
 ① $\sqrt{(-4)^2}=4$ 의 제곱근은 ± 2 이다.
 ② 음수의 제곱근은 없다.
 ③ 0.9의 제곱근은 $\pm\sqrt{0.9}$ 이다.
 ④ $(-9)^2=81$ 의 제곱근은 ± 9 이므로 그 합은 0이다.
 ⑤ 0의 제곱근은 1개이다. 답 ④

09 [해결 Guide] $a>0$ 일 때,
 제곱근 $a \Rightarrow \sqrt{a}$, a 의 음의 제곱근 $\Rightarrow -\sqrt{a}$

제곱근 $\left(-\frac{4}{3}\right)^2$ 은 $\sqrt{\left(-\frac{4}{3}\right)^2}=\frac{4}{3}$ 이므로 $a=\frac{4}{3}$

$0.4=\frac{4}{9}$ 에서 $\frac{4}{9}$ 의 음의 제곱근은 $-\frac{2}{3}$ 이므로 $b=-\frac{2}{3}$

$$\therefore a-b=\frac{4}{3}-\left(-\frac{2}{3}\right)=2 \quad \text{답 2}$$

10 [해결 Guide] $a>0$ 일 때, $\sqrt{a^2}=\sqrt{(-a)^2}=(-\sqrt{a})^2=a$
 $\sqrt{144}=\sqrt{12^2}=12, \sqrt{0.09}=\sqrt{0.3^2}=0.3, \sqrt{(-6)^2}=6,$
 $(-\sqrt{2})^2=2$ 이므로

$$\begin{aligned} (\text{주어진 식}) &= 12 \div 0.3 - 6 \times 2 \\ &= 40 - 12 = 28 \end{aligned} \quad \text{답 ③}$$

11 **해결 Guide** $\sqrt{a^2} = -a \Rightarrow a < 0$

$$\sqrt{a^2} = -a \text{ 이므로 } a < 0$$

① $\sqrt{(4a)^2} = -4a$ ④ $16\sqrt{a^2} = -16a$

⑤ $\sqrt{25a^2} = \sqrt{(5a)^2} = -5a$ **답** ②, ③

12 **해결 Guide** $\sqrt{a^2} = \begin{cases} a & (a \geq 0) \\ -a & (a < 0) \end{cases}$

$a > 0$ 에서 $-6a < 0$, $-a < 0$, $3a > 0$ 이므로 ... 30%

$$\sqrt{(-6a)^2} = -(-6a) = 6a$$

$$9\sqrt{(-a)^2} = 9[-(-a)] = 9a$$

$$\sqrt{(3a)^2} = 3a$$

$$\therefore (\text{주어진 식}) = 6a - 9a + 3a = 0 \quad \dots 70\%$$

답 0

채점 기준	배점
근호 안의 식의 부호 구하기	30%
주어진 식 간단히 하기	70%

13 **해결 Guide** $\sqrt{(a-b)^2} = \begin{cases} a-b & (a \geq b) \\ -(a-b) & (a < b) \end{cases}$

$-3 < a < 1$ 에서 $0 < a+3 < 4$ 이므로

$$\sqrt{(a+3)^2} = a+3$$

$-3 < a < 1$ 에서 $-4 < a-1 < 0$ 이므로

$$\sqrt{(a-1)^2} = -(a-1) = -a+1$$

$$\therefore (\text{주어진 식}) = a+3 - (-a+1) = 2a+2 \quad \dots 40\%$$

답 ④

14 **해결 Guide** 근호 안의 수를 소인수분해하여 소인수의 지수가 모두 짝수가 되도록 하는 자연수 a 의 값을 찾는다.

80을 소인수분해하면 $80 = 2^4 \times 5$... 20%

$\sqrt{80a} = \sqrt{2^4 \times 5 \times a}$ 가 자연수가 되려면 $a = 5 \times (\text{자연수})^2$ 꼴이어야 한다. ... 40%

$$\therefore a = 5 \times 1^2, 5 \times 2^2, 5 \times 3^2, \dots$$

따라서 가장 작은 두 자리 자연수 a 는

$$a = 5 \times 2^2 = 20 \quad \dots 40\%$$

답 20

채점 기준	배점
80을 소인수분해하기	20%
$a = 5 \times (\text{자연수})^2$ 꼴임을 알기	40%
a 의 값 구하기	40%

15 **해결 Guide** $\sqrt{(A-B)^2}$ 꼴을 간단히 하려면 먼저 두 수 A , B 의 대소를 비교한다.

① $3 = \sqrt{9}$ 이므로 $3 < \sqrt{10} \quad \therefore 3 - \sqrt{10} < 0$
 $\therefore \sqrt{(3 - \sqrt{10})^2} = -(3 - \sqrt{10}) = -3 + \sqrt{10}$

답 ①

16 **해결 Guide** $a > 0, b > 0$ 일 때, $\sqrt{a} < \sqrt{x} < \sqrt{b} \Rightarrow a < x < b$

$-4 < -\sqrt{2x+3} < -\sqrt{5}$ 에서 $\sqrt{5} < \sqrt{2x+3} < \sqrt{16}$ 이므로

$$5 < 2x+3 < 16 \quad \therefore 1 < x < \frac{13}{2}$$

따라서 자연수 x 는 2, 3, 4, 5, 6이므로 구하는 합은

$$2+3+4+5+6=20 \quad \dots 20$$

답 20

17 **해결 Guide** x 와 가장 가까운 제곱수 2개를 찾아 \sqrt{x} 의 값의 범위를 나타낸다.

$\sqrt{100} = 10$ 이므로 $N(100) = 10$

$25 < 33 < 36$ 이므로 $5 < \sqrt{33} < 6$

$$\therefore N(33) = 5$$

$$\therefore N(100) - N(33) = 5 \quad \dots 40\%$$

답 ④

18 **해결 Guide** $0 < a < 1$ 을 만족시키는 a 의 값을 대입하여 크기를 비교한다.

주어진 식에 $a = \frac{1}{4}$ 을 대입하면

$$a = \frac{1}{4}, \frac{1}{a} = 4, \sqrt{a} = \frac{1}{2}, \sqrt{\frac{1}{a}} = \sqrt{4} = 2, a^2 = \frac{1}{16}$$

$$\therefore a^2 < a < \sqrt{a} < \sqrt{\frac{1}{a}} < \frac{1}{a} \quad \dots a^2, a, \sqrt{a}, \sqrt{\frac{1}{a}}, \frac{1}{a}$$

REMARK a 가 어떤 수의 제곱일 때, $\sqrt{a}, \sqrt{\frac{1}{a}}$ 은 근호를 사용하지 않고 나타낼 수 있으므로 $a = \frac{1}{4}, \frac{1}{9}, \frac{1}{16}, \dots$ 과 같은 수를 대입하는 것이 편리하다.

19 **해결 Guide** $m-n$ 의 값은 m 의 값이 클수록, n 의 값이 작을수록 크다.

$\sqrt{131-x}$ 가 가장 큰 자연수가 되어야 하므로 $131-x$ 는 131보다 작은 제곱수 중 가장 큰 수인 121이다.

즉 $131-x=121$ 이므로 $x=10$... 50%

또 $\sqrt{y+63}$ 은 가장 작은 자연수가 되어야 하므로 $y+63$ 은 63보다 큰 제곱수 중 가장 작은 수인 64이다.

즉 $y+63=64$ 이므로 $y=1$... 50%

답 $x=10, y=1$

채점 기준	배점
x 의 값 구하기	50%
y 의 값 구하기	50%

2 무리수와 실수

개념

Check

◎ 본책 28~30쪽

06-1 (4) $\sqrt{36}=6$ 이므로 유리수이다.

(6) $\sqrt{0.\dot{1}}=\sqrt{\frac{1}{9}}=\frac{1}{3}$ 이므로 유리수이다.

- 답 (1) 무 (2) 유 (3) 무
(4) 유 (5) 유 (6) 유

06-2 $-\sqrt{4}=-2$, $\sqrt{1.\dot{7}}=\sqrt{\frac{16}{9}}=\frac{4}{3}$

- 답 (1) 11 (2) $-\sqrt{4}$, 11
(3) $-\sqrt{4}$, $\sqrt{1.\dot{7}}$, 11, -0.5
(4) 2π , $\sqrt{3}-1$
(5) $-\sqrt{4}$, 2π , $\sqrt{3}-1$, $\sqrt{1.\dot{7}}$, 11, -0.5

07-1 (1) $\sqrt{5.64}$ 의 어림한 값은 5.6의 가로줄과 4의 세로줄이 만나는 곳의 값이므로 2.375이다.

(2) $\sqrt{5.73}$ 의 어림한 값은 5.7의 가로줄과 3의 세로줄이 만나는 곳의 값이므로 2.394이다.

(3) $\sqrt{5.87}$ 의 어림한 값은 5.8의 가로줄과 7의 세로줄이 만나는 곳의 값이므로 2.423이다.

(4) $\sqrt{5.96}$ 의 어림한 값은 5.9의 가로줄과 6의 세로줄이 만나는 곳의 값이므로 2.441이다.

- 답 (1) 2.375 (2) 2.394 (3) 2.423 (4) 2.441

08-1 답 (1) 25, 4, 4, $\sqrt{22}-4$ (2) 3, 6, 6, $\sqrt{6}-2$

08-2 (1) $\sqrt{9}<\sqrt{11}<\sqrt{16}$ 이므로 $3<\sqrt{11}<4$

따라서 $\sqrt{11}$ 의 정수 부분은 3, 소수 부분은 $\sqrt{11}-3$ 이다.

(2) $\sqrt{25}<\sqrt{32}<\sqrt{36}$ 이므로 $5<\sqrt{32}<6$

따라서 $\sqrt{32}$ 의 정수 부분은 5, 소수 부분은 $\sqrt{32}-5$ 이다.

(3) $1<\sqrt{3}<2$ 이므로 $4<3+\sqrt{3}<5$

따라서 $3+\sqrt{3}$ 의 정수 부분은 4, 소수 부분은

$$3+\sqrt{3}-4=\sqrt{3}-1$$

(4) $-2<-\sqrt{2}<-1$ 이므로 $3<5-\sqrt{2}<4$

따라서 $5-\sqrt{2}$ 의 정수 부분은 3, 소수 부분은

$$5-\sqrt{2}-3=2-\sqrt{2}$$

- 답 (1) 3, $\sqrt{11}-3$ (2) 5, $\sqrt{32}-5$
(3) 4, $\sqrt{3}-1$ (4) 3, $2-\sqrt{2}$

REMARK m , n 이 자연수일 때, $m+\sqrt{n}$ 의 소수 부분과 \sqrt{n} 의 소수 부분은 같다.

유제

◎ 본책 31~32쪽

015-1 순환하지 않는 무한소수로 나타내어지는 수는 무리수이다.

$$\sqrt{1}=1, 2.\dot{4}=\frac{22}{9}, \sqrt{(-2)^2}=2, \frac{\sqrt{16}}{3}=\frac{4}{3}$$

따라서 무리수인 것은 π , $-\sqrt{0.9}$ 이다. 답 π , $-\sqrt{0.9}$

016-1 ⑤ 소수로 나타내면 순환하지 않는 무한소수이다.

답 ⑤

REMARK 무리수는 $\frac{(\text{정수})}{(\text{0이 아닌 정수})}$ 꼴로 나타낼 수 없다.

017-1 (1) $\sqrt{21.2}$ 의 어림한 값은 21의 가로줄과 2의 세로줄이 만나는 곳의 값이므로 4.604이다.

또 $\sqrt{24.7}$ 의 어림한 값은 24의 가로줄과 7의 세로줄이 만나는 곳의 값이므로 4.970이다.

(2) 주어진 제곱근표에서

$\sqrt{23.4}$ 의 어림한 값이 4.837이므로

$$x=23.4$$

$\sqrt{20.5}$ 의 어림한 값이 4.528이므로

$$y=20.5$$

$$\therefore x-y=23.4-20.5=2.9$$

- 답 (1) 4.604, 4.970 (2) 2.9

018-1 $\sqrt{4}<\sqrt{7}<\sqrt{9}$ 에서 $2<\sqrt{7}<3$ 이므로

$$5<3+\sqrt{7}<6$$

즉 $3+\sqrt{7}$ 의 정수 부분이 5이므로

$$a=5, b=(3+\sqrt{7})-5=\sqrt{7}-2 \quad \text{답 } a=5, b=\sqrt{7}-2$$

개념

Check

◎ 본책 33~34쪽

09-1 (1) $\square PQRS=2 \times 2-4 \times \left(\frac{1}{2} \times 1 \times 1\right)=2$ 이므로

$$\overline{PA}=\overline{PQ}=\sqrt{2}$$

따라서 점 A가 나타내는 수는

$$1+\sqrt{2}$$

(2) $\overline{PB}=\overline{PS}=\overline{PQ}=\sqrt{2}$ 이므로 점 B가 나타내는 수는

$$1-\sqrt{2}$$

- 답 (1) $1+\sqrt{2}$ (2) $1-\sqrt{2}$

09-2 (1) 2와 3 사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.

(2) 1과 $\sqrt{2}$ 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.

- 답 (1) × (2) × (3) ○ (4) ○

10-1 답 $1-\sqrt{5}$, <, <, <

10-2 답 (1) > (2) > (3) < (4) < (5) < (6) >

유제

◎ 본책 35~37쪽

019-1 한 변의 길이가 1인 정사각형의 대각선의 길이는 $\sqrt{2}$ 이므로 각 점의 좌표는

$$A(-\sqrt{2}), B(-2+\sqrt{2}), C(1-\sqrt{2}), D(-1+\sqrt{2})$$

답 풀이 참조

020-1 ① $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.

③ 0과 가장 가까운 무리수는 알 수 없다.

⑤ 유리수와 무리수, 즉 실수를 나타내는 점들 전체로 수직선을 완전히 메울 수 있다.

답 ②, ④

$$021-1 \text{ ① } \sqrt{6}+3-(\sqrt{6}+\sqrt{7})=3-\sqrt{7}=\sqrt{9}-\sqrt{7}>0$$

$$\therefore \sqrt{6}+3>\sqrt{6}+\sqrt{7}$$

$$\text{② } 5-\sqrt{5}-\sqrt{2^2}=3-\sqrt{5}=\sqrt{9}-\sqrt{5}>0$$

$$\therefore 5-\sqrt{5}>\sqrt{2^2}$$

$$\text{③ } \sqrt{10}+1-4=\sqrt{10}-3=\sqrt{10}-\sqrt{9}>0$$

$$\therefore \sqrt{10}+1>4$$

$$\text{④ } \sqrt{2}-\sqrt{15}-(-\sqrt{15}+1)=\sqrt{2}-1=\sqrt{2}-\sqrt{1}>0$$

$$\therefore \sqrt{2}-\sqrt{15}>-\sqrt{15}+1$$

$$\text{⑤ } \sqrt{\frac{1}{8}}-2-(\sqrt{\frac{1}{5}}-2)=\sqrt{\frac{1}{8}}-\sqrt{\frac{1}{5}}<0$$

$$\therefore \sqrt{\frac{1}{8}}-2<\sqrt{\frac{1}{5}}-2$$

답 ⑤

$$022-1 a-b=(\sqrt{2}-1)-1=\sqrt{2}-2=\sqrt{2}-\sqrt{4}<0$$

$$\therefore a<b$$

$$b-c=1-(\sqrt{3}-1)=2-\sqrt{3}=\sqrt{4}-\sqrt{3}>0$$

$$\therefore b>c$$

$$a-c=(\sqrt{2}-1)-(\sqrt{3}-1)=\sqrt{2}-\sqrt{3}<0$$

$$\therefore a<c$$

따라서 $a<c<b$ 이다.

답 $a<c<b$

$$023-1 \sqrt{9}<\sqrt{12}<\sqrt{16} \text{에서 } 3<\sqrt{12}<4 \text{이므로}$$

$$3+1<\sqrt{12}+1<4+1$$

$$\therefore 4<\sqrt{12}+1<5$$

따라서 $\sqrt{12}+1$ 을 나타내는 점은 구간 D에 있다.

답 ④

$$024-1 1<\sqrt{3}<2 \text{이므로}$$

$$-4<\sqrt{3}-5<-3$$

$$\text{또 } -2<-\sqrt{3}<-1 \text{이므로}$$

$$3<5-\sqrt{3}<4$$

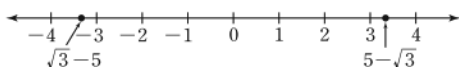
따라서 두 수 $\sqrt{3}-5$ 와 $5-\sqrt{3}$ 사이에 있는 정수는

$$-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$$

의 7개이다.

답 ④

REMARK $\sqrt{3}-5$ 와 $5-\sqrt{3}$ 을 수직선 위에 나타내면 다음과 같다.



단원 마무리

◎ 본책 38~40쪽

$$01 \text{ ③, ④} \quad 02 \text{ 0.04} \quad 03 P(-1-\sqrt{2}), Q(1+\sqrt{2})$$

$$04 \text{ ②} \quad 05 a<b<c \quad 06 \text{ 구간 C}$$

$$07 \text{ ⑤} \quad 08 \text{ ③} \quad 09 1+\sqrt{10}$$

$$10 P(-1-\sqrt{2}), Q(-1+\sqrt{2}) \quad 11 \text{ ④} \quad 12 \text{ ⑤}$$

$$13 \text{ ④, ⑤} \quad 14 \text{ ④} \quad 15 2-\sqrt{3} \quad 16 \text{ ③}$$

$$17 3+\sqrt{10} \quad 18 2+\pi$$

01 [해결 Guide] 무리수 \Rightarrow 순환하지 않는 무한소수

$$\text{② } \sqrt{9}=3$$

$$\text{⑤ } \sqrt{2.\dot{7}}=\sqrt{\frac{25}{9}}=\frac{5}{3}$$

답 ③, ④

02 [해결 Guide] 처음 두 자리 수의 가로줄과 끝자리 수의 세로줄이 만나는 곳의 수를 읽는다.

$$a=3.153, b=3.113 \text{이므로}$$

$$a-b=0.04$$

답 0.04

03 [해결 Guide] 넓이가 a 인 정사각형의 한 변의 길이 $\Rightarrow \sqrt{a}$

$$\square ABCD=2 \times 2-4 \times \left(\frac{1}{2} \times 1 \times 1\right)=2 \text{이므로}$$

$$\overline{CP}=\overline{CB}=\sqrt{2}$$

점 P는 점 C에서 왼쪽으로 $\sqrt{2}$ 만큼 떨어진 점이므로

점 P의 좌표는

$$-1-\sqrt{2}$$

넓이가 1인 정사각형의 대각선의 길이는 $\sqrt{2}$ 이므로

$$\overline{FQ}=\overline{FH}=\sqrt{2}$$

점 Q는 점 F에서 오른쪽으로 $\sqrt{2}$ 만큼 떨어진 점이므로
점 Q의 좌표는

$$1+\sqrt{2}$$

$$\text{답 } P(-1-\sqrt{2}), Q(1+\sqrt{2})$$

04 [해결 Guide] 두 실수 a, b 에 대하여

$$a-b>0 \Rightarrow a>b, \quad a-b<0 \Rightarrow a<b$$

$$\textcircled{1} (\sqrt{5}-2)-(\sqrt{3}-2)=\sqrt{5}-\sqrt{3}>0$$

$$\therefore \sqrt{5}-2>\sqrt{3}-2$$

$$\textcircled{2} (6-\sqrt{3})-4=2-\sqrt{3}=\sqrt{4}-\sqrt{3}>0$$

$$\therefore 6-\sqrt{3}>4$$

$$\textcircled{3} (\sqrt{7}+3)-6=\sqrt{7}-3=\sqrt{7}-\sqrt{9}<0$$

$$\therefore \sqrt{7}+3<6$$

$$\textcircled{4} (8-\sqrt{5})-(8-\sqrt{6})=-\sqrt{5}+\sqrt{6}>0$$

$$\therefore 8-\sqrt{5}>8-\sqrt{6}$$

$$\textcircled{5} (-2-\sqrt{3})-(-2-\sqrt{5})=-\sqrt{3}+\sqrt{5}>0$$

$$\therefore -2-\sqrt{3}>-2-\sqrt{5}$$

답 ②

05 [해결 Guide] 세 실수 a, b, c 에 대하여 $a<b$ 이고 $b<c$

$$\Rightarrow a<b<c$$

$$a-b=(\sqrt{6}-1)-2=\sqrt{6}-3=\sqrt{6}-\sqrt{9}<0 \text{ 이므로}$$

$$a<b$$

... 40%

$$b-c=2-(1+\sqrt{2})=1-\sqrt{2}=\sqrt{1}-\sqrt{2}<0 \text{ 이므로}$$

$$b<c$$

... 40%

$$\therefore a<b<c$$

... 20%

답 $a<b<c$

채점 기준	배점
a, b 의 대소 비교하기	40%
b, c 의 대소 비교하기	40%
a, b, c 의 대소 관계 나타내기	20%

06 [해결 Guide] \sqrt{a} 를 나타내는 점 찾기 $\Rightarrow n<\sqrt{a}<n+1$ 인 정수 n 을 찾는다.

$$\sqrt{4}<\sqrt{7}<\sqrt{9} \text{ 에서 } 2<\sqrt{7}<3 \text{ 이므로}$$

$$2-3<\sqrt{7}-3<3-3 \quad \therefore -1<\sqrt{7}-3<0$$

따라서 $\sqrt{7}-3$ 을 나타내는 점은 구간 C에 있다. **답** 구간 C

07 [해결 Guide] a 가 무리수 $\Rightarrow -a, a \pm$ (유리수)는 무리수이다.

$$\textcircled{1} (\sqrt{2})^2=2$$

$$\textcircled{2} \sqrt{2} \times (\sqrt{2})^2=\sqrt{2^3}=2$$

$$\textcircled{3} \sqrt{2} \times \sqrt{2}-1=1$$

$$\textcircled{4} -2 \times (\sqrt{2})^2=-4$$

$$\textcircled{5} \sqrt{2}+2$$

따라서 순환하지 않는 무한소수, 즉 무리수는 ⑤이다. **답** ⑤

08 [해결 Guide] 무리수는 순환하지 않는 무한소수이므로 기약분수로 나타낼 수 없다.

③ 무리수는 기약분수로 나타낼 수 없다.

④, ⑤ $3<\sqrt{10}<4$ 이므로 $\sqrt{10}$ 의 정수 부분은 3, 소수 부분은 $\sqrt{10}-3$ 이다. **답** ③

09 [해결 Guide] 넓이가 a 인 정사각형의 한 변의 길이 $\Rightarrow \sqrt{a}$

$$\square ABCD=4 \times 4-4 \times \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 1\right)=10 \text{ 이므로}$$

$$\overline{AP}=\overline{AB}=\sqrt{10}$$

... 50%

점 P는 점 A에서 오른쪽으로 $\sqrt{10}$ 만큼 떨어진 점이므로

점 P가 나타내는 수는 $1+\sqrt{10}$ 이다. ... 50%

답 $1+\sqrt{10}$

채점 기준	배점
\overline{AP} 의 길이 구하기	50%
점 P가 나타내는 수 구하기	50%

10 [해결 Guide] 한 변의 길이가 1인 정사각형의 대각선의 길이는 $\sqrt{2}$ 이다.

한 변의 길이가 1인 정사각형의 대

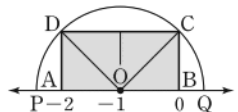
각선의 길이는 $\sqrt{2}$ 이므로

$$\overline{OP}=\overline{OD}=\sqrt{2}$$

$$\overline{OQ}=\overline{OC}=\sqrt{2}$$

$$\therefore P(-1-\sqrt{2}), Q(-1+\sqrt{2})$$

답 $P(-1-\sqrt{2}), Q(-1+\sqrt{2})$



11 [해결 Guide] 모든 실수는 각각 수직선 위의 한 점으로 나타낼 수 있다.

④ 수직선은 실수를 나타내는 직선이다. **답** ④

12 [해결 Guide] 세 실수 a, b, c 에 대하여 $a<b$ 이고 $b<c$

$$\Rightarrow a<b<c$$

$$a-b=-1+\sqrt{6}-(\sqrt{6}-\sqrt{3})=-1+\sqrt{3}=-\sqrt{1}+\sqrt{3}>0$$

$$\therefore a>b$$

$$b-c=\sqrt{6}-\sqrt{3}-(2-\sqrt{3})=\sqrt{6}-2=\sqrt{6}-\sqrt{4}>0$$

$$\therefore b>c$$

$$\therefore c<b<a$$

답 ⑤

13 [해결 Guide] $-\sqrt{2}<x<\sqrt{2}$ 를 만족시키는 무리수 x 를 찾는다.

$-\sqrt{2}-1<-\sqrt{3}<-\sqrt{2}<-1<1-\sqrt{2}<\sqrt{2}-1<\sqrt{2}$ 이므로 주어진 조건을 만족시키는 수는 ④, ⑤이다. **답** ④, ⑤

14 **해결 Guide** x 가 $\sqrt{5}$ 와 3 사이의 수 $\Rightarrow \sqrt{5} < x < 3$

④ $1 + \sqrt{5} - 3 = \sqrt{5} - 2 = \sqrt{5} - \sqrt{4} > 0$ 이므로

$$1 + \sqrt{5} > 3$$

따라서 $1 + \sqrt{5}$ 는 $\sqrt{5}$ 와 3 사이의 수가 아니다.

⑤ $\frac{\sqrt{5}+3}{2}$ 은 두 수 $\sqrt{5}$, 3의 평균이므로 $\sqrt{5}$ 와 3 사이의 수이다.

답 ④

15 **해결 Guide** 음수는 음수끼리, 양수는 양수끼리 대소를 비교한다.

음수는 $1 - \sqrt{6}$, $1 - \sqrt{5}$ 이므로

$$1 - \sqrt{6} - (1 - \sqrt{5}) = -\sqrt{6} + \sqrt{5} < 0$$

$$\therefore 1 - \sqrt{6} < 1 - \sqrt{5}$$

... 30%

양수는 $3 - \sqrt{3}$, $2 - \sqrt{3}$ 이므로

$$3 - \sqrt{3} - (2 - \sqrt{3}) = 1 > 0$$

$$\therefore 3 - \sqrt{3} > 2 - \sqrt{3}$$

... 30%

따라서 주어진 수를 작은 것부터 차례대로 나열하면

$$1 - \sqrt{6} < 1 - \sqrt{5} < 0 < 2 - \sqrt{3} < 3 - \sqrt{3}$$

... 30%

이므로 수직선 위에 나타낼 때, 왼쪽에서 네 번째에 오는 수는 $2 - \sqrt{3}$ 이다.

... 10%

답 $2 - \sqrt{3}$

채점 기준	배점
음수끼리 대소 비교하기	30%
양수끼리 대소 비교하기	30%
작은 것부터 차례대로 나열하기	30%
왼쪽에서 네 번째에 오는 수 구하기	10%

16 **해결 Guide** 먼저 $m < \sqrt{5} < m+1$, $n < \sqrt{20} < n+1$ 을 만족시키는 정수 m , n 을 찾는다.

(ㄱ) $2 < \sqrt{5} < 3$ 이고 $4 < \sqrt{20} < 5$ 이므로 두 수 사이의 정수는 3, 4의 2개이다.

(ㄴ) $2 < \sqrt{5}$ 이므로 $5 < \sqrt{5} + 3$

$$\text{이때 } \sqrt{20} < 5 \text{이므로 } \sqrt{20} < \sqrt{5} + 3$$

따라서 $\sqrt{5} + 3$ 은 두 수 사이에 없다.

이상에서 옳은 것은 (ㄱ), (ㄴ)이다.

답 ③

17 **해결 Guide** 무리수 \sqrt{a} 의 정수 부분이 n

$$\Rightarrow (\text{소수 부분}) = \sqrt{a} - n$$

$$6 < \sqrt{40} < 7 \text{이므로 } [40] = 6$$

$$3 < \sqrt{10} < 4 \text{이므로 } \langle 10 \rangle = \sqrt{10} - 3$$

$$\therefore [40] + \langle 10 \rangle = 6 + \sqrt{10} - 3$$

$$= 3 + \sqrt{10}$$

답 $3 + \sqrt{10}$

18 **해결 Guide** 지름의 길이가 a 인 원의 둘레의 길이 $\Rightarrow \pi a$

지름의 길이가 0.5이므로 원의 둘레의 길이는 0.5π

따라서 점 A가 나타내는 수는

$$2 + 0.5\pi \times 2 = 2 + \pi$$

답 $2 + \pi$

3 근호를 포함한 식의 계산 (1)

개념

Check

◎ 본책 44~47쪽

11-1 (1) $\sqrt{5}\sqrt{13}=\sqrt{5\times 13}=\sqrt{65}$

(2) $\sqrt{2}\sqrt{3}\sqrt{5}=\sqrt{2\times 3\times 5}=\sqrt{30}$

(3) $-\sqrt{\frac{14}{3}}\times\sqrt{\frac{9}{7}}=-\sqrt{\frac{14}{3}\times\frac{9}{7}}=-\sqrt{6}$

(4) $2\sqrt{15}\times 4\sqrt{\frac{1}{3}}=2\times 4\times\sqrt{15\times\frac{1}{3}}=8\sqrt{5}$

답 (1) $\sqrt{65}$ (2) $\sqrt{30}$ (3) $-\sqrt{6}$ (4) $8\sqrt{5}$

11-2 (1) $\frac{\sqrt{45}}{\sqrt{3}}=\sqrt{\frac{45}{3}}=\sqrt{15}$

(2) $3\sqrt{21}\div\sqrt{7}=\frac{3\sqrt{21}}{\sqrt{7}}=3\sqrt{\frac{21}{7}}=3\sqrt{3}$

(3) $4\sqrt{6}\div(-\sqrt{3})=-\frac{4\sqrt{6}}{\sqrt{3}}=-4\sqrt{\frac{6}{3}}=-4\sqrt{2}$

(4) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}\div\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{30}}=\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}\times\frac{\sqrt{30}}{\sqrt{2}}=\sqrt{\frac{2}{5}\times\frac{30}{2}}=\sqrt{6}$

답 (1) $\sqrt{15}$ (2) $3\sqrt{3}$ (3) $-4\sqrt{2}$ (4) $\sqrt{6}$

12-1 (1) $\sqrt{24}=\sqrt{2^2\times 6}=2\sqrt{6}$

(2) $-\sqrt{45}=-\sqrt{3^2\times 5}=-3\sqrt{5}$

(3) $\sqrt{\frac{5}{4}}=\sqrt{\frac{5}{2^2}}=\frac{\sqrt{5}}{2}$

(4) $\sqrt{0.07}=\sqrt{\frac{7}{100}}=\sqrt{\frac{7}{10^2}}=\frac{\sqrt{7}}{10}$

답 (1) $2\sqrt{6}$ (2) $-3\sqrt{5}$ (3) $\frac{\sqrt{5}}{2}$ (4) $\frac{\sqrt{7}}{10}$

12-2 (1) $2\sqrt{7}=\sqrt{2^2\times 7}=\sqrt{28}$

(2) $-5\sqrt{2}=-\sqrt{5^2\times 2}=-\sqrt{50}$

(3) $-\frac{\sqrt{3}}{2}=-\sqrt{\frac{3}{2^2}}=-\sqrt{\frac{3}{4}}$

(4) $\frac{\sqrt{5}}{10}=\sqrt{\frac{5}{10^2}}=\sqrt{\frac{1}{20}}$

답 (1) $\sqrt{28}$ (2) $-\sqrt{50}$ (3) $-\sqrt{\frac{3}{4}}$ (4) $\sqrt{\frac{1}{20}}$

13-1 답 (1) 100, 10, 17.32 (2) 100, 10, 0.5477

13-2 (1) $\sqrt{712}=\sqrt{7.12\times 100}=10\sqrt{7.12}$ 이므로 어림한 값은 $10\times 2.668=26.68$

(2) $\sqrt{7120}=\sqrt{71.2\times 100}=10\sqrt{71.2}$ 이므로 어림한 값은 $10\times 8.438=84.38$

(3) $\sqrt{0.712}=\sqrt{\frac{71.2}{100}}=\frac{\sqrt{71.2}}{10}$ 이므로 어림한 값은

$\frac{8.438}{10}=0.8438$

(4) $\sqrt{0.0712}=\sqrt{\frac{7.12}{100}}=\frac{\sqrt{7.12}}{10}$ 이므로 어림한 값은

$\frac{2.668}{10}=0.2668$

답 (1) 26.68 (2) 84.38 (3) 0.8438 (4) 0.2668

14-1 답 2, $\sqrt{5}$, $\sqrt{5}$, $\frac{\sqrt{5}}{5}$

14-2 (1) $\frac{1}{\sqrt{11}}=\frac{1\times\sqrt{11}}{\sqrt{11}\times\sqrt{11}}=\frac{\sqrt{11}}{11}$

(2) $\frac{5}{\sqrt{6}}=\frac{5\times\sqrt{6}}{\sqrt{6}\times\sqrt{6}}=\frac{5\sqrt{6}}{6}$

(3) $\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3}}=\frac{\sqrt{5}\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}}=\frac{\sqrt{15}}{3}$

(4) $\frac{3}{\sqrt{28}}=\frac{3}{\sqrt{2^2\times 7}}=\frac{3}{2\sqrt{7}}=\frac{3\times\sqrt{7}}{2\sqrt{7}\times\sqrt{7}}=\frac{3\sqrt{7}}{14}$

답 (1) $\frac{\sqrt{11}}{11}$ (2) $\frac{5\sqrt{6}}{6}$ (3) $\frac{\sqrt{15}}{3}$ (4) $\frac{3\sqrt{7}}{14}$

◎ 본책 48~52쪽

유제

025-1 (㉠) $\sqrt{3}\times\sqrt{7}=\sqrt{3\times 7}=\sqrt{21}$

(㉡) $-\sqrt{2}\times\sqrt{32}=-\sqrt{2\times 32}=-\sqrt{64}=-\sqrt{8^2}=-8$

(㉢) $5\sqrt{3}\times 2\sqrt{2}=5\times 2\times\sqrt{3\times 2}=10\sqrt{6}$

(㉣) $\sqrt{\frac{6}{5}}\times\sqrt{\frac{10}{3}}=\sqrt{\frac{6}{5}\times\frac{10}{3}}=\sqrt{4}=\sqrt{2^2}=2$

이상에서 옳은 것은 (㉡), (㉣)이다.

답 (㉡), (㉣)

026-1 ① $\frac{\sqrt{42}}{\sqrt{6}}=\sqrt{\frac{42}{6}}=\sqrt{7}$

② $\sqrt{20}\div\sqrt{2}=\sqrt{\frac{20}{2}}=\sqrt{\frac{20}{2}}=\sqrt{10}$

③ $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}\div\frac{1}{\sqrt{15}}=\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}\times\sqrt{15}=\sqrt{\frac{3}{5}}\times\sqrt{15}$
 $=\sqrt{\frac{3}{5}\times 15}=\sqrt{9}=\sqrt{3^2}=3$

④ $\frac{1}{\sqrt{2}}\div\frac{1}{\sqrt{30}}=\frac{1}{\sqrt{2}}\times\sqrt{30}=\frac{\sqrt{30}}{\sqrt{2}}=\sqrt{\frac{30}{2}}=\sqrt{15}$

⑤ $\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{4}}\div\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{11}}=\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{4}}\times\frac{\sqrt{11}}{\sqrt{3}}=\sqrt{\frac{12}{4}}\times\sqrt{\frac{11}{3}}$
 $=\sqrt{\frac{12}{4}\times\frac{11}{3}}=\sqrt{11}$

$\sqrt{15} > \sqrt{11} > \sqrt{10} > 3 > \sqrt{7}$ 이므로 가장 큰 것은 ④ $\sqrt{15}$ 이다.

답 ④

$$\begin{aligned} 027-1 \quad \sqrt{18} \times \sqrt{8} \times \sqrt{12} &= \sqrt{18 \times 8 \times 12} \\ &= \sqrt{3^2 \times 2 \times 2^3 \times 2^2 \times 3} \\ &= \sqrt{2^6 \times 3^2 \times 3} \\ &= \sqrt{(2^3 \times 3)^2 \times 3} \\ &= 24\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\therefore a = 24$$

다른 풀이 $\sqrt{18} \times \sqrt{8} \times \sqrt{12} = 3\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{3}$
 $= 3 \times 2 \times 2 \times (\sqrt{2})^2 \times \sqrt{3}$
 $= 24\sqrt{3}$

답 ⑤

$$\begin{aligned} 028-1 \quad \frac{\sqrt{6}}{5} &= \sqrt{\frac{6}{25}} \text{이므로} \quad 0.04 + k = \frac{6}{25} \\ \frac{1}{25} + k &= \frac{6}{25} \quad \therefore k = \frac{5}{25} = \frac{1}{5} \end{aligned}$$

답 ②

$$\begin{aligned} 029-1 \quad \sqrt{150} &= \sqrt{2 \times 3 \times 5^2} \\ &= 5\sqrt{2} \times \sqrt{3} = 5ab \end{aligned}$$

답 ②

$$030-1 \quad ① \sqrt{462} = \sqrt{4.62 \times 100} = 10\sqrt{4.62} \text{이므로 어림한 값은}$$

$$10 \times 2.149 = 21.49$$

$$② \sqrt{4700} = \sqrt{47 \times 100} = 10\sqrt{47} \text{이므로 } \sqrt{47} \text{의 어림한 값이 주어}$$

져야 한다.

$$③ \sqrt{49400} = \sqrt{4.94 \times 10000} = 100\sqrt{4.94} \text{이므로 어림한 값은}$$

$$100 \times 2.223 = 222.3$$

$$④ \sqrt{0.048} = \sqrt{\frac{4.8}{100}} = \frac{\sqrt{4.8}}{10} \text{이므로 어림한 값은}$$

$$\frac{2.191}{10} = 0.2191$$

$$⑤ \sqrt{0.00046} = \sqrt{\frac{4.6}{10000}} = \frac{\sqrt{4.6}}{100} \text{이므로 어림한 값은}$$

$$\frac{2.145}{100} = 0.02145$$

따라서 주어진 제공근표를 이용하여 그 어림한 값을 구할 수 없는 것은 ②이다.

답 ②

REMARK \sqrt{a} 의 어림한 값으로 구할 수 있는 값

$$\Rightarrow \sqrt{100a}, \sqrt{\frac{a}{100}}, \sqrt{10000a}, \sqrt{\frac{a}{10000}}, \dots$$

$$\Rightarrow \sqrt{10^{2n}a} \text{ 또는 } \sqrt{\frac{a}{10^{2n}}} \quad (n \text{은 자연수})$$

$$031-1 \quad \frac{3\sqrt{a}}{7\sqrt{6}} = \frac{3\sqrt{a} \times \sqrt{6}}{7\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{3\sqrt{6a}}{42} = \frac{\sqrt{6a}}{14}$$

$$\text{이때 } \frac{\sqrt{6a}}{14} = \frac{\sqrt{30}}{14} \text{이므로} \quad 6a = 30$$

$$\therefore a = 5$$

답 5

$$\begin{aligned} 032-1 \quad \frac{14}{\sqrt{8}} \times \frac{\sqrt{12}}{7} \div \sqrt{48} &= \frac{14}{2\sqrt{2}} \times \frac{2\sqrt{3}}{7} \div 4\sqrt{3} \\ &= \frac{7}{\sqrt{2}} \times \frac{2\sqrt{3}}{7} \times \frac{1}{4\sqrt{3}} \\ &= 7 \times \frac{2}{7} \times \frac{1}{4} \times \sqrt{\frac{1}{2} \times 3 \times \frac{1}{3}} \\ &= \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{4} \end{aligned}$$

$$\therefore a = \frac{1}{4}$$

$$\text{답 } \frac{1}{4}$$

$$033-1 \quad (\text{직사각형의 넓이}) = 2\sqrt{5} \times 3\sqrt{2} = 6\sqrt{10}$$

삼각형의 높이를 x 라 하면

$$(\text{삼각형의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times x = 2\sqrt{2}x$$

따라서 $2\sqrt{2}x = 6\sqrt{10}$ 이므로

$$x = \frac{6\sqrt{10}}{2\sqrt{2}} = \frac{6}{2} \times \sqrt{\frac{10}{2}} = 3\sqrt{5}$$

답 ③

033-2 원뿔의 높이를 x cm라 하면

$$\frac{1}{3} \times \pi \times (2\sqrt{3})^2 \times x = 8\sqrt{5}\pi, \quad 4x = 8\sqrt{5}$$

$$\therefore x = 2\sqrt{5}$$

답 ②

단원 마무리

◎ 본책 53~55쪽

$$01 \text{ ②} \quad 02 \ a=125, \ b=3 \quad 03 \text{ ③} \quad 04 \text{ ③}$$

$$05 \text{ ⑤} \quad 06 \ \frac{2\sqrt{5}}{5} \quad 07 \text{ ⑤} \quad 08 \text{ ③}$$

$$09 \ 2\sqrt{5} < \sqrt{22} < 5 < 4\sqrt{2} \quad 10 \ 4 \quad 11 \text{ ④}$$

$$12 \ 17.32, \ 27.385 \quad 13 \text{ ①} \quad 14 \text{ ①}$$

$$15 \ 2\sqrt{10} \text{ cm} \quad 16 \ 12 \text{ cm}^2 \quad 17 \text{ ②} \quad 18 \ 10$$

$$01 \text{ [해결 Guide]} \ a > 0, \ b > 0 \text{일 때, } \sqrt{a}\sqrt{b} = \sqrt{ab}, \ \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

$$② \ \frac{\sqrt{14}}{2} \times 6\sqrt{\frac{1}{7}} = 3 \times \sqrt{14 \times \frac{1}{7}} = 3\sqrt{2}$$

답 ②

02 **해결 Guide** $a > 0, b > 0$ 일 때, $a\sqrt{b} = \sqrt{a^2b}$

$$5\sqrt{5} = \sqrt{5^2 \times 5} = \sqrt{125} \quad \therefore a = 125 \quad \dots 50\%$$

$$\sqrt{108} = \sqrt{6^2 \times 3} = 6\sqrt{3} \quad \therefore b = 3 \quad \dots 50\%$$

답 $a = 125, b = 3$

채점 기준	배점
a의 값 구하기	50%
b의 값 구하기	50%

03 **해결 Guide** 근호 안의 제곱인 인수 빼내기 \rightarrow 주어진 문자로 나타내기

$$\begin{aligned} \sqrt{27} - \sqrt{80} &= \sqrt{3^2 \times 3} - \sqrt{4^2 \times 5} = 3\sqrt{3} - 4\sqrt{5} \\ &= 3x - 4y \end{aligned} \quad \text{답 ③}$$

04 **해결 Guide** 근호 안의 수의 소수점의 위치를 두 자리씩 이동시켜 본다.

$$\begin{aligned} \text{① } \sqrt{0.5} &= \sqrt{\frac{50}{100}} = \frac{\sqrt{50}}{10} \text{이므로 어림한 값은} \\ \frac{7.071}{10} &= 0.7071 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{② } \sqrt{0.05} &= \sqrt{\frac{5}{100}} = \frac{\sqrt{5}}{10} \text{이므로 어림한 값은} \\ \frac{2.236}{10} &= 0.2236 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{③ } \sqrt{0.0005} &= \sqrt{\frac{5}{10000}} = \frac{\sqrt{5}}{100} \text{이므로 어림한 값은} \\ \frac{2.236}{100} &= 0.02236 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{④ } \sqrt{500} &= \sqrt{5 \times 100} = 10\sqrt{5} \text{이므로 어림한 값은} \\ 10 \times 2.236 &= 22.36 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{⑤ } \sqrt{5000} &= \sqrt{50 \times 100} = 10\sqrt{50} \text{이므로 어림한 값은} \\ 10 \times 7.071 &= 70.71 \end{aligned}$$

따라서 어림한 값을 구한 것으로 옳은 것은 ③이다. **답 ③**

05 **해결 Guide** $b > 0$ 일 때, $\frac{a}{\sqrt{b}} = \frac{a\sqrt{b}}{b}$

$$\text{① } 2\sqrt{2}$$

$$\text{② } \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

$$\text{③ } \frac{4}{\sqrt{2}} = \frac{4 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{4\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}$$

$$\text{④ } \frac{2\sqrt{6}}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{6} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{18}}{3} = \frac{6\sqrt{2}}{3} = 2\sqrt{2}$$

$$\text{⑤ } \frac{6}{\sqrt{2} \times \sqrt{3}} = \frac{6 \times \sqrt{2} \times \sqrt{3}}{\sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{2} \times \sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{6}}{6} = \sqrt{6}$$

따라서 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다. **답 ⑤**

06 **해결 Guide** 나눗셈을 역수의 곱셈으로 고친 후 앞에서부터 순서대로 계산한다.

$$\begin{aligned} \sqrt{6} \div \sqrt{5} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} &= \sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \sqrt{6 \times \frac{1}{5} \times \frac{2}{3}} \\ &= \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5} \end{aligned} \quad \text{답 } \frac{2\sqrt{5}}{5}$$

07 **해결 Guide** $a > 0, b > 0, c > 0$ 일 때, $\sqrt{a}\sqrt{b}\sqrt{c} = \sqrt{abc}$

$$\sqrt{10} \times \sqrt{\frac{3}{5}} \times \sqrt{a} = \sqrt{10 \times \frac{3}{5} \times a} = \sqrt{6 \times a}$$

$$\sqrt{\frac{6}{7}} \times \sqrt{35} = \sqrt{\frac{6}{7} \times 35} = \sqrt{30}$$

$$\text{즉 } 6 \times a = 30 \text{이므로 } a = 5 \quad \text{답 ⑤}$$

08 **해결 Guide** $a > 0, b > 0, c > 0$ 일 때,

$$\sqrt{a} \div \sqrt{b} \div \sqrt{c} = \sqrt{a \times \frac{1}{b} \times \frac{1}{c}}$$

$$\begin{aligned} \frac{2\sqrt{7}}{\sqrt{3}} \div \sqrt{\frac{14}{9}} \div (-\sqrt{2}) &= \frac{2\sqrt{7}}{\sqrt{3}} \times \frac{3}{\sqrt{14}} \times \left(-\frac{1}{\sqrt{2}}\right) \\ &= -2 \times 3 \times \sqrt{\frac{7}{3} \times \frac{1}{14} \times \frac{1}{2}} \\ &= -6\sqrt{\frac{1}{12}} = -\frac{6}{\sqrt{12}} = -\frac{6}{2\sqrt{3}} \\ &= -\frac{3}{\sqrt{3}} = -\sqrt{3} \end{aligned} \quad \text{답 ③}$$

09 **해결 Guide** $a > 0, b > 0$ 일 때, $a\sqrt{b} = \sqrt{a^2b}$ 임을 이용하여 근호 안의 수끼리 대소를 비교한다.

$$5 = \sqrt{25}, 4\sqrt{2} = \sqrt{32}, 2\sqrt{5} = \sqrt{20} \text{이므로}$$

$$2\sqrt{5} < \sqrt{22} < 5 < 4\sqrt{2}$$

$$\text{답 } 2\sqrt{5} < \sqrt{22} < 5 < 4\sqrt{2}$$

10 **해결 Guide** $a > 0, b > 0$ 일 때, $\sqrt{a^2b} = a\sqrt{b}, \sqrt{\frac{b}{a^2}} = \frac{\sqrt{b}}{a}$

$$\sqrt{0.48} = \sqrt{\frac{48}{100}} = \sqrt{\frac{12}{25}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3}{5^2}} = \frac{2\sqrt{3}}{5}$$

$$\therefore a = \frac{2}{5}$$

$$\sqrt{128} = \sqrt{8^2 \times 2} = 8\sqrt{2}$$

$$\therefore b = 8$$

$$\therefore \sqrt{5ab} = \sqrt{5 \times \frac{2}{5} \times 8} = \sqrt{16} = 4$$

답 4

11 **해결 Guide** 먼저 근호 안의 수를 기약분수로 나타낸다.

$$\begin{aligned}\sqrt{0.72} &= \sqrt{\frac{72}{100}} = \sqrt{\frac{18}{25}} = \sqrt{\frac{2 \times 3^2}{5^2}} \\ &= \frac{3\sqrt{2}}{(\sqrt{5})^2} = \frac{3a}{b^2}\end{aligned}$$

답 ④

12 **해결 Guide** $a > 0, b > 0$ 일 때, $\sqrt{a^2b} = a\sqrt{b}$

$$\begin{aligned}\sqrt{300} &= \sqrt{3 \times 10^2} = 10\sqrt{3} \text{이므로 어림한 값은} \\ 10 \times 1.732 &= 17.32 \quad \dots 50\% \\ \sqrt{750} &= \sqrt{30 \times 5^2} = 5\sqrt{30} \text{이므로 어림한 값은} \\ 5 \times 5.477 &= 27.385 \quad \dots 50\%\end{aligned}$$

답 17.32, 27.385

채점 기준	배점
$\sqrt{300}$ 의 어림한 값 구하기	50%
$\sqrt{750}$ 의 어림한 값 구하기	50%

13 **해결 Guide** $a > 0$ 일 때, $\frac{b}{\sqrt{a}} = \frac{b\sqrt{a}}{a}$

$$\begin{aligned}\frac{5}{\sqrt{40}} &= \frac{5}{2\sqrt{10}} = \frac{5\sqrt{10}}{20} = \frac{\sqrt{10}}{4} \text{이므로} \\ a &= \frac{1}{4} \\ \frac{b}{3\sqrt{5}} &= \frac{b \times \sqrt{5}}{3\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{b\sqrt{5}}{15} \text{이므로} \\ \frac{b}{15} &= \frac{4}{3} \quad \therefore b = 20 \\ \therefore 4a - b &= 4 \times \frac{1}{4} - 20 = -19\end{aligned}$$

답 ①

14 **해결 Guide** 나눗셈을 역수의 곱셈으로 고친 후 앞에서부터 순서대로 계산한다.

$$\begin{aligned}-4\sqrt{20} \times \sqrt{\frac{18}{5}} \div \frac{\sqrt{54}}{3} &= -8\sqrt{5} \times \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \div \frac{3\sqrt{6}}{3} \\ &= -8\sqrt{5} \times \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \times \frac{1}{\sqrt{6}} \\ &= -8 \times 3 \times \sqrt{5 \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{6}} \\ &= -24\sqrt{\frac{1}{3}} = -\frac{24}{\sqrt{3}} = -8\sqrt{3}\end{aligned}$$

답 ①

15 **해결 Guide** 세로의 길이를 x cm로 놓고 식을 세운다.

$$\begin{aligned}\text{사진의 세로의 길이를 } x \text{ cm라 하면} \\ \sqrt{120} : x &= \sqrt{3} : 1 \\ \sqrt{3}x &= \sqrt{120} \\ \therefore x &= \frac{\sqrt{120}}{\sqrt{3}} = \sqrt{40} = 2\sqrt{10}\end{aligned}$$

답 $2\sqrt{10}$ cm

16 **해결 Guide** 넓이가 a 인 정사각형의 한 변의 길이 $\Rightarrow \sqrt{a}$

$$\begin{aligned}\overline{AB} &= \sqrt{24} = 2\sqrt{6} \text{ (cm)} \quad \dots 40\% \\ \overline{BC} &= \sqrt{6} \text{ (cm)} \quad \dots 40\% \\ \text{이므로 } \square ABCD &= 2\sqrt{6} \times \sqrt{6} = 12 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots 20\%\end{aligned}$$

답 12 cm^2

채점 기준	배점
\overline{AB} 의 길이 구하기	40%
\overline{BC} 의 길이 구하기	40%
$\square ABCD$ 의 넓이 구하기	20%

17 **해결 Guide** $m > 0$ 일 때, $m^2 = a \Rightarrow m = \sqrt{a}$

$$\begin{aligned}m, n \text{은 각각 } 3.5 \text{와 } 35 \text{의 양의 제곱근이므로} \\ m &= \sqrt{3.5}, n = \sqrt{35} \\ \therefore \sqrt{350} + \sqrt{0.0035} &= \sqrt{3.5 \times 100} + \sqrt{\frac{35}{10000}} \\ &= 10\sqrt{3.5} + \frac{\sqrt{35}}{100} \\ &= 10m + \frac{n}{100}\end{aligned}$$

답 ②

18 **해결 Guide** $x > 0, y > 0$ 일 때, $x\sqrt{y} = \sqrt{x^2y}$

$$\begin{aligned}a\sqrt{\frac{b}{a}} + b\sqrt{\frac{a}{b}} &= \sqrt{\frac{a^2b}{a}} + \sqrt{\frac{ab^2}{b}} \\ &= \sqrt{ab} + \sqrt{ab} \\ &= \sqrt{25} + \sqrt{25} \\ &= 5 + 5 = 10\end{aligned}$$

답 10

4 근호를 포함한 식의 계산 (2)

개념

Check

◎ 본책 58~59쪽

15-1 (1) $3\sqrt{5}+2\sqrt{5}=(3+2)\sqrt{5}=5\sqrt{5}$

(2) $\frac{\sqrt{2}}{2}+\frac{3\sqrt{2}}{2}=(\frac{1}{2}+\frac{3}{2})\sqrt{2}=2\sqrt{2}$

(3) $2\sqrt{3}-7\sqrt{3}+4\sqrt{3}=(2-7+4)\sqrt{3}=-\sqrt{3}$

(4) $4\sqrt{6}+2\sqrt{3}-9\sqrt{6}-6\sqrt{3}=(4-9)\sqrt{6}+(2-6)\sqrt{3}$
 $=-5\sqrt{6}-4\sqrt{3}$

답 (1) $5\sqrt{5}$ (2) $2\sqrt{2}$ (3) $-\sqrt{3}$ (4) $-5\sqrt{6}-4\sqrt{3}$

15-2 (1) $\sqrt{54}+\sqrt{24}=3\sqrt{6}+2\sqrt{6}=5\sqrt{6}$

(2) $\sqrt{75}-\sqrt{48}=5\sqrt{3}-4\sqrt{3}=\sqrt{3}$

(3) $\sqrt{27}-6\sqrt{3}+\sqrt{3}=3\sqrt{3}-6\sqrt{3}+\sqrt{3}=-2\sqrt{3}$

(4) $\sqrt{7}+\sqrt{18}-\sqrt{63}-2\sqrt{2}=\sqrt{7}+3\sqrt{2}-3\sqrt{7}-2\sqrt{2}$
 $=-2\sqrt{7}+\sqrt{2}$

(5) $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{5}}-\sqrt{8}=\sqrt{2}-2\sqrt{2}=-\sqrt{2}$

(6) $\frac{3}{\sqrt{24}}-2\sqrt{6}+\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}=\frac{3}{2\sqrt{6}}-2\sqrt{6}+\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$
 $=\frac{\sqrt{6}}{4}-2\sqrt{6}+\frac{\sqrt{6}}{2}$
 $=-\frac{5\sqrt{6}}{4}$

답 (1) $5\sqrt{6}$ (2) $\sqrt{3}$ (3) $-2\sqrt{3}$

(4) $-2\sqrt{7}+\sqrt{2}$ (5) $-\sqrt{2}$ (6) $-\frac{5\sqrt{6}}{4}$

16-1 (1) $(\sqrt{6}+2\sqrt{3})\times\sqrt{2}=\sqrt{12}+2\sqrt{6}=2\sqrt{3}+2\sqrt{6}$

(3) $(\sqrt{5}-\sqrt{3})^2=(\sqrt{5})^2-2\times\sqrt{5}\times\sqrt{3}+(\sqrt{3})^2$
 $=5-2\sqrt{15}+3$
 $=8-2\sqrt{15}$

(4) $(2+\sqrt{6})(2-\sqrt{6})=2^2-(\sqrt{6})^2=4-6=-2$

답 (1) $\sqrt{10}+\sqrt{6}$ (2) $2\sqrt{3}+2\sqrt{6}$ (3) $8-2\sqrt{15}$ (4) -2

16-2 (1) $\frac{1}{\sqrt{2}+1}=\frac{\sqrt{2}-1}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)}$
 $=\sqrt{2}-1$

(2) $\frac{2}{\sqrt{5}+\sqrt{3}}=\frac{2(\sqrt{5}-\sqrt{3})}{(\sqrt{5}+\sqrt{3})(\sqrt{5}-\sqrt{3})}$
 $=\frac{2(\sqrt{5}-\sqrt{3})}{2}$
 $=\sqrt{5}-\sqrt{3}$

(3) $\frac{\sqrt{2}}{2-\sqrt{3}}=\frac{\sqrt{2}(2+\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})}$
 $=2\sqrt{2}+\sqrt{6}$

(4) $\frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{\sqrt{3}-\sqrt{2}}=\frac{(\sqrt{3}+\sqrt{2})^2}{(\sqrt{3}-\sqrt{2})(\sqrt{3}+\sqrt{2})}$
 $=3+2\sqrt{6}+2$
 $=5+2\sqrt{6}$

답 (1) $\sqrt{2}-1$ (2) $\sqrt{5}-\sqrt{3}$

(3) $2\sqrt{2}+\sqrt{6}$ (4) $5+2\sqrt{6}$

◎ 본책 60~65쪽

유제

034-1 $A=4\sqrt{3}-6\sqrt{3}+5\sqrt{3}=(4-6+5)\sqrt{3}=3\sqrt{3}$

$B=\sqrt{3}-5\sqrt{2}+7\sqrt{2}=\sqrt{3}+(-5+7)\sqrt{2}=\sqrt{3}+2\sqrt{2}$

$\therefore A+B=3\sqrt{3}+(\sqrt{3}+2\sqrt{2})=4\sqrt{3}+2\sqrt{2}$

답 $4\sqrt{3}+2\sqrt{2}$

035-1 $\frac{10}{\sqrt{2}}+a\sqrt{2}-\sqrt{18}=5\sqrt{2}+a\sqrt{2}-3\sqrt{2}$
 $=(2+a)\sqrt{2}$

따라서 $2+a=6$ 이므로 $a=4$

답 4

036-1 $\sqrt{2}a+\sqrt{5}b=\sqrt{2}(\sqrt{2}+3\sqrt{5})+\sqrt{5}(2\sqrt{2}-\sqrt{5})$
 $=2+3\sqrt{10}+2\sqrt{10}-5$
 $=-3+5\sqrt{10}$

답 $-3+5\sqrt{10}$

037-1 $\frac{\sqrt{8}-4}{\sqrt{2}}+\frac{\sqrt{20}+2\sqrt{10}}{\sqrt{5}}$
 $=\frac{(2\sqrt{2}-4)\times\sqrt{2}}{\sqrt{2}\times\sqrt{2}}+\frac{(2\sqrt{5}+2\sqrt{10})\times\sqrt{5}}{\sqrt{5}\times\sqrt{5}}$
 $=\frac{4-4\sqrt{2}}{2}+\frac{10+10\sqrt{2}}{5}$
 $=2-2\sqrt{2}+2+2\sqrt{2}=4$

답 ④

038-1 $\frac{3\sqrt{2}-\sqrt{3}}{\sqrt{3}}+(2\sqrt{2}-3\sqrt{3})\times\sqrt{2}$
 $=\frac{3\sqrt{6}-3}{3}+4-3\sqrt{6}$
 $=\sqrt{6}-1+4-3\sqrt{6}$
 $=3-2\sqrt{6}$

답 $3-2\sqrt{6}$

039-1 $A=(\sqrt{2}-1)^2=(\sqrt{2})^2-2\times\sqrt{2}\times 1+1^2$
 $=3-2\sqrt{2}$

$B=(3\sqrt{2}-4)(\sqrt{2}+2)=3\times(\sqrt{2})^2+(6-4)\sqrt{2}-8$
 $=-2+2\sqrt{2}$

$\therefore B-A=-2+2\sqrt{2}-(3-2\sqrt{2})$

$=-2+2\sqrt{2}-3+2\sqrt{2}$

$=-5+4\sqrt{2}$

답 $-5+4\sqrt{2}$



$$\begin{aligned} 040-1 \quad & 2\sqrt{5}\left(\frac{1}{\sqrt{10}} - \frac{1}{\sqrt{5}}\right) + \sqrt{2}(2\sqrt{2}-3a) \\ &= \sqrt{2}-2+4-3a\sqrt{2} \\ &= 2+(1-3a)\sqrt{2} \end{aligned}$$

따라서 $1-3a=0$ 이므로 $a=\frac{1}{3}$

답 $\frac{1}{3}$

$$\begin{aligned} 041-1 \quad & \text{직육면체의 모든 모서리의 길이의 합은} \\ & 4(\sqrt{27}+\sqrt{48}+\sqrt{75})=4(3\sqrt{3}+4\sqrt{3}+5\sqrt{3}) \\ &=4\times 12\sqrt{3} \\ &=48\sqrt{3} \text{ (cm)} \end{aligned}$$

답 $48\sqrt{3}$ cm

$$\begin{aligned} 042-1 \quad & \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}-1} + \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}+1} \\ &= \frac{\sqrt{2}(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)} + \frac{\sqrt{2}(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)} \\ &= \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{2} \\ &= \sqrt{6} \end{aligned}$$

답 ③

$$\begin{aligned} 043-1 \quad & x = \frac{1}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{(\sqrt{3}-\sqrt{2})(\sqrt{3}+\sqrt{2})} = \sqrt{3}+\sqrt{2}, \\ y = \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} &= \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{(\sqrt{3}+\sqrt{2})(\sqrt{3}-\sqrt{2})} = \sqrt{3}-\sqrt{2} \text{ 이므로} \\ x+y &= (\sqrt{3}+\sqrt{2}) + (\sqrt{3}-\sqrt{2}) = 2\sqrt{3} \\ xy &= (\sqrt{3}+\sqrt{2})(\sqrt{3}-\sqrt{2}) = 1 \\ \therefore x^2+3xy+y^2 &= (x+y)^2+xy \\ &= (2\sqrt{3})^2+1 \\ &= 13 \end{aligned}$$

답 13

REMARK 곱셈 공식의 변형

- ① $a^2+b^2=(a+b)^2-2ab$
- ② $a^2+b^2=(a-b)^2+2ab$
- ③ $(a+b)^2=(a-b)^2+4ab$
- ④ $(a-b)^2=(a+b)^2-4ab$

$$044-1 \quad x = \frac{2}{\sqrt{3}-1} = \frac{2(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)} = \sqrt{3}+1$$

이므로

$$\begin{aligned} x^2-2x+5 &= (\sqrt{3}+1)^2-2(\sqrt{3}+1)+5 \\ &= 3+2\sqrt{3}+1-2\sqrt{3}-2+5 \\ &= 7 \end{aligned}$$

답 7

다른 풀이 $x=\sqrt{3}+1$ 에서 $x-1=\sqrt{3}$ 이므로

$$\begin{aligned} (x-1)^2 &= 3, \quad x^2-2x+1=3 \\ x^2-2x &= 2 \\ \therefore x^2-2x+5 &= 2+5=7 \end{aligned}$$

045-1 $1<\sqrt{2}<2$ 이므로

$$\begin{aligned} -2 &< -\sqrt{2} < -1 \quad \therefore 2 < 4-\sqrt{2} < 3 \\ \therefore x &= (4-\sqrt{2})-2 = 2-\sqrt{2} \\ \therefore x^2-4x-2 &= (2-\sqrt{2})^2-4(2-\sqrt{2})-2 \\ &= 4-4\sqrt{2}+2-8+4\sqrt{2}-2 \\ &= -4 \end{aligned}$$

답 -4

다른 풀이 $x=2-\sqrt{2}$ 에서 $x-2=-\sqrt{2}$ 이므로

$$\begin{aligned} (x-2)^2 &= 2, \quad x^2-4x+4=2, \quad x^2-4x=-2 \\ \therefore x^2-4x-2 &= -2-2=-4 \end{aligned}$$

단원 마무리

◎ 본책 66~69쪽

01 3	02 ②	03 $6-\frac{10\sqrt{6}}{3}$	04 ⑤
05 ④	06 ④	07 ③	08 3
10 $-3\sqrt{2}$	11 ③	12 ②	13 ①
15 ③	16 ②	17 $6\sqrt{6}-11$	18 2
19 $-2-\sqrt{2}$	20 ③	21 ⑤	
22 $18\sqrt{6}$ cm	23 ②	24 0	

01 **해결 Guide** $\sqrt{a^2b}$ 꼴을 $a\sqrt{b}$ 꼴로 고친 후 계산한다.

$$\begin{aligned} 2\sqrt{3}-\sqrt{75}+3\sqrt{12} &= 2\sqrt{3}-5\sqrt{3}+6\sqrt{3}=3\sqrt{3} \\ \therefore a &= 3 \end{aligned}$$

답 3

02 **해결 Guide** $a>0, b>0, c>0$ 일 때,

$$\begin{aligned} \sqrt{a}(\sqrt{b}+\sqrt{c}) &= \sqrt{ab}+\sqrt{ac} \\ \sqrt{7}A-\sqrt{3}B &= \sqrt{7}(\sqrt{7}-3\sqrt{3})-\sqrt{3}(2\sqrt{3}-2\sqrt{7}) \\ &= 7-3\sqrt{21}-6+2\sqrt{21} \\ &= 1-\sqrt{21} \end{aligned}$$

답 ②

03 **해결 Guide** 분배법칙을 이용하여 먼저 괄호를 푼다.

$$\begin{aligned} (\text{주어진 식}) &= \frac{4}{\sqrt{3}} \times \sqrt{12} - \frac{4}{\sqrt{3}} \times \sqrt{18} - \frac{\sqrt{24}}{\sqrt{6}} + \frac{4}{\sqrt{6}} \\ &= 8-4\sqrt{6}-2+\frac{2\sqrt{6}}{3} \\ &= 6-\frac{10\sqrt{6}}{3} \end{aligned}$$

답 $6-\frac{10\sqrt{6}}{3}$

04 [해결 Guide] 곱셈 공식을 이용하여 식을 계산한다.

$$\begin{aligned} & (\sqrt{6}+\sqrt{2})^2+(\sqrt{15}-\sqrt{5})^2 \\ &= (6+4\sqrt{3}+2)+(15-10\sqrt{3}+5) \\ &= 28-6\sqrt{3} \end{aligned}$$

답 ⑤

05 [해결 Guide] (직사각형의 둘레의 길이)

$$= 2 \times \{(\text{가로의 길이}) + (\text{세로의 길이})\}$$

직사각형의 둘레의 길이는

$$\begin{aligned} & 2\{(\sqrt{24}-\sqrt{2})+(\sqrt{18}-\sqrt{6})\} \\ &= 2\{(2\sqrt{6}-\sqrt{2})+(3\sqrt{2}-\sqrt{6})\} \\ &= 2(2\sqrt{2}+\sqrt{6}) \\ &= 4\sqrt{2}+2\sqrt{6} \text{ (cm)} \end{aligned}$$

답 ④

06 [해결 Guide] 곱셈 공식 $(x+y)(x-y)=x^2-y^2$ 을 이용하여 분모를 유리화한다.

$$\begin{aligned} & \frac{\sqrt{10}+3}{\sqrt{10}-3} + \frac{\sqrt{10}-3}{\sqrt{10}+3} \\ &= \frac{(\sqrt{10}+3)^2}{(\sqrt{10}-3)(\sqrt{10}+3)} + \frac{(\sqrt{10}-3)^2}{(\sqrt{10}+3)(\sqrt{10}-3)} \\ &= (10+6\sqrt{10}+9) + (10-6\sqrt{10}+9) \\ &= 38 \end{aligned}$$

답 ④

07 [해결 Guide] $x+y$, xy 의 값을 이용하여 식의 값을 구한다.

$$\begin{aligned} x+y &= (2+\sqrt{3}) + (2-\sqrt{3}) = 4 \\ xy &= (2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3}) = 1 \\ \therefore \frac{3}{x} + \frac{3}{y} &= \frac{3(x+y)}{xy} = 12 \end{aligned}$$

답 ③

08 [해결 Guide] \sqrt{a} 의 정수 부분이 $n \Rightarrow$ (소수 부분) $=\sqrt{a}-n$

$2 < \sqrt{7} < 3$ 에서 $5 < 3+\sqrt{7} < 6$ 이므로

$$\begin{aligned} a &= (3+\sqrt{7})-5=\sqrt{7}-2 \\ \therefore a^2+4a &= (\sqrt{7}-2)^2+4(\sqrt{7}-2) \\ &= 7-4\sqrt{7}+4+4\sqrt{7}-8 \\ &= 3 \end{aligned}$$

답 3

[다른 풀이] $a=\sqrt{7}-2$ 에서 $a+2=\sqrt{7}$ 이므로

$$(a+2)^2=7, \quad a^2+4a+4=7 \quad \therefore a^2+4a=3$$

09 [해결 Guide] 분모가 근호를 포함한 식인 경우 먼저 분모를 유리화한 후 계산한다.

$$\begin{aligned} \textcircled{ㄱ} & \sqrt{32}+11\sqrt{2}=4\sqrt{2}+11\sqrt{2}=15\sqrt{2} \\ \textcircled{ㄴ} & \sqrt{20}+\sqrt{45}=2\sqrt{5}+3\sqrt{5}=5\sqrt{5} \\ \textcircled{ㄷ} & \sqrt{27}-\sqrt{108}+\frac{3}{\sqrt{3}}=3\sqrt{3}-6\sqrt{3}+\sqrt{3}=-2\sqrt{3} \end{aligned}$$

따라서 세 유리수의 합은 $15+5+(-2)=18$

답 18

10 [해결 Guide] $a+b$ 와 $a-b$ 의 값을 먼저 구한다.

$$a+b = \frac{\sqrt{3}-\sqrt{6}}{2} + \frac{\sqrt{3}+\sqrt{6}}{2} = \frac{2\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} \quad \dots 40\%$$

$$a-b = \frac{\sqrt{3}-\sqrt{6}}{2} - \frac{\sqrt{3}+\sqrt{6}}{2} = \frac{-2\sqrt{6}}{2} = -\sqrt{6} \quad \dots 40\%$$

$$\therefore (a+b)(a-b) = \sqrt{3} \times (-\sqrt{6}) = -3\sqrt{2} \quad \dots 20\%$$

답 $-3\sqrt{2}$

채점 기준	배점
$a+b$ 의 값 구하기	40%
$a-b$ 의 값 구하기	40%
$(a+b)(a-b)$ 의 값 구하기	20%

11 [해결 Guide] 두 실수 a , b 의 대소 관계

$\Rightarrow a-b$ 의 부호를 조사한다.

$$\textcircled{1} 2+\sqrt{5}-2\sqrt{5}=2-\sqrt{5}<0$$

$$\therefore 2+\sqrt{5}<2\sqrt{5}$$

$$\textcircled{2} -\sqrt{18}-(1-4\sqrt{2})=-3\sqrt{2}-1+4\sqrt{2}=\sqrt{2}-1>0$$

$$\therefore -\sqrt{18}>1-4\sqrt{2}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \sqrt{5}+2\sqrt{6}-(\sqrt{20}+\sqrt{6}) &= \sqrt{5}+2\sqrt{6}-2\sqrt{5}-\sqrt{6} \\ &= \sqrt{6}-\sqrt{5}>0 \end{aligned}$$

$$\therefore \sqrt{5}+2\sqrt{6}>\sqrt{20}+\sqrt{6}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{4} 3\sqrt{3}-\sqrt{8}-(4\sqrt{2}-\sqrt{12}) &= 3\sqrt{3}-2\sqrt{2}-4\sqrt{2}+2\sqrt{3} \\ &= 5\sqrt{3}-6\sqrt{2} \\ &= \sqrt{75}-\sqrt{72}>0 \end{aligned}$$

$$\therefore 3\sqrt{3}-\sqrt{8}>4\sqrt{2}-\sqrt{12}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{5} \sqrt{2}-\sqrt{3}-(\sqrt{8}-2\sqrt{3}) &= \sqrt{2}-\sqrt{3}-2\sqrt{2}+2\sqrt{3} \\ &= -\sqrt{2}+\sqrt{3}>0 \end{aligned}$$

$$\therefore \sqrt{2}-\sqrt{3}>\sqrt{8}-2\sqrt{3}$$

따라서 대소 관계를 바르게 나타낸 것은 ③이다.

답 ③

12 [해결 Guide] 먼저 분배법칙을 이용하여 괄호를 푼다.

$$\begin{aligned} \text{(주어진 식)} &= \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \times 5 - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \times \sqrt{10} + 4\sqrt{2} \times \sqrt{5} - \frac{\sqrt{32}}{\sqrt{10}} \times \sqrt{5} \\ &= \sqrt{10}-2+4\sqrt{10}-4 \\ &= 5\sqrt{10}-6 \end{aligned}$$

따라서 $a=-6$, $b=5$ 이므로 $a+b=-1$

답 ②

13 [해결 Guide] $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$ 임을 이용한다.

$$\begin{aligned} \text{(주어진 식)} &= (4\sqrt{2}+3\sqrt{3})(3\sqrt{3}-4\sqrt{2}) \\ &= (3\sqrt{3}+4\sqrt{2})(3\sqrt{3}-4\sqrt{2}) \\ &= (3\sqrt{3})^2-(4\sqrt{2})^2 \\ &= 27-32=-5 \end{aligned}$$

답 ①

14 [해결 Guide] 제곱근을 문자로 생각하고 곱셈 공식을 이용한다.

$$\begin{aligned}
 A &= (\sqrt{3}-1)^2 = 3 - 2\sqrt{3} + 1 \\
 &= 4 - 2\sqrt{3} \quad \dots 30\% \\
 B &= (2\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-2) \\
 &= 2 \times (\sqrt{3})^2 + (-4+1)\sqrt{3} - 2 \\
 &= 4 - 3\sqrt{3} \quad \dots 30\% \\
 \therefore A-B &= (4-2\sqrt{3}) - (4-3\sqrt{3}) \\
 &= \sqrt{3} \quad \dots 40\% \\
 &\quad \text{답 } \sqrt{3}
 \end{aligned}$$

채점 기준	배점
A의 값 구하기	30%
B의 값 구하기	30%
A-B의 값 구하기	40%

15 [해결 Guide] p, q 가 유리수이고 \sqrt{m} 이 무리수일 때,

$p+q\sqrt{m}$ 이 유리수가 될 조건 $\Rightarrow q=0$

$$\begin{aligned}
 b &= \sqrt{3}(2a-\sqrt{3}) + \sqrt{8}(2\sqrt{6}-\sqrt{18}) \\
 &= \sqrt{3}(2a-\sqrt{3}) + 2\sqrt{2}(2\sqrt{6}-3\sqrt{2}) \\
 &= 2a\sqrt{3} - 3 + 8\sqrt{3} - 12 \\
 &= (2a+8)\sqrt{3} - 15
 \end{aligned}$$

b 가 유리수이므로 $2a+8=0$

$$\therefore a = -4, b = -15$$

$$\therefore a-b = 11$$

답 ③

16 [해결 Guide] (직사각형의 둘레의 길이)

$$= 2 \times \{(\text{가로의 길이}) + (\text{세로의 길이})\}$$

$$(\text{연못의 세로의 길이}) = 80 \div 4\sqrt{2} = \frac{80}{4\sqrt{2}}$$

$$= \frac{20}{\sqrt{2}} = 10\sqrt{2}(\text{m})$$

$$\therefore (\text{연못의 둘레의 길이}) = 2(4\sqrt{2} + 10\sqrt{2})$$

$$= 28\sqrt{2}(\text{m})$$

답 ②

17 [해결 Guide] (삼각형의 넓이) $= \frac{1}{2} \times (\text{밑변의 길이}) \times (\text{높이})$

$$\frac{1}{2} \times (\sqrt{50}-\sqrt{12}) \times (\sqrt{12}-\sqrt{2})$$

$$= \frac{1}{2} \times (5\sqrt{2}-2\sqrt{3}) \times (2\sqrt{3}-\sqrt{2})$$

$$= \frac{1}{2} \times (10\sqrt{6}-10-12+2\sqrt{6})$$

$$= \frac{1}{2} \times (12\sqrt{6}-22) = 6\sqrt{6}-11$$

답 $6\sqrt{6}-11$

18 [해결 Guide] $a>0, b>0$ 일 때,

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} &= \frac{\sqrt{a}-\sqrt{b}}{(\sqrt{a}+\sqrt{b})(\sqrt{a}-\sqrt{b})} = \frac{\sqrt{a}-\sqrt{b}}{a-b} \\
 &= \frac{2}{1+\sqrt{3}} + \frac{2}{\sqrt{3}+\sqrt{5}} + \frac{2}{\sqrt{5}+\sqrt{7}} + \frac{2}{\sqrt{7}+\sqrt{9}} \\
 &= \frac{2(1-\sqrt{3})}{(1+\sqrt{3})(1-\sqrt{3})} + \frac{2(\sqrt{3}-\sqrt{5})}{(\sqrt{3}+\sqrt{5})(\sqrt{3}-\sqrt{5})} \\
 &\quad + \frac{2(\sqrt{5}-\sqrt{7})}{(\sqrt{5}+\sqrt{7})(\sqrt{5}-\sqrt{7})} + \frac{2(\sqrt{7}-\sqrt{9})}{(\sqrt{7}+\sqrt{9})(\sqrt{7}-\sqrt{9})} \\
 &= -(1-\sqrt{3}) - (\sqrt{3}-\sqrt{5}) - (\sqrt{5}-\sqrt{7}) - (\sqrt{7}-\sqrt{9}) \\
 &= -1 + \sqrt{3} - \sqrt{3} + \sqrt{5} - \sqrt{5} + \sqrt{7} - \sqrt{7} + \sqrt{9} \\
 &= -1 + \sqrt{9} \\
 &= -1 + 3 \\
 &= 2
 \end{aligned}$$

답 2

19 [해결 Guide] 넓이가 a 인 정사각형의 한 변의 길이 $\Rightarrow \sqrt{a}$

$\overline{BC}, \overline{AD}$ 를 각각 한 변으로 하는 정사각형의 넓이는

$$2 \times 2 - 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 1 \times 1\right) = 4 - 2 = 2$$

$\overline{BP} = \overline{BC} = \sqrt{2}$ 이므로

$$a = 1 - \sqrt{2}$$

$\overline{AQ} = \overline{AD} = \sqrt{2}$ 이므로

$$b = \sqrt{2}$$

$$\therefore \frac{b}{a} = \frac{\sqrt{2}}{1-\sqrt{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{2}(1+\sqrt{2})}{(1-\sqrt{2})(1+\sqrt{2})}$$

$$= -2 - \sqrt{2}$$

답 $-2 - \sqrt{2}$

20 [해결 Guide] x 의 값을 대입하여 식의 값을 구한다.

$$x^2 - 4x + 7 = (\sqrt{6}+2)^2 - 4(\sqrt{6}+2) + 7$$

$$= 6 + 4\sqrt{6} + 4 - 4\sqrt{6} - 8 + 7$$

$$= 9$$

$$\therefore \sqrt{x^2 - 4x + 7} = \sqrt{9} = 3$$

답 ③

[다른 풀이] $x = \sqrt{6}+2$ 에서 $x-2 = \sqrt{6}$ 이므로

$$(x-2)^2 = 6$$

$$x^2 - 4x + 4 = 6$$

$$x^2 - 4x = 2$$

$$\therefore \sqrt{x^2 - 4x + 7} = \sqrt{2+7} = \sqrt{9} = 3$$

21 **해결 Guide** 먼저 $n+\sqrt{2}$ 의 정수 부분을 구한다.

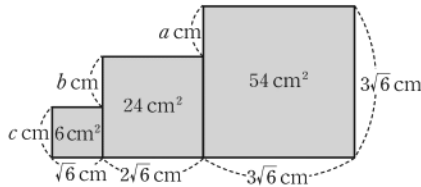
$1 < \sqrt{2} < 2$ 에서 $n+1 < n+\sqrt{2} < n+2$ 이므로 $n+\sqrt{2}$ 의 정수 부분은 $n+1$ 이다.

$$\begin{aligned}\therefore a &= (n+\sqrt{2}) - (n+1) = \sqrt{2} - 1 \\ \therefore \frac{1}{a} + \frac{1}{a+2} &= \frac{1}{\sqrt{2}-1} + \frac{1}{\sqrt{2}+1} \\ &= \frac{\sqrt{2}+1}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} + \frac{\sqrt{2}-1}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)} \\ &= \sqrt{2}+1 + \sqrt{2}-1 \\ &= 2\sqrt{2} \quad \text{답 ⑤}\end{aligned}$$

22 **해결 Guide** 넓이가 a 인 정사각형의 한 변의 길이 $\Rightarrow \sqrt{a}$

넓이가 6 cm^2 , 24 cm^2 , 54 cm^2 인 정사각형의 한 변의 길이는 각각

$$\sqrt{6} \text{ cm}, \sqrt{24} \text{ cm}, \sqrt{54} \text{ cm}, \text{ 즉 } \sqrt{6} \text{ cm}, 2\sqrt{6} \text{ cm}, 3\sqrt{6} \text{ cm}$$



위의 그림에서 $a+b+c=3\sqrt{6} \text{ (cm)}$

따라서 색종이로 이루어진 도형의 둘레의 길이는

$$\begin{aligned}(a+b+c) + 2 \times \sqrt{6} + 2 \times 2\sqrt{6} + 3 \times 3\sqrt{6} \\ = 3\sqrt{6} + 2\sqrt{6} + 4\sqrt{6} + 9\sqrt{6} \\ = 18\sqrt{6} \text{ (cm)} \quad \text{답 } 18\sqrt{6} \text{ cm}\end{aligned}$$

23 **해결 Guide** 분모를 유리화한 후 주어진 식을 계산한다.

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= \frac{1}{\sqrt{1}+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \cdots + \frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{6}} \\ &= \frac{\sqrt{1}-\sqrt{2}}{(\sqrt{1}+\sqrt{2})(\sqrt{1}-\sqrt{2})} + \frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{(\sqrt{2}+\sqrt{3})(\sqrt{2}-\sqrt{3})} \\ &\quad + \cdots + \frac{\sqrt{5}-\sqrt{6}}{(\sqrt{5}+\sqrt{6})(\sqrt{5}-\sqrt{6})} \\ &= -[(\sqrt{1}-\sqrt{2}) + (\sqrt{2}-\sqrt{3}) + \cdots + (\sqrt{5}-\sqrt{6})] \\ &= -(\sqrt{1}-\sqrt{2} + \sqrt{2}-\sqrt{3} + \cdots + \sqrt{5}-\sqrt{6}) \\ &= -(\sqrt{1}-\sqrt{6}) = -1 + \sqrt{6} \quad \text{답 ②}\end{aligned}$$

24 **해결 Guide** (소수 부분) = (무리수) - (정수 부분)

$8 < \sqrt{80} < 9$ 이므로

$$f(80) = \sqrt{80} - 8 = 4\sqrt{5} - 8 \quad \cdots 25\%$$

$6 < \sqrt{45} < 7$ 이므로

$$f(45) = \sqrt{45} - 6 = 3\sqrt{5} - 6 \quad \cdots 25\%$$

$4 < \sqrt{20} < 5$ 이므로

$$f(20) = \sqrt{20} - 4 = 2\sqrt{5} - 4 \quad \cdots 25\%$$

$$\begin{aligned}\therefore f(80) - 2f(45) + f(20) \\ = (4\sqrt{5} - 8) - 2(3\sqrt{5} - 6) + (2\sqrt{5} - 4) \\ = 4\sqrt{5} - 8 - 6\sqrt{5} + 12 + 2\sqrt{5} - 4 = 0\end{aligned}$$

답 0

채점 기준	배점
$f(80)$ 의 값 구하기	25%
$f(45)$ 의 값 구하기	25%
$f(20)$ 의 값 구하기	25%
$f(80) - 2f(45) + f(20)$ 의 값 구하기	25%

1 인수분해 공식

개념

Check

◎ 본책 74~77쪽

- 17-1 ㉠ (1) x^2+2x (2) a^2+3a+2
 (3) x^2-x-12 (4) a^2-9
- 17-2 ㉠ (1) $x, x(a+b)$ (2) $a, a(1-b)$
 (3) $x, x(x+2)$ (4) $xy, xy(x+y)$
 (5) $x+2, (x+2)(x-3)$
 (6) $x-y, (x-y)(a+b)$
- 18-1 (1) $a^2-4a+4=a^2-2 \times a \times 2+2^2$
 $= (a-2)^2$
 (2) $x^2+6xy+9y^2=x^2+2 \times x \times 3y+(3y)^2$
 $= (x+3y)^2$
 (3) $4x^2+4x+1=(2x)^2+2 \times 2x \times 1+1^2$
 $= (2x+1)^2$
 (4) $9a^2-24ab+16b^2=(3a)^2-2 \times 3a \times 4b+(4b)^2$
 $= (3a-4b)^2$
 ㉠ (1) $(a-2)^2$ (2) $(x+3y)^2$
 (3) $(2x+1)^2$ (4) $(3a-4b)^2$

- 18-2 (1) $a^2-1=a^2-1^2=(a+1)(a-1)$
 (2) $-x^2+16=16-x^2=4^2-x^2=(4+x)(4-x)$
 (3) $4a^2-b^2=(2a)^2-b^2=(2a+b)(2a-b)$
 (4) $16x^2-25y^2=(4x)^2-(5y)^2=(4x+5y)(4x-5y)$
 ㉠ (1) $(a+1)(a-1)$ (2) $(4+x)(4-x)$
 (3) $(2a+b)(2a-b)$ (4) $(4x+5y)(4x-5y)$

- 19-1 ㉠ (1) 3, 4 (2) -4, -2 (3) -2, 7 (4) -20, 2

- 19-2 (1) x^2+5x+6

곱이 -6인 두 정수	합
1, 6	7
-1, -6	-7
2, 3	5
-2, -3	-5

$$\Rightarrow x^2+5x+6=(x+2)(x+3)$$

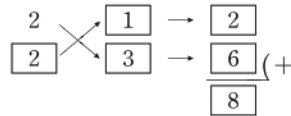
- (2) x^2-3x-4

곱이 -4인 두 정수	합
1, -4	-3
-1, 4	3
2, -2	0

$$\Rightarrow x^2-3x-4=(x+1)(x-4)$$

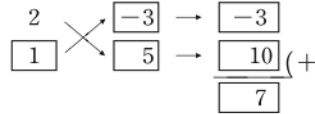
㉠ 풀이 참조

- 20-1 (1) $4x^2+8x+3$



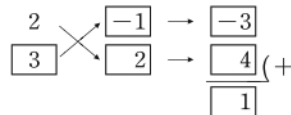
$$\Rightarrow 4x^2+8x+3=(2x+1)(2x+3)$$

- (2) $2x^2+7x-15$



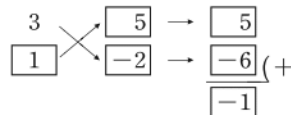
$$\Rightarrow 2x^2+7x-15=(2x-3)(x+5)$$

- (3) $6x^2+x-2$



$$\Rightarrow 6x^2+x-2=(2x-1)(3x+2)$$

- (4) $3x^2-x-10$



$$\Rightarrow 3x^2-x-10=(3x+5)(x-2)$$

㉠ 풀이 참조

유제

◎ 본책 78~86쪽

- 046-1 ㉠ (㉠), (㉡), (㉢)

- 047-1 ① $2x^2+6x=2x(x+3)$

- ② $2a^3+a^2=a^2(2a+1)$

- ③ $ax^2y+bxy=xy(ax+b)$

- ④ $x(2x+y)+xy=x(2x+y+y)$

$$=x(2x+2y)$$

$$=2x(x+y)$$

- ⑤ $(a-b)^2-(a-b)=(a-b)(a-b-1)$

㉠ ⑤

- 048-1 ① $a^2-6a+9=a^2-2 \times a \times 3+3^2=(a-3)^2$

- ② $x^2+\frac{2}{3}x+\frac{1}{9}=x^2+2 \times x \times \frac{1}{3}+(\frac{1}{3})^2=(x+\frac{1}{3})^2$

- ③ $x^2-10x+25=x^2-2 \times x \times 5+5^2=(x-5)^2$

- ④ $9x^2+15x+25=(3x)^2+3x \times 5+5^2$ 이므로 완전제곱식으로 인수분해할 수 없다.

- ⑤ $4x^2-12xy+9y^2=(2x)^2-2 \times 2x \times 3y+(3y)^2$

$$=(2x-3y)^2$$

㉠ ②

048-2 (ㄱ) $x^2+8x+8=x^2+2 \times x \times 4+8$ 이므로 완전제곱식으로 인수분해할 수 없다.

$$(ㄴ) x^2-12x+36=x^2-2 \times x \times 6+6^2 \\ = (x-6)^2$$

(ㄷ) $x^2-10x+100=x^2-2 \times x \times 5+10^2$ 이므로 완전제곱식으로 인수분해할 수 없다.

(ㄹ) $2x^2+2x+1=2x^2+2 \times x \times 1+1^2$ 이므로 완전제곱식으로 인수분해할 수 없다.

(ㅁ) $x^2+\frac{1}{10}x+\frac{1}{25}=x^2+2 \times x \times \frac{1}{20}+(\frac{1}{5})^2$ 이므로 완전제곱식으로 인수분해할 수 없다.

$$(ㅂ) \frac{1}{9}x^2+\frac{2}{3}x+1=(\frac{1}{3}x)^2+2 \times \frac{1}{3}x \times 1+1^2 \\ = (\frac{1}{3}x+1)^2$$

이상에서 완전제곱식으로 인수분해할 수 없는 것은 (ㄱ), (ㄷ), (ㄹ), (ㅁ)이다. **답 ③**

049-1 $4x^2+ax+9=(2x)^2+ax+3^2$ 은 $(2x \pm 3)^2$ 으로 인수분해될 수 있다.

이때 a 는 양수이므로 $a=2 \times 2 \times 3=12$

또

$$(x-2)(x-6)+b=x^2-8x+12+b \\ =x^2-2 \times x \times 4+12+b$$

는 $(x-4)^2$ 으로 인수분해될 수 있다.

이때 $12+b=16$ 에서 $b=4$

$$\therefore a-b=12-4=8$$

답 8

050-1 $0 < x < \frac{1}{2}$ 이므로

$$x+\frac{1}{2} > 0, x-1 < 0, x-\frac{1}{2} < 0$$

$$\therefore (\text{주어진 식}) = \sqrt{\left(x+\frac{1}{2}\right)^2} + \sqrt{(x-1)^2} - \sqrt{\left(x-\frac{1}{2}\right)^2} \\ = \left(x+\frac{1}{2}\right) + \{-(x-1)\} - \left\{-\left(x-\frac{1}{2}\right)\right\} \\ = x+\frac{1}{2}-x+1+x-\frac{1}{2} \\ = x+1$$

답 x+1

$$(ㄱ) 4-9x^2=2^2-(3x)^2 \\ = (2+3x)(2-3x)$$

$$(ㄴ) x^2-\frac{1}{16}=x^2-\left(\frac{1}{4}\right)^2=\left(x+\frac{1}{4}\right)\left(x-\frac{1}{4}\right)$$

$$(ㄷ) 4a^2-36b^2=4(a^2-9b^2) \\ =4\{a^2-(3b)^2\} \\ =4(a+3b)(a-3b)$$

$$(ㄹ) 9a^2-\frac{1}{9}b^2=(3a)^2-\left(\frac{1}{3}b\right)^2 \\ =\left(3a+\frac{1}{3}b\right)\left(3a-\frac{1}{3}b\right)$$

이상에서 인수분해가 바르게 된 것은 (ㄴ), (ㄷ)이다. **답 ②**

$$(ㄱ) a^4-81=(a^2)^2-9^2=(a^2+9)(a^2-9) \\ = (a^2+9)(a^2-3^2) \\ = (a^2+9)(a+3)(a-3)$$

따라서 ③ a^2+3 은 a^4-81 의 인수가 아니다. **답 ③**

$$(ㄱ) \text{ 곱이 } -6, \text{ 합이 } 1 \text{ 인 두 정수는 } -2, 3 \text{ 이므로} \\ x^2+x-6=(x-2)(x+3)$$

$$(ㄴ) \text{ 곱이 } -6, \text{ 합이 } -1 \text{ 인 두 정수는 } -3, 2 \text{ 이므로} \\ x^2-x-6=(x-3)(x+2)$$

$$(ㄷ) \text{ 곱이 } 12, \text{ 합이 } -7 \text{ 인 두 정수는 } -4, -3 \text{ 이므로} \\ x^2-7x+12=(x-4)(x-3)$$

$$(ㄹ) \text{ 곱이 } 6, \text{ 합이 } 5 \text{ 인 두 정수는 } 2, 3 \text{ 이므로} \\ x^2+5x+6=(x+2)(x+3)$$

$$(ㅁ) \text{ 곱이 } -21, \text{ 합이 } -4 \text{ 인 두 정수는 } -7, 3 \text{ 이므로} \\ x^2-4x-21=(x-7)(x+3)$$

$$(ㅂ) 2x^2-8x+6=2(x^2-4x+3) \text{ 이고 곱이 } 3, \text{ 합이 } -4 \text{ 인 두 정수는 } -3, -1 \text{ 이므로}$$

$$2x^2-8x+6=2(x-3)(x-1)$$

이상에서 $x-3$ 을 인수로 갖는 다항식은 (ㄴ), (ㄷ), (ㅂ)이다. **답 ④**

$$(ㄱ) \text{ 곱이 } -18, \text{ 합이 } -3 \text{ 인 두 정수는 } -6, 3 \text{ 이므로} \\ x^2-3x-18=(x-6)(x+3)$$

따라서 x 의 계수가 1인 두 일차식은 $x-6, x+3$

$$\therefore (x-6)+(x+3)=2x-3$$

답 ③

$$(ㄴ) 6x^2-11x-2=(x-2)(6x+1) \text{ 이므로} \\ a=-2, b=6, c=1$$

$$\therefore a+b+c=(-2)+6+1=5$$

답 ③

$$(ㄷ) 2x^2+5x-12=(2x-3)(x+4)$$

$$3x^2+11x-4=(3x-1)(x+4)$$

따라서 두 다항식에 공통으로 들어 있는 인수는 $x+4$ 이다. **답 x+4**

$$(ㄱ) 8x^2-14xy-15y^2=(4x+3y)(2x-5y)$$

답 ⑤

$$(ㄴ) ①, ②, ③, ⑤ \quad ④ \quad 4$$

답 ④

055-1 $x+1$ 이 x^2+8x+k 의 인수이므로
 $x^2+8x+k=(x+1)(x+m)$ (m 은 상수)

으로 놓으면

$$x^2+8x+k=x^2+(m+1)x+m$$

$$\therefore 8=m+1, k=m$$

이때 $m=7$ 이므로 $k=7$

답 ④

056-1 구하는 이차식을 ax^2+bx+c 라 하자.

상훈이는 x^2 의 계수만 잘못 보았으므로 x 의 계수와 상수항은 바르게 보았다.

즉 $(x-3)(4x+5)=4x^2-7x-15$ 에서

$$b=-7, c=-15$$

또 도영이는 상수항만 잘못 보았으므로 x^2 의 계수와 x 의 계수는 바르게 보았다.

즉 $(x-2)(2x-3)=2x^2-7x+6$ 에서

$$a=2, b=-7$$

따라서 처음 이차식은 $2x^2-7x-15$ 이므로 바르게 인수분해하면 $2x^2-7x-15=(x-5)(2x+3)$

답 $(x-5)(2x+3)$

057-1 주어진 도형의 넓이는

$$(x+1)^2-4^2=x^2+2x-15$$

이 식을 인수분해하면

$$x^2+2x-15=(x+5)(x-3)$$

따라서 새로운 직사각형의 세로의 길이가 $x-3$ 이므로 가로의 길이는 $x+5$ 이다.

답 ④

057-2 $\frac{1}{2} \times \{(x-2)+(x+4)\} \times (\text{높이}) = 2x^2-x-3$ 이므로

$$(x+1) \times (\text{높이}) = (x+1)(2x-3)$$

$$\therefore (\text{높이}) = 2x-3$$

답 $2x-3$

단원 마무리

◎ 본책 87~90쪽

- | | | | |
|---------|--------------------------------------|------|-----------------|
| 01 ④ | 02 $(\frac{1}{4}x + \frac{2}{3}y)^2$ | 03 1 | 04 ③ |
| 05 ② | 06 ④ | 07 2 | 08 $32x$ |
| 09 ③, ⑤ | 10 ⑤ | 11 ⑤ | 12 ⑤ |
| 13 7 | 14 ④ | 15 ⑤ | 16 $10x-5$ |
| 17 ⑤ | 18 -2 | 19 5 | 20 $(x+2)(x-6)$ |
| 21 ④ | 22 ① | 23 ③ | 24 17 |

01 **해결 Guide** 인수 \Rightarrow 다항식의 곱의 꼴에서 각각의 식

$x^2y-2x^2=x^2(y-2)$ 이므로 x^2y-2x^2 의 인수는

$$1, x, x^2, y-2, x(y-2), x^2(y-2)$$

이다.

따라서 x^2y-2x^2 의 인수가 아닌 것은 ④이다.

답 ④

02 **해결 Guide** $a^2+2ab+b^2=(a+b)^2$, $a^2-2ab+b^2=(a-b)^2$

$$\frac{1}{16}x^2 + \frac{1}{3}xy + \frac{4}{9}y^2 = \left(\frac{1}{4}x\right)^2 + 2 \times \frac{1}{4}x \times \frac{2}{3}y + \left(\frac{2}{3}y\right)^2$$

$$= \left(\frac{1}{4}x + \frac{2}{3}y\right)^2 \quad \text{답 } \left(\frac{1}{4}x + \frac{2}{3}y\right)^2$$

03 **해결 Guide** $a^2-b^2=(a+b)(a-b)$

$$25x^2-36y^2=(5x)^2-(6y)^2$$

$$=(5x+6y)(5x-6y)$$

... 60%

따라서 $A=5$, $B=6$ 이므로

$$B-A=1$$

... 40%

답 1

채점 기준	배점
$25x^2-36y^2$ 인수분해하기	60%
$B-A$ 의 값 구하기	40%

04 **해결 Guide** $x^2+(a+b)x+ab=(x+a)(x+b)$

$$(x-3)(x+b)=x^2+(-3+b)x-3b$$
이므로

$$a=-3+b, -15=-3b \quad \therefore a=2, b=5$$

$$\therefore a+b=7$$

답 ③

다른 풀이 $-3b=-15$ 에서 $b=5$ 이므로

$$x^2+ax-15=(x-3)(x+5)$$

$$=x^2+2x-15$$

$$\therefore a=2$$

05 **해결 Guide** 두 다항식을 인수분해하여 공통으로 들어 있는 인수를 찾는다.

$$2x^2+11x-6=(2x-1)(x+6)$$

$$6x^2+7x-5=(2x-1)(3x+5)$$

따라서 두 다항식에 공통으로 들어 있는 인수는 $2x-1$ 이다.

답 ②

06 **해결 Guide** 인수분해 공식을 이용한다.

$$4x^2-11x-10=(2x-5)(3x+2)$$

답 ④

07 **해결 Guide** $3x^2+ax-8$ 이 $x+2$ 를 인수로 가진다.

→ $3x^2+ax-8=(x+2)(3x+\square)$ 로 인수분해된다.

$x+2$ 가 $3x^2+ax-8$ 의 인수이므로

$$3x^2+ax-8=(x+2)(3x+b) \quad (b \text{는 상수})$$

로 놓으면

$$3x^2+ax-8=3x^2+(6+b)x+2b$$

$$\therefore a=6+b, -8=2b$$

이때 $b=-4$ 이므로 $a=2$

답 2

08 **해결 Guide** (직사각형의 넓이)=(가로 길이)×(세로 길이)

$$64x^2-49=(8x+7)(8x-7) \quad \dots 50\%$$

따라서 세로의 길이는 $8x-7$ 이므로 둘레의 길이는

$$2\{(8x+7)+(8x-7)\}=32x \quad \dots 50\%$$

답 32x

채점 기준	배점
$64x^2-49$ 인수분해하기	50%
사진의 둘레의 길이 구하기	50%

09 **해결 Guide** $ma+mb \xrightarrow[\text{전개}]{\text{인수분해}} m(a+b)$

① 좌변의 식을 우변의 식으로 나타내는 것을 인수분해한다고 한다.

② 우변의 식을 좌변의 식으로 나타내는 것을 전개한다고 한다.

④ a^2b 와 $-4ab^2$ 의 공통인수는 ab 이다. **답 ③, ⑤**

10 **해결 Guide** 완전제곱식 → 다항식을 제공한 식 또는 이 식에 상수를 곱한 식

① $(x+8)^2$ ② $(2x-3)^2$ ③ $(3x-5y)^2$ ④ $(a+\frac{1}{5})^2$
답 ⑤

11 **해결 Guide** x^2+ax+b^2 이 완전제곱식 → $a=\pm 2b$,

$$x^2+ax+b \text{가 완전제곱식} \Rightarrow b=(\frac{a}{2})^2$$

□ 안에 들어갈 수 있는 양수는

① $x^2+\square x+25$ 에서 $\square=2 \times 1 \times 5=10$

② $4x^2+\square x+1$ 에서 $\square=2 \times 2 \times 1=4$

③ $9x^2+\square x+4$ 에서 $\square=2 \times 3 \times 2=12$

④ $x^2+\frac{1}{2}x+\square=x^2+2 \times x \times \frac{1}{4}+\square$ 에서

$$\square=(\frac{1}{4})^2=\frac{1}{16}$$

⑤ $9x^2+x+\square=9x^2+2 \times 3x \times \frac{1}{6}+\square$ 에서

$$\square=(\frac{1}{6})^2=\frac{1}{36}$$

따라서 가장 작은 양수는 ⑤이다. **답 ⑤**

12 **해결 Guide** $\sqrt{a^2}=\begin{cases} a & (a \geq 0) \\ -a & (a < 0) \end{cases}$

$-1 < x < 1$ 이므로 $x+2 > 0, 2x-3 < 0$

$$\therefore (\text{주어진 식})=\sqrt{(x+2)^2}-\sqrt{(2x-3)^2}$$

$$=(x+2)-\{-(2x-3)\}$$

$$=x+2+2x-3$$

$$=3x-1$$

답 ⑤

13 **해결 Guide** $a^2-b^2=(a+b)(a-b)$

$$-32x^2+50y^2=-2(16x^2-25y^2)$$

$$=-2(4x+5y)(4x-5y)$$

따라서 $a=-2, b=4, c=5$ 이므로

$$a+b+c=7$$

답 7

14 **해결 Guide** 주어진 식을 정리한 후 인수분해한다.

$$(x+2)(x+3)-2=x^2+5x+6-2$$

$$=x^2+5x+4$$

$$=(x+1)(x+4)$$

답 ④

15 **해결 Guide** $x^2+(a+b)x+ab=(x+a)(x+b)$

① $x^2-15x+36=(x-12)(x-3)$

② $x^2-12x+36=(x-6)^2$

③ $x^2+13x+36=(x+4)(x+9)$

④ $x^2+20x+36=(x+2)(x+18)$

답 ⑤

REMARK $x^2+kx+36$ 에서 상수항이 양수이므로 a, b 의 부호가 같다. 이때 $36=1 \times 36=2 \times 18=3 \times 12=4 \times 9=6 \times 6$ 이므로 k 의 값이 될 수 있는 수는

$$-37, -20, -15, -13, -12,$$

$$37, 20, 15, 13, 12$$

16 **해결 Guide** $acx^2+(ad+bc)x+bd=(ax+b)(cx+d)$

$$9x^2+11x-14=(9x-7)(x+2)$$

$$\therefore (9x-7)+(x+2)=10x-5$$

답 10x-5

17 **해결 Guide** 인수분해 공식을 이용한다.

① $2x^2+2x=2x(x+1)$

② $x^2+2x+1=(x+1)^2$

- ③ $x^2-1=(x+1)(x-1)$
 ④ $x^2+3x+2=(x+1)(x+2)$
 ⑤ $2x^2-x-1=(2x+1)(x-1)$

답 ⑤

18 **해결 Guide** 먼저 좌변의 식을 인수분해한다.

$$x^2-2xy-3y^2=(x+y)(x-3y)$$

이때 $x^2-2xy-3y^2=-6$, $x+y=3$ 이므로
 $-6=3(x-3y) \quad \therefore x-3y=-2$

답 -2

19 **해결 Guide** $mx+n$ 이 이차식 ax^2+bx+c 의 인수

$\Rightarrow ax^2+bx+c=(mx+n)(px+q)$ (p, q 는 상수)

$$2x^2+7x-15=(2x-3)(x+5)$$

이므로 $2x^2+ax-12$ 는 $2x-3$ 또는 $x+5$ 를 인수로 갖는다.

(i) $2x-3$ 을 인수로 가질 때

$$2x^2+ax-12=(2x-3)(x+m) \quad (m \text{은 상수}) \text{으로 놓으면}$$

$$2x^2+ax-12=2x^2+(2m-3)x-3m$$

$$\therefore a=2m-3, -12=-3m$$

이때 $m=4$ 이므로 $a=5$

(ii) $x+5$ 를 인수로 가질 때

$$2x^2+ax-12=(x+5)(2x+n) \quad (n \text{은 상수}) \text{으로 놓으면}$$

$$2x^2+ax-12=2x^2+(n+10)x+5n$$

$$\therefore a=n+10, -12=5n$$

이때 $n=-\frac{12}{5}$ 이므로 $a=\frac{38}{5}$

(i), (ii)에서 a 는 정수이므로 $a=5$

답 5

20 **해결 Guide** 은영이와 지원이가 제대로 본 것을 구한다.

은영이는 x 의 계수를 제대로 보았으므로

$$(x-5)(x+1)=x^2-4x-5$$

에서 처음 이차식의 x 의 계수는 -4 이다. ...30%

지원이는 상수항을 제대로 보았으므로

$$(x+3)(x-4)=x^2-x-12$$

에서 처음 이차식의 상수항은 -12 이다. ...30%

따라서 처음 이차식은 $x^2-4x-12$ 이므로 바르게 인수분해하면

$$x^2-4x-12=(x+2)(x-6) \quad \dots 40\%$$

답 $(x+2)(x-6)$

채점 기준	배점
처음 이차식의 x 의 계수 구하기	30%
처음 이차식의 상수항 구하기	30%
처음 이차식 인수분해하기	40%

21 **해결 Guide** (직사각형의 넓이)=(가로 길이)×(세로 길이)

놀부네 밭의 넓이는

$$(2x-3)(x+7)-6(x-3)$$

$$=2x^2+11x-21-6x+18$$

$$=2x^2+5x-3$$

이 식을 인수분해하면

$$2x^2+5x-3=(2x-1)(x+3)$$

따라서 흥부네 밭의 세로의 길이가 $x+3$ 이므로 가로의 길이는 $2x-1$ 이다. **답 ④**

22 **해결 Guide** 근호 안의 다항식을 완전제곱식으로 나타낸다.

$$0 < x < 1 \text{이므로} \quad 0 < x < \frac{1}{x}$$

$$\text{즉 } x - \frac{1}{x} < 0, x + \frac{1}{x} > 0 \text{이므로}$$

$$(\text{주어진 식}) = \sqrt{\left(x - \frac{1}{x}\right)^2} - \sqrt{\left(x + \frac{1}{x}\right)^2}$$

$$= -\left(x - \frac{1}{x}\right) - \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= -2x$$

답 ①

23 **해결 Guide** 인수분해 공식을 이용하여 $f(x)$ 를 변형한다.

$$f(x) = 1 - \frac{1}{x^2}$$

$$= \left(1 - \frac{1}{x}\right)\left(1 + \frac{1}{x}\right)$$

$$= \frac{x-1}{x} \times \frac{x+1}{x}$$

\therefore (주어진 식)

$$= \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{4}{3} \times \dots \times \frac{18}{19} \times \frac{20}{19} \times \frac{19}{20} \times \frac{21}{20}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{21}{20} = \frac{21}{40}$$

답 ③

24 **해결 Guide** 소수 \Rightarrow 1과 자기 자신만을 약수로 갖는다.

$$n^2+8n-48=(n+12)(n-4) \quad \dots 30\%$$

소수의 인수는 1과 자기 자신이고

$$n+12 > n-4 \text{이므로}$$

$$n-4=1 \quad \therefore n=5 \quad \dots 40\%$$

$$\therefore n^2+8n-48=(n+12)(n-4)$$

$$=17 \quad \dots 30\%$$

답 17

채점 기준	배점
$n^2+8n-48$ 인수분해하기	30%
n 의 값 구하기	40%
$n^2+8n-48$ 의 값 구하기	30%

2 인수분해 공식의 활용

개념

Check

◎ 본책 94~96쪽

21-1 (1) $a^3 - ab^2 = a(a^2 - b^2) = a(a+b)(a-b)$

(2) $x+3=A$ 라 하면

$$(x+3)^2 - 4(x+3) + 4 = A^2 - 4A + 4$$

$$= (A-2)^2$$

$$= [(x+3)-2]^2$$

$$= (x+1)^2$$

답 (1) $a(a+b)(a-b)$ (2) $(x+1)^2$

21-2 답 (1) $x+2$

(2) $x+3$

22-1 (1) $x^2 + xy + 5x + 2y + 6$

$$= (x+2)y + (x^2 + 5x + 6)$$

$$= (x+2)y + (x+2)(x+3)$$

$$= (x+2)(x+y+3)$$

(2) $(x+1)(x+2)(x+5)(x+6) - 12$

$$= [(x+1)(x+6)][(x+2)(x+5)] - 12$$

$$= (x^2 + 7x + 6)(x^2 + 7x + 10) - 12$$

$$x^2 + 7x = A \text{라 하면}$$

$$(주어진 식) = (A+6)(A+10) - 12$$

$$= A^2 + 16A + 48 = (A+4)(A+12)$$

$$= (x^2 + 7x + 4)(x^2 + 7x + 12)$$

$$= (x+3)(x+4)(x^2 + 7x + 4)$$

답 (1) $(x+2)(x+y+3)$

(2) $(x+3)(x+4)(x^2 + 7x + 4)$

23-1 (1) $17 \times 8 + 17 \times 2 = 17 \times (8+2)$

$$= 17 \times 10 = 170$$

(2) $18^2 + 2 \times 18 \times 12 + 12^2 = (18+12)^2$

$$= 30^2 = 900$$

(3) $13^2 - 2 \times 13 \times 3 + 3^2 = (13-3)^2$

$$= 10^2 = 100$$

(4) $107^2 - 7^2 = (107+7)(107-7)$

$$= 114 \times 100 = 11400$$

답 (1) 170 (2) 900 (3) 100 (4) 11400

23-2 (1) $x^2 + 4x + 4 = (x+2)^2 = \{(\sqrt{5}-2)+2\}^2$

$$= (\sqrt{5})^2 = 5$$

(2) $x^2 - 2xy + y^2 = (x-y)^2 = \{(1+\sqrt{5}) - (1-\sqrt{5})\}^2$

$$= (2\sqrt{5})^2 = 20$$

답 (1) 5 (2) 20

유제

◎ 본책 97~101쪽

058-1 $a^3 - 2a^2b + ab^2 = a(a^2 - 2ab + b^2) = a(a-b)^2$

$$a^2b - b^3 = b(a^2 - b^2) = b(a+b)(a-b)$$

따라서 두 다항식에 공통으로 들어 있는 인수는 ④ $a-b$ 이다.

답 ④

059-1 $x-2y=A$ 라 하면

$$(x-2y)^2 - 10(x-2y-2) + 5 = A^2 - 10(A-2) + 5$$

$$= A^2 - 10A + 25$$

$$= (A-5)^2$$

$$= (x-2y-5)^2$$

따라서 $a=1, b=-5$ 이므로 $2a-b=7$

답 7

060-1 $x+2=A, y-1=B$ 라 하면

$$(x+2)^2 + (x+2)(y-1) - 20(y-1)^2$$

$$= A^2 + AB - 20B^2$$

$$= (A+5B)(A-4B)$$

$$= [(x+2)+5(y-1)][(x+2)-4(y-1)]$$

$$= (x+5y-3)(x-4y+6)$$

따라서 $a=5, b=-4, c=6$ 이므로

$$a+b+c=7$$

답 7

061-1 $x^3 - x^2y + 16y - 16x = (x^3 - x^2y) + (16y - 16x)$

$$= x^2(x-y) - 16(x-y)$$

$$= (x-y)(x^2 - 16)$$

$$= (x-y)(x+4)(x-4)$$

따라서 인수인 것은 ⑤ $x^2 - 16$ 이다.

답 ⑤

062-1 $16x^2 - 9 - y^2 + 6y = 16x^2 - (9 + y^2 - 6y)$

$$= 16x^2 - (y^2 - 6y + 9)$$

$$= (4x)^2 - (y-3)^2$$

$$= (4x+y-3)(4x-y+3)$$

$$\therefore A=4x+y-3$$

답 $4x+y-3$

063-1 차수가 낮은 y 에 대하여 내림차순으로 정리하고 인수 분해하면

$$x^2 - xy - x + 3y - 6 = -y(x-3) + (x^2 - x - 6)$$

$$= -y(x-3) + (x+2)(x-3)$$

$$= (x-3)(x-y+2)$$

$$\therefore (x-3) + (x-y+2) = 2x-y-1$$

답 $2x-y-1$



064-1 $(x+1)(x+3)(x-3)(x-5)+36$
 $=[(x+1)(x-3)][(x+3)(x-5)]+36$
 $=(x^2-2x-3)(x^2-2x-15)+36$
 $x^2-2x=A$ 라 하면
 (주어진 식) $=(A-3)(A-15)+36$
 $=A^2-18A+81$
 $=(A-9)^2$
 $=(x^2-2x-9)^2$
 즉 $(x^2+ax+b)^2=(x^2-2x-9)^2$ 이므로
 $a=-2, b=-9$
 $\therefore a+b=(-2)+(-9)=-11$

답 -11

065-1 $15^2-13^2+11^2-9^2+7^2-5^2$
 $=(15^2-13^2)+(11^2-9^2)+(7^2-5^2)$
 $=(15+13)(15-13)+(11+9)(11-9)$
 $+ (7+5)(7-5)$
 $=28 \times 2 + 20 \times 2 + 12 \times 2$
 $=(28+20+12) \times 2$
 $=60 \times 2$
 $=120$

답 ④

066-1 $a = \frac{1}{2+\sqrt{3}} = \frac{2-\sqrt{3}}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = 2-\sqrt{3}$,
 $b = \frac{1}{2-\sqrt{3}} = \frac{2+\sqrt{3}}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} = 2+\sqrt{3}$ 이므로
 $a^2+b^2-2ab-3=(a^2-2ab+b^2)-3$
 $=(a-b)^2-3$
 $=[(2-\sqrt{3})-(2+\sqrt{3})]^2-3$
 $=(-2\sqrt{3})^2-3$
 $=12-3$
 $=9$

답 9

067-1 $a^3+a^2b-4a-4b=a^2(a+b)-4(a+b)$
 $=(a+b)(a^2-4)$
 $=(a+b)(a+2)(a-2)$
 따라서 직육면체의 높이는 $a-2$ 이므로 길넓이는
 $2[(a+b)(a+2)+(a+b)(a-2)+(a+2)(a-2)]$
 $=2(3a^2+2ab-4)$
 $=6a^2+4ab-8$

답 $6a^2+4ab-8$

단원 마무리

◎ 본책 102~104쪽

- 01 ② 02 -8 03 ⑤ 04 ①, ⑤ 05 25
 06 ② 07 ③ 08 ① 09 풀이 참조
 10 $3x-2$ 11 ③, ⑤ 12 ① 13 ④ 14 ③
 15 11 16 $a(a+b)\pi$
 17 $(0, 6), (-2, -8), (6, 0), (-8, -2)$
 18 15, 17

01 **해결 Guide** 공통인수를 묶어 낸 후 인수분해 공식을 이용한다.

(주어진 식) $=4x^2(x+2)-(x+2)$
 $=(x+2)(4x^2-1)$
 $=(x+2)(2x+1)(2x-1)$

답 ②

02 **해결 Guide** 공통부분을 찾아 치환하여 인수분해한다.

$3x-2=A$ 라 하면
 $(3x-2)^2-4(3x-2)-5$
 $=A^2-4A-5$
 $=(A+1)(A-5)$
 $=[(3x-2)+1][(3x-2)-5]$
 $=(3x-1)(3x-7)$... 70%
 $\therefore a+b=(-1)+(-7)=-8$... 30%

답 -8

채점 기준	배점
주어진 식의 좌변 인수분해하기	70%
$a+b$ 의 값 구하기	30%

03 **해결 Guide** 먼저 공통인수를 묶어 낸다.

① $2x^3-8x^2y+8xy^2=2x(x^2-4xy+4y^2)=2x(x-2y)^2$
 ② $x^2y+3xy+2y=y(x^2+3x+2)=y(x+1)(x+2)$
 ③ $xy-3x-2y+6=x(y-3)-2(y-3)$
 $=(x-2)(y-3)$
 ④ $x^2(y+2)-4y-8=x^2(y+2)-4(y+2)$
 $=(y+2)(x^2-4)$
 $=(y+2)(x+2)(x-2)$
 ⑤ $x^2-y^2+4x+4=(x^2+4x+4)-y^2$
 $=(x+2)^2-y^2$
 $=(x+2+y)(x+2-y)$
 $=(x+y+2)(x-y+2)$

답 ⑤

04 **해결 Guide** 차수가 다른 문자가 여러 개 \Rightarrow 차수가 가장 낮은 문자에 대하여 내림차순으로 정리하고 인수분해한다.

차수가 낮은 y 에 대하여 내림차순으로 정리하고 인수분해하면

$$\begin{aligned}x^2 + xy - 2x - 3y - 3 &= y(x-3) + x^2 - 2x - 3 \\&= y(x-3) + (x-3)(x+1) \\&= (x-3)(x+y+1)\end{aligned}$$

따라서 주어진 식의 인수인 것은 ①, ⑤이다. **답** ①, ⑤

05 **해결 Guide** 수를 문자로 생각하고 인수분해 공식을 이용한다.

주어진 분수의 분자에서

$$\begin{aligned}104^2 - 2 \times 104 \times 4 + 4^2 &= (104-4)^2 \\&= 100^2 = 10000\end{aligned}$$

또 분모에서

$$\begin{aligned}101^2 - 99^2 &= (101+99)(101-99) \\&= 200 \times 2 = 400\end{aligned}$$

$$\therefore \frac{104^2 - 2 \times 104 \times 4 + 4^2}{101^2 - 99^2} = \frac{10000}{400} = 25 \quad \text{답 25}$$

06 **해결 Guide** 주어진 식을 인수분해한 후 문자의 값을 대입한다.

$x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ 이고

$$y = \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{(\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{2})} = \sqrt{3} - \sqrt{2}$$

이므로

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 - 2xy &= (x-y)^2 \\&= \{(\sqrt{3} + \sqrt{2}) - (\sqrt{3} - \sqrt{2})\}^2 \\&= (2\sqrt{2})^2 = 8\end{aligned} \quad \text{답 ②}$$

07 **해결 Guide** 공통인수를 묶어 낸 후 인수분해 공식을 이용한다.

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= 10a^2(a-b) + 3ab(a-b) - b^2(a-b) \\&= (a-b)(10a^2 + 3ab - b^2) \\&= (a-b)(2a+b)(5a-b)\end{aligned} \quad \text{답 ③}$$

08 **해결 Guide** 공통부분을 찾아 치환하여 인수분해한다.

$$\begin{aligned}2(x^2+x)^2 - 5x^2 - 5x + 2 &= 2(x^2+x)^2 - 5(x^2+x) + 2 \\x^2+x &= A \text{라 하면}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= 2A^2 - 5A + 2 \\&= (2A-1)(A-2) \\&= \{2(x^2+x)-1\}\{(x^2+x)-2\} \\&= (2x^2+2x-1)(x^2+x-2) \\&= (2x^2+2x-1)(x+2)(x-1)\end{aligned}$$

따라서 주어진 식의 인수인 것은 ① $x-2$ 이다. **답** ①

09 **해결 Guide** $x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$

$A^2 + AB - 6B^2 = (A+3)(A-2)$ 가 잘못되어 답도 틀렸다.

바르게 인수분해하면

$$\begin{aligned}&(3x+2)^2 + (3x+2)(x+1) - 6(x+1)^2 \\&= A^2 + AB - 6B^2 \\&= (A+3B)(A-2B) \\&= \{(3x+2) + 3(x+1)\}\{(3x+2) - 2(x+1)\} \\&= x(6x+5)\end{aligned}$$

답 풀이 참조

10 **해결 Guide** 공통부분을 묶어 낸 후 인수분해한다.

$$\begin{aligned}x^5 - 2x^4 - x + 2 &= x^4(x-2) - (x-2) \\&= (x^4-1)(x-2) \\&= (x^2+1)(x^2-1)(x-2) \\&= (x^2+1)(x+1)(x-1)(x-2) \quad \dots 50\%\end{aligned}$$

이때 x 의 계수가 1인 일차식인 인수는

$$x+1, x-1, x-2 \quad \dots 30\%$$

따라서 구하는 합은

$$(x+1) + (x-1) + (x-2) = 3x-2 \quad \dots 20\%$$

답 $3x-2$

채점 기준	배점
$x^5 - 2x^4 - x + 2$ 인수분해하기	50%
일차식인 인수 찾기	30%
인수들의 합 구하기	20%

11 **해결 Guide** 3개의 항으로 완전제곱식을 만든다.

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= 64 - (x^2 + 2xy + y^2) \\&= 8^2 - (x+y)^2 \\&= (8+x+y)(8-x-y)\end{aligned}$$

따라서 주어진 식의 인수는 ③, ⑤이다. **답** ③, ⑤

12 **해결 Guide** 차수가 가장 낮은 문자에 대하여 내림차순으로 정리한다.

차수가 낮은 z 에 대하여 내림차순으로 정리하고 인수분해하면

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= z(x-y) - (x^2 + 2xy - 3y^2) \\&= z(x-y) - (x-y)(x+3y) \\&= (x-y)(-x-3y+z)\end{aligned} \quad \text{답 ①}$$

13 **해결 Guide** () () () () $+k$ 꼴 \Rightarrow 공통부분이 생길도록 2개씩 묶어 전개한다.

$$\begin{aligned}&(x-4)(x-2)(x+1)(x+3) + 24 \\&= \{(x-4)(x+3)\}\{(x-2)(x+1)\} + 24 \\&= (x^2-x-12)(x^2-x-2) + 24\end{aligned}$$



$x^2 - x = A$ 라 하면

$$\begin{aligned} (\text{주어진 식}) &= (A-12)(A-2)+24 \\ &= A^2-14A+48 \\ &= (A-6)(A-8) \\ &= (x^2-x-6)(x^2-x-8) \\ &= (x+2)(x-3)(x^2-x-8) \end{aligned} \quad \text{답 ④}$$

14 **해결 Guide** 수를 문자로 생각하고 인수분해 공식을 이용한다.

$$\begin{aligned} &\sqrt{1.21 \times 50.5^2 - 1.21 \times 49.5^2} \\ &= \sqrt{1.21 \times (50.5^2 - 49.5^2)} \\ &= \sqrt{1.21 \times (50.5 + 49.5)(50.5 - 49.5)} \\ &= \sqrt{1.21 \times 100 \times 1} \\ &= \sqrt{121} \\ &= 11 \end{aligned} \quad \text{답 ③}$$

15 **해결 Guide** 먼저 주어진 식을 인수분해한다.

$$\begin{aligned} a^2 - b^2 + 4b - 4 &= a^2 - (b^2 - 4b + 4) \\ &= a^2 - (b-2)^2 \\ &= (a+b-2)(a-b+2) && \dots 40\% \\ &= (2\sqrt{3}+1-2)(2\sqrt{3}-1+2) && \dots 20\% \\ &= (2\sqrt{3}-1)(2\sqrt{3}+1) \\ &= 12-1 \\ &= 11 && \dots 40\% \end{aligned}$$

답 11

채점 기준	배점
$a^2 - b^2 + 4b - 4$ 인수분해하기	40%
조건을 대입하기	20%
식의 값 구하기	40%

16 **해결 Guide** 반지름의 길이가 r 인 원의 넓이 $\Rightarrow \pi r^2$

$$\begin{aligned} (\text{색칠한 부분의 넓이}) &= \frac{1}{2}\pi(a+b)^2 + \frac{1}{2}\pi a^2 - \frac{1}{2}\pi b^2 \\ &= \frac{1}{2}\pi\{(a+b)^2 + a^2 - b^2\} \\ &= \frac{1}{2}\pi\{(a+b)^2 + (a+b)(a-b)\} \\ &= \frac{1}{2}\pi(a+b)(a+b+a-b) \\ &= \frac{1}{2}\pi \times 2a(a+b) \\ &= a(a+b)\pi \end{aligned} \quad \text{답 } a(a+b)\pi$$

17 **해결 Guide** 좌변을 인수분해하여 그 곱이 7이 되는 두 정수를 구한다.

$$\begin{aligned} xy + x + y + 1 &= x(y+1) + (y+1) = (x+1)(y+1) \\ \therefore (x+1)(y+1) &= 7 \end{aligned}$$

(i) $x+1=1$, $y+1=7$ 일 때

$$x=0, y=6 \quad \therefore (0, 6)$$

(ii) $x+1=-1$, $y+1=-7$ 일 때

$$x=-2, y=-8 \quad \therefore (-2, -8)$$

(iii) $x+1=7$, $y+1=1$ 일 때

$$x=6, y=0 \quad \therefore (6, 0)$$

(iv) $x+1=-7$, $y+1=-1$ 일 때

$$x=-8, y=-2 \quad \therefore (-8, -2)$$

이상에서 구하는 순서쌍은

$$(0, 6), (-2, -8), (6, 0), (-8, -2)$$

$$\text{답 } (0, 6), (-2, -8), (6, 0), (-8, -2)$$

18 **해결 Guide** 인수분해 공식을 이용하여 인수를 찾는다.

$$\begin{aligned} 2^{16} - 1 &= (2^8 + 1)(2^8 - 1) \\ &= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^4 - 1) \\ &= 257 \times 17 \times 15 \end{aligned}$$

따라서 구하는 두 자연수는 15와 17이다.

답 15, 17

1 이차방정식의 풀이 (1)

개념

Check

◎ 본책 108쪽

24-1 (1) $x^2=3(x+1)$ 에서 $x^2=3x+3$

$\therefore x^2-3x-3=0 \Rightarrow$ 이차방정식

(2) $x^2+x=4-x$ 에서

$x^2+2x-4=0 \Rightarrow$ 이차방정식

(3) $(x-2)(x+6)=0$ 에서

$x^2+4x-12=0 \Rightarrow$ 이차방정식

(4) $x(x+3)=x^2-x+9$ 에서 $x^2+3x=x^2-x+9$

$\therefore 4x-9=0 \Rightarrow$ 이차방정식이 아니다.

답 (1) ○ (2) ○ (3) ○ (4) ×

24-2 (1) $(-1)^2-1=0$

(2) $2 \times (-1)^2+3 \times (-1)=-1 \neq 0$

(3) $5 \times (-1)^2+6 \times (-1)+1=0$

(4) $(-1)^2-4 \times (-1)-3=2 \neq 0$

이상에서 $x=-1$ 이 해인 것은 (1), (3)이다.

답 (1), (3)

유제

◎ 본책 109~111쪽

068-1 ① $3x^2=0 \Rightarrow$ 이차방정식

② $x^2+1=3x-12$ 에서 $x^2-3x+13=0 \Rightarrow$ 이차방정식

③ $x(x^2+4)=x^3-x^2+2$ 에서 $x^3+4x=x^3-x^2+2$

$\therefore x^2+4x-2=0 \Rightarrow$ 이차방정식

④ $5(x-1)^2=5x^2-3x+2$ 에서

$5x^2-10x+5=5x^2-3x+2$

$\therefore -7x+3=0 \Rightarrow$ 일차방정식

⑤ $(x-3)(x+3)=1-x^2$ 에서 $x^2-9=1-x^2$

$\therefore 2x^2-10=0 \Rightarrow$ 이차방정식

답 ④

069-1 $3x^2+1=a(x-2)^2$ 에서

$3x^2+1=ax^2-4ax+4a$

우변의 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하면

$(3-a)x^2+4ax+1-4a=0$

이 방정식이 x 에 대한 이차방정식이 되려면

$3-a \neq 0 \therefore a \neq 3$

답 ⑤

070-1 $x=3$ 을 각 방정식에 대입하면

① $3^2+2 \times 3-3=12 \neq 0$

② $3^2=9 \neq 3$

③ $3^2-5 \times 3+6=0$

④ $3^2+4 \times 3=21 \neq 5$

⑤ $3(3-2)(3+1)=12 \neq 0$

따라서 $x=3$ 을 근으로 갖는 것은 ③이다.

답 ③

070-2 x 가 -1 초과 3 이하인 정수이므로

$x=0, 1, 2, 3$

이차방정식 $x^2-4x+3=0$ 의 x 에 $0, 1, 2, 3$ 을 차례대로 대입하면

$x=0$ 일 때, $0^2-4 \times 0+3=3 \neq 0$

$x=1$ 일 때, $1^2-4 \times 1+3=0$

$x=2$ 일 때, $2^2-4 \times 2+3=-1 \neq 0$

$x=3$ 일 때, $3^2-4 \times 3+3=0$

따라서 주어진 이차방정식의 해는

$x=1$ 또는 $x=3$

답 $x=1$ 또는 $x=3$

071-1 $x=2$ 를 $x^2+3x-a=0$ 에 대입하면

$2^2+3 \times 2-a=0 \therefore a=10$

$x=2$ 를 $2x^2+bx-9=0$ 에 대입하면

$2 \times 2^2+2b-9=0 \therefore b=\frac{1}{2}$

답 $a=10, b=\frac{1}{2}$

072-1 $x=a$ 를 $2x^2-x-2=0$ 에 대입하면

$2a^2-a-2=0 \therefore 2a^2-a=2$

$x=b$ 를 $x^2-3x+2=0$ 에 대입하면

$b^2-3b+2=0 \therefore b^2-3b=-2$

$\therefore 2a^2-b^2-a+3b=2a^2-a-(b^2-3b)$

$=2-(-2)=4$

답 4

개념

Check

◎ 본책 112~115쪽

25-1 (1) $x(x-1)=0$ 에서 $x=0$ 또는 $x-1=0$

$\therefore x=0$ 또는 $x=1$

(2) $(x+5)(x-2)=0$ 에서 $x+5=0$ 또는 $x-2=0$

$\therefore x=-5$ 또는 $x=2$

(3) $(x+4)(2x-1)=0$ 에서 $x+4=0$ 또는 $2x-1=0$

$\therefore x=-4$ 또는 $x=\frac{1}{2}$

(4) $(3x+1)(5x-2)=0$ 에서 $3x+1=0$ 또는 $5x-2=0$

$\therefore x=-\frac{1}{3}$ 또는 $x=\frac{2}{5}$

답 (1) $x=0$ 또는 $x=1$ (2) $x=-5$ 또는 $x=2$

(3) $x=-4$ 또는 $x=\frac{1}{2}$ (4) $x=-\frac{1}{3}$ 또는 $x=\frac{2}{5}$

25-2 (1) $x^2+4x=0$ 에서 $x(x+4)=0$

$$x=0 \text{ 또는 } x+4=0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=-4$$

(2) $x^2-6x+5=0$ 에서 $(x-1)(x-5)=0$

$$x-1=0 \text{ 또는 } x-5=0$$

$$\therefore x=1 \text{ 또는 } x=5$$

(3) $2x^2+3x-2=0$ 에서 $(x+2)(2x-1)=0$

$$x+2=0 \text{ 또는 } 2x-1=0$$

$$\therefore x=-2 \text{ 또는 } x=\frac{1}{2}$$

(4) $x^2+12=-7x$ 에서 $x^2+7x+12=0$

$$(x+4)(x+3)=0$$

$$x+4=0 \text{ 또는 } x+3=0$$

$$\therefore x=-4 \text{ 또는 } x=-3$$

(5) $3x^2+2x=1$ 에서 $3x^2+2x-1=0$

$$(3x-1)(x+1)=0$$

$$3x-1=0 \text{ 또는 } x+1=0$$

$$\therefore x=\frac{1}{3} \text{ 또는 } x=-1$$

(6) $x^2-2x+7=3x+1$ 에서 $x^2-5x+6=0$

$$(x-2)(x-3)=0$$

$$x-2=0 \text{ 또는 } x-3=0$$

$$\therefore x=2 \text{ 또는 } x=3$$

답 (1) $x=0$ 또는 $x=-4$ (2) $x=1$ 또는 $x=5$

(3) $x=-2$ 또는 $x=\frac{1}{2}$ (4) $x=-4$ 또는 $x=-3$

(5) $x=\frac{1}{3}$ 또는 $x=-1$ (6) $x=2$ 또는 $x=3$

26-1 (1) $x^2-2x+1=0$ 에서 $(x-1)^2=0$

$$\therefore x=1 \text{ (중근)}$$

(2) $x^2+4x+4=0$ 에서 $(x+2)^2=0$

$$\therefore x=-2 \text{ (중근)}$$

(3) $x^2-10x+25=0$ 에서 $(x-5)^2=0$

$$\therefore x=5 \text{ (중근)}$$

(4) $x^2-8x+16=0$ 에서 $(x-4)^2=0$

$$\therefore x=4 \text{ (중근)}$$

(5) $4x^2-4x=-1$ 에서 $4x^2-4x+1=0$

$$(2x-1)^2=0 \quad \therefore x=\frac{1}{2} \text{ (중근)}$$

(6) $9x^2=12x-4$ 에서 $9x^2-12x+4=0$

$$(3x-2)^2=0 \quad \therefore x=\frac{2}{3} \text{ (중근)}$$

답 (1) $x=1$ (중근) (2) $x=-2$ (중근) (3) $x=5$ (중근)

(4) $x=4$ (중근) (5) $x=\frac{1}{2}$ (중근) (6) $x=\frac{2}{3}$ (중근)

26-2 (1) $a=\left(\frac{6}{2}\right)^2=9$

$$x^2+6x+9=0 \text{에서 } (x+3)^2=0$$

$$\therefore x=-3 \text{ (중근)}$$

(2) $a=\left(\frac{-14}{2}\right)^2=49$

$$x^2-14x+49=0 \text{에서 } (x-7)^2=0$$

$$\therefore x=7 \text{ (중근)}$$

(3) $-1+a=\left(\frac{-4}{2}\right)^2=4$ 이므로 $a=5$

$$x^2-4x+4=0 \text{에서 } (x-2)^2=0$$

$$\therefore x=2 \text{ (중근)}$$

(4) $5+a=\left(\frac{8}{2}\right)^2=16$ 이므로 $a=11$

$$x^2+8x+16=0 \text{에서 } (x+4)^2=0$$

$$\therefore x=-4 \text{ (중근)}$$

답 (1) 9, $x=-3$ (중근) (2) 49, $x=7$ (중근)

(3) 5, $x=2$ (중근) (4) 11, $x=-4$ (중근)

27-1 (1) $x^2=7$ 에서 $x=\pm\sqrt{7}$

(2) $x^2=12$ 에서 $x=\pm\sqrt{12}=\pm 2\sqrt{3}$

(3) $3x^2-15=0$ 에서 $3x^2=15$

$$x^2=5 \quad \therefore x=\pm\sqrt{5}$$

(4) $4x^2-9=0$ 에서 $4x^2=9$

$$x^2=\frac{9}{4} \quad \therefore x=\pm\sqrt{\frac{9}{4}}=\pm\frac{3}{2}$$

(5) $2x^2-5=0$ 에서 $2x^2=5$

$$x^2=\frac{5}{2} \quad \therefore x=\pm\sqrt{\frac{5}{2}}=\pm\frac{\sqrt{10}}{2}$$

(6) $2x^2+1=13$ 에서 $2x^2=12$

$$x^2=6 \quad \therefore x=\pm\sqrt{6}$$

답 (1) $x=\pm\sqrt{7}$ (2) $x=\pm 2\sqrt{3}$ (3) $x=\pm\sqrt{5}$

(4) $x=\pm\frac{3}{2}$ (5) $x=\pm\frac{\sqrt{10}}{2}$ (6) $x=\pm\sqrt{6}$

27-2 (1) $(x-1)^2=2$ 에서 $x-1=\pm\sqrt{2}$

$$\therefore x=1\pm\sqrt{2}$$

(2) $(x-4)^2=6$ 에서 $x-4=\pm\sqrt{6}$

$$\therefore x=4\pm\sqrt{6}$$

(3) $(x+1)^2-27=0$ 에서 $(x+1)^2=27$

$$x+1=\pm 3\sqrt{3} \quad \therefore x=-1\pm 3\sqrt{3}$$

(4) $(x+2)^2-10=0$ 에서 $(x+2)^2=10$

$$x+2=\pm\sqrt{10} \quad \therefore x=-2\pm\sqrt{10}$$

(5) $(2x+3)^2=5$ 에서 $2x+3=\pm\sqrt{5}$

$$2x=-3\pm\sqrt{5} \quad \therefore x=\frac{-3\pm\sqrt{5}}{2}$$

(6) $(3x-1)^2-8=0$ 에서 $(3x-1)^2=8$

$3x-1=\pm 2\sqrt{2}, \quad 3x=1\pm 2\sqrt{2}$

$\therefore x=\frac{1\pm 2\sqrt{2}}{3}$

답 (1) $x=1\pm\sqrt{2}$ (2) $x=4\pm\sqrt{6}$
 (3) $x=-1\pm 3\sqrt{3}$ (4) $x=-2\pm\sqrt{10}$
 (5) $x=\frac{-3\pm\sqrt{5}}{2}$ (6) $x=\frac{1\pm 2\sqrt{2}}{3}$

28-1 답 $\frac{9}{4}, \frac{9}{4}, \frac{9}{4}, \frac{3}{2}, \frac{5}{4}, \frac{3}{2}, \pm \frac{\sqrt{5}}{2}, \frac{3\pm\sqrt{5}}{2}$

유제

◎ 본책 116~121쪽

073-1 ① $(x-4)(2x+1)=0$ 에서

$x-4=0$ 또는 $2x+1=0$

$\therefore x=4$ 또는 $x=-\frac{1}{2}$

② $(x-4)(2x-1)=0$ 에서 $x-4=0$ 또는 $2x-1=0$

$\therefore x=4$ 또는 $x=\frac{1}{2}$

③ $(x+4)(2x+1)=0$ 에서 $x+4=0$ 또는 $2x+1=0$

$\therefore x=-4$ 또는 $x=-\frac{1}{2}$

④ $(x+4)(2x-1)=0$ 에서 $x+4=0$ 또는 $2x-1=0$

$\therefore x=-4$ 또는 $x=\frac{1}{2}$

⑤ $-3(x-4)(2x-1)=0$ 에서

$x-4=0$ 또는 $2x-1=0 \quad \therefore x=4$ 또는 $x=\frac{1}{2}$

답 ④

074-1 $3x^2-10x+8=0$ 에서 $(3x-4)(x-2)=0$

$\therefore x=\frac{4}{3}$ 또는 $x=2$

$a>b$ 이므로 $a=2, b=\frac{4}{3}$

$\therefore a-b=2-\frac{4}{3}=\frac{2}{3}$

답 $\frac{2}{3}$

075-1 $x=-4$ 를 $2x^2+5x+a=0$ 에 대입하면

$2\times(-4)^2+5\times(-4)+a=0 \quad \therefore a=-12$

즉 $2x^2+5x-12=0$ 이므로 $(x+4)(2x-3)=0$

$\therefore x=-4$ 또는 $x=\frac{3}{2}$

따라서 $b=\frac{3}{2}$ 이므로 $ab=-12\times\frac{3}{2}=-18$

답 ①

076-1 $3x^2-11x-4=0$ 에서 $(3x+1)(x-4)=0$

$\therefore x=-\frac{1}{3}$ 또는 $x=4$

따라서 $x^2+(a-3)x+8=0$ 의 한 근이 $x=4$ 이므로

$4^2+4(a-3)+8=0 \quad \therefore a=-3$

답 -3

077-1 $x=-1$ 을 $x^2-6x+a=0$ 에 대입하면

$(-1)^2-6\times(-1)+a=0 \quad \therefore a=-7$

$x^2-6x-7=0$ 에서 $(x+1)(x-7)=0$

$\therefore x=-1$ 또는 $x=7$

$x=-1$ 을 $5x^2+bx-1=0$ 에 대입하면

$5\times(-1)^2+b\times(-1)-1=0 \quad \therefore b=4$

$5x^2+4x-1=0$ 에서 $(x+1)(5x-1)=0$

$\therefore x=-1$ 또는 $x=\frac{1}{5}$

$p>q$ 이므로 $p=7, q=\frac{1}{5}$

답 $p=7, q=\frac{1}{5}$

078-1 (ㄱ) $-2x^2=0$ 에서 $x=0$ (중근)

(ㄴ) $x^2-1=0$ 에서 $(x+1)(x-1)=0$

$\therefore x=-1$ 또는 $x=1$

(ㄷ) $2x^2=12x-18$ 에서 $2x^2-12x+18=0$

$2(x-3)^2=0 \quad \therefore x=3$ (중근)

(ㄹ) $x^2+4x+3=0$ 에서 $(x+3)(x+1)=0$

$\therefore x=-3$ 또는 $x=-1$

(ㅁ) $(x+4)(x-2)=-9$ 에서 $x^2+2x+1=0$

$(x+1)^2=0 \quad \therefore x=-1$ (중근)

(ㅂ) $x(x-1)=-\frac{1}{4}$ 에서 $x^2-x+\frac{1}{4}=0$

$(x-\frac{1}{2})^2=0 \quad \therefore x=\frac{1}{2}$ (중근)

이상에서 중근을 갖는 이차방정식은 (ㄱ), (ㄷ), (ㅁ), (ㅂ)이다.

답 ㄱ, ㄷ, ㄹ, ㅂ

079-1 $5-a=\left(\frac{-4}{2}\right)^2=4$ 이므로 $-a=-1$

$\therefore a=1$

즉 $x^2-4x+4=0$ 에서 $(x-2)^2=0 \quad \therefore x=2$ (중근)

따라서 $b=2$ 이므로 $a+b=3$

답 3

080-1 ① $-x^2=-24$ 에서 $x^2=24 \quad \therefore x=\pm 2\sqrt{6}$

② $2x^2=100$ 에서 $x^2=50 \quad \therefore x=\pm 5\sqrt{2}$

③ $3x^2-1=0$ 에서 $3x^2=1, x^2=\frac{1}{3} \quad \therefore x=\pm \frac{\sqrt{3}}{3}$

④ $2x^2-18=0$ 에서 $2x^2=18$, $x^2=9$ $\therefore x=\pm 3$

⑤ $5x^2=9$ 에서 $x^2=\frac{9}{5}$ $\therefore x=\pm \frac{3\sqrt{5}}{5}$

따라서 근이 잘못 짝지어진 것은 ⑤이다.

답 ⑤

081-1 $-2(x+a)^2+14=0$ 에서

$-2(x+a)^2=-14$, $(x+a)^2=7$

$x+a=\pm\sqrt{7}$ $\therefore x=-a\pm\sqrt{7}$

따라서 $-a=5$, $b=7$ 이므로 $a=-5$

$\therefore b-a=7-(-5)=12$

답 ⑤

082-1 어떤 수의 제곱은 양수 또는 0이므로 $b \geq 0$ 일 때 주어진 방정식이 근을 갖는다.

답 ③

083-1 $3x^2-12x+1=0$ 의 양변을 x^2 의 계수인 3으로 나누면

$x^2-4x+\frac{1}{3}=0$, $x^2-4x=-\frac{1}{3}$

양변에 $\left(\frac{-4}{2}\right)^2$, 즉 4를 더하면

$x^2-4x+4=-\frac{1}{3}+4$ $\therefore (x-2)^2=\frac{11}{3}$

따라서 $p=2$, $q=\frac{11}{3}$ 이므로 $p+q=\frac{17}{3}$

답 $\frac{17}{3}$

084-1 $x^2-6x+k=0$ 에서 $x^2-6x=-k$

양변에 $\left(\frac{-6}{2}\right)^2$, 즉 9를 더하면

$x^2-6x+9=9-k$, $(x-3)^2=9-k$

$x-3=\pm\sqrt{9-k}$ $\therefore x=3\pm\sqrt{9-k}$

따라서 $9-k=2$ 이므로 $k=7$

답 7

단원 마무리

◎ 본책 122~125쪽

01 ②, ⑤ 02 $x=1$ 03 -2 04 ② 05 -5

06 $x=\frac{1}{5}$ (중근) 07 2 08 5 09 ④

10 ③ 11 15 12 ⑤ 13 1 14 10

15 -10 16 ③ 17 $\begin{cases} a=40 \text{ 일 때, } x=-5 \text{ (중근)} \\ a=-40 \text{ 일 때, } x=5 \text{ (중근)} \end{cases}$

18 ② 19 ① 20 $p=\frac{5}{4}$, $q=\frac{57}{16}$ 21 1

22 ④ 23 ⑤ 24 2

01 [해결 Guide] x에 대한 이차방정식

→ (x에 대한 이차식) = 0

① $x^2=x^2+2$ 에서 $0=2 \Rightarrow$ 성립하지 않는 등식

② $4x(x-1)=x^2+4x$ 에서 $4x^2-4x=x^2+4x$
 $\therefore 3x^2-8x=0 \Rightarrow$ 이차방정식

③ $(x-3)^2=x^2+4$ 에서 $x^2-6x+9=x^2+4$
 $\therefore -6x+5=0 \Rightarrow$ 일차방정식

④ $x^2-2x+1=x^2$ 에서
 $-2x+1=0 \Rightarrow$ 일차방정식

⑤ $x(x^2+1)=x^3-x^2+6$ 에서 $x^3+x=x^3-x^2+6$
 $\therefore x^2+x-6=0 \Rightarrow$ 이차방정식

답 ②, ⑤

02 [해결 Guide] 방정식의 해 → 방정식에 대입하면 등식이 성립

x는 절댓값이 3보다 작은 정수이므로

$x=-2, -1, 0, 1, 2$

이차방정식 $x^2+7x-8=0$ 의 x에 -2, -1, 0, 1, 2를 차례대로 대입하면

$x=-2$ 일 때, $(-2)^2+7 \times (-2)-8=-18 \neq 0$

$x=-1$ 일 때, $(-1)^2+7 \times (-1)-8=-14 \neq 0$

$x=0$ 일 때, $0^2+7 \times 0-8=-8 \neq 0$

$x=1$ 일 때, $1^2+7 \times 1-8=0$

$x=2$ 일 때, $2^2+7 \times 2-8=10 \neq 0$

따라서 이차방정식 $x^2+7x-8=0$ 의 해는 $x=1$

답 $x=1$

03 [해결 Guide] 주어진 해를 방정식에 대입하여 미정계수의 값을 구한다.

$x=-1$ 을 $x^2+(a+5)x-a=0$ 에 대입하면

$(-1)^2+(a+5) \times (-1)-a=0$

$-2a-4=0$ $\therefore a=-2$

답 -2

04 [해결 Guide] 좌변을 인수분해한 후 $AB=0$ 의 성질을 이용한다.

$x^2+3x-10=0$ 에서 $(x+5)(x-2)=0$

$x+5=0$ 또는 $x-2=0$

$\therefore x=-5$ 또는 $x=2$

답 ②

05 [해결 Guide] 각 이차방정식을 푼 후 공통인 근을 찾는다.

$x^2+x-20=0$ 에서 $(x+5)(x-4)=0$

$\therefore x=-5$ 또는 $x=4$

...40%

$2x^2+9x-5=0$ 에서 $(x+5)(2x-1)=0$

$\therefore x=-5$ 또는 $x=\frac{1}{2}$

...40%

따라서 공통인 근은 $x = -5$ 이므로

$$m = -5$$

...20%

답 -5

채점 기준	배점
$x^2 + x - 20 = 0$ 의 해 구하기	40%
$2x^2 + 9x - 5 = 0$ 의 해 구하기	40%
m 의 값 구하기	20%

06 **해결 Guide** 주어진 식을 (이차식) = 0 꼴로 정리한 후 인수 분해를 이용하여 해를 구한다.

$$(5x+1)(5x-3) = -4 \text{에서} \quad 25x^2 - 10x - 3 = -4$$

$$25x^2 - 10x + 1 = 0, \quad (5x-1)^2 = 0$$

$$\therefore x = \frac{1}{5} \text{ (중근)}$$

$$\text{답 } x = \frac{1}{5} \text{ (중근)}$$

07 **해결 Guide** $(x-p)^2 = q \ (q \geq 0) \Rightarrow x = p \pm \sqrt{q}$

$$4(x+3)^2 = 20 \text{에서} \quad (x+3)^2 = 5$$

$$x+3 = \pm\sqrt{5} \quad \therefore x = -3 \pm \sqrt{5}$$

$$\text{따라서 } a = -3, b = 5 \text{이므로} \quad a+b = 2$$

답 2

08 **해결 Guide** 완전제곱식을 이용한 이차방정식의 풀이

→ (완전제곱식) = (양수) 꼴로 변형한다.

$3x^2 - 12x + 3 = 0$ 의 양변을 x^2 의 계수인 3으로 나누면

$$x^2 - 4x + 1 = 0, \quad x^2 - 4x = -1$$

양변에 $\left(\frac{-4}{2}\right)^2$, 즉 4를 더하면

$$x^2 - 4x + 4 = -1 + 4$$

좌변을 완전제곱식으로 고치고 우변을 계산하면

$$(x-2)^2 = 3 \quad \therefore x = 2 \pm \sqrt{3}$$

따라서 $A=4, B=2, C=3$ 이므로

$$A-B+C = 5$$

답 5

REMARK 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 에서 좌변이 인수분해되지 않을 때는 완전제곱식을 이용하여 해를 구할 수 있다.

09 **해결 Guide** $ax^2 + bx + c = 0$ 이 x 에 대한 이차방정식이 되기 위한 조건 $\Rightarrow a \neq 0$

$$(ax-2)(4x+3) = x^2 - x \text{에서}$$

$$4ax^2 + 3ax - 8x - 6 = x^2 - x$$

$$(4a-1)x^2 + (3a-7)x - 6 = 0$$

이 방정식이 x 에 대한 이차방정식이 되려면

$$4a-1 \neq 0 \quad \therefore a \neq \frac{1}{4}$$

답 ④

10 **해결 Guide** $x=a$ 가 $ax^2 + bx + c = 0$ 의 근이면

$aa^2 + ba + c = 0$ 임을 이용한다.

$x=a$ 를 주어진 방정식에 대입하면

$$a^2 + 2a + 3 = 5a + 2, \quad a^2 - 3a + 1 = 0$$

$a \neq 0$ 이므로 양변을 a 로 나누면

$$a - 3 + \frac{1}{a} = 0 \quad \therefore a + \frac{1}{a} = 3$$

$$\therefore a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7$$

답 ③

11 **해결 Guide** 주어진 식을 (이차식) = 0 꼴로 정리한 후 인수 분해를 이용하여 근을 구한다.

$$(x+4)(2x-3) = 13 \text{에서} \quad 2x^2 + 5x - 25 = 0$$

$$(x+5)(2x-5) = 0$$

$$\therefore x = -5 \text{ 또는 } x = \frac{5}{2}$$

...60%

따라서 $a = \frac{5}{2}, b = -5$ 이므로

$$4a - b = 4 \times \frac{5}{2} - (-5) = 15$$

...40%

답 15

채점 기준	배점
이차방정식의 해 구하기	60%
$4a-b$ 의 값 구하기	40%

12 **해결 Guide** 이차방정식의 한 근이 $x=a$

→ 이차방정식에 x 대신 a 를 대입하면 등식이 성립한다.

$x = -4$ 를 $x^2 + ax + 9a - 1 = 0$ 에 대입하면

$$(-4)^2 + a \times (-4) + 9a - 1 = 0$$

$$5a = -15 \quad \therefore a = -3$$

$$\text{즉 } x^2 - 3x - 28 = 0 \text{에서} \quad (x+4)(x-7) = 0$$

$$\therefore x = -4 \text{ 또는 } x = 7$$

따라서 다른 한 근은 $x=7$ 이다.

답 ⑤

13 **해결 Guide** $x(2x-5) = -2$ 의 근을 구하여 작은 근을

$2x^2 - (2k+5)x + 3k = 0$ 에 대입하면 등식이 성립한다.

$$x(2x-5) = -2 \text{에서} \quad 2x^2 - 5x + 2 = 0$$

$$(2x-1)(x-2) = 0 \quad \therefore x = \frac{1}{2} \text{ 또는 } x = 2$$

따라서 두 근 중 작은 근은 $x = \frac{1}{2}$

$$x = \frac{1}{2} \text{을 } 2x^2 - (2k+5)x + 3k = 0 \text{에 대입하면}$$

$$2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 - (2k+5) \times \frac{1}{2} + 3k = 0, \quad 2k = 2$$

$$\therefore k = 1 \quad \text{답 1}$$

14 [해결 Guide] 두 이차방정식의 공통인 근을 구한 후, 미정계수를 포함한 이차방정식에 대입하여 미정계수의 값을 구한다.

$$x^2 + 5 = 7(x-1) \text{에서} \quad x^2 - 7x + 12 = 0$$

$$(x-3)(x-4) = 0 \quad \therefore x = 3 \text{ 또는 } x = 4$$

$$x^2 - 4x = -3 \text{에서} \quad x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$(x-1)(x-3) = 0 \quad \therefore x = 1 \text{ 또는 } x = 3 \quad \dots 40\%$$

따라서 공통인 근은 $x = 3 \quad \dots 20\%$

$$x = 3 \text{을 } 2x^2 - mx + (m+2) = 0 \text{에 대입하면}$$

$$2 \times 3^2 - m \times 3 + (m+2) = 0, \quad -2m = -20 \quad \dots 40\%$$

$$\therefore m = 10 \quad \text{답 10}$$

채점 기준	배점
각 이차방정식의 해 구하기	40%
공통인 근 구하기	20%
m의 값 구하기	40%

15 [해결 Guide] 두 이차방정식의 해가 같으므로 $x = -3$ 을 $x^2 + ax = 15$ 에 대입하면 등식이 성립한다.

$$(x+3)(x-b) = 0 \text{에서} \quad x = -3 \text{ 또는 } x = b$$

$$x = -3 \text{을 } x^2 + ax = 15 \text{에 대입하면}$$

$$9 - 3a = 15 \quad \therefore a = -2$$

$$\text{즉 } x^2 - 2x - 15 = 0 \text{에서} \quad (x+3)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = -3 \text{ 또는 } x = 5$$

주어진 두 이차방정식의 해가 서로 같으므로

$$b = 5$$

$$\therefore ab = -10 \quad \text{답 -10}$$

[다른 풀이] $x^2 + ax = 15$ 에서 $x^2 + ax - 15 = 0$

$$(x+3)(x-b) = 0 \text{에서} \quad x^2 + (3-b)x - 3b = 0$$

두 이차방정식이 서로 같으므로

$$a = 3 - b, \quad 3b = 15 \quad \therefore b = 5, \quad a = -2$$

$$\therefore ab = -10$$

16 [해결 Guide] 이차방정식이 중근을 갖는다.

\Rightarrow (완전제곱식) $= 0$ 풀

$$(\neg) x^2 - 2x - 3 = 0 \text{에서} \quad (x+1)(x-3) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

$$(\cup) x^2 = 3x - \frac{9}{4} \text{에서} \quad x^2 - 3x + \frac{9}{4} = 0$$

$$\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = 0 \quad \therefore x = \frac{3}{2} \text{ (중근)}$$

$$(\cap) x^2 + 10x + 25 = 0 \text{에서} \quad (x+5)^2 = 0$$

$$\therefore x = -5 \text{ (중근)}$$

$$(\equiv) 4x^2 + 4x - 1 = 0 \text{에서} \quad x^2 + x = \frac{1}{4}$$

$$x^2 + x + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4}, \quad \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}$$

$$\therefore x = \frac{-1 \pm \sqrt{2}}{2}$$

$$(\square) 4x^2 - 2x + \frac{1}{4} = 0 \text{에서} \quad \left(2x - \frac{1}{2}\right)^2 = 0$$

$$\therefore x = \frac{1}{4} \text{ (중근)}$$

이상에서 중근을 갖는 것은 (ㄴ), (ㄷ), (ㄹ)의 3개이다. **답 ③**

17 [해결 Guide] 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 이 중근을 갖는다.

$$\Rightarrow b = \left(\frac{a}{2}\right)^2$$

$$4x^2 + ax + 100 = 0 \text{의 양변을 4로 나누면}$$

$$x^2 + \frac{a}{4}x + 25 = 0$$

$$25 = \left(\frac{a}{8}\right)^2 \text{이므로} \quad a^2 = 1600 \quad \therefore a = \pm 40$$

(i) $a = 40$ 일 때, $4x^2 + 40x + 100 = 0$ 에서

$$4(x+5)^2 = 0 \quad \therefore x = -5 \text{ (중근)}$$

(ii) $a = -40$ 일 때, $4x^2 - 40x + 100 = 0$ 에서

$$4(x-5)^2 = 0 \quad \therefore x = 5 \text{ (중근)}$$

답 $\begin{cases} a = 40 \text{일 때, } x = -5 \text{ (중근)} \\ a = -40 \text{일 때, } x = 5 \text{ (중근)} \end{cases}$

18 [해결 Guide] $(x-p)^2 = q$ ($q \geq 0$)의 해 $\Rightarrow x = p \pm \sqrt{q}$

$$(x+2)^2 - 6 = 0 \text{에서} \quad (x+2)^2 = 6$$

$$x+2 = \pm\sqrt{6} \quad \therefore x = -2 \pm \sqrt{6}$$

따라서 두 근의 곱은

$$(-2 - \sqrt{6}) \times (-2 + \sqrt{6}) = (-2)^2 - (\sqrt{6})^2 = -2$$

답 ②

19 [해결 Guide] 이차방정식 $(x-p)^2 = q$ 가 근을 가질 조건

$\Rightarrow q \geq 0$

$$9(x-2)^2 \geq 0 \text{이므로 이차방정식 } 9(x-2)^2 = k+5 \text{가 근을 가질 조건은}$$

$$k+5 \geq 0 \quad \therefore k \geq -5$$

따라서 상수 k 의 값으로 적당하지 않은 것은 ①이다.

답 ①

REMARK 이차방정식 $(x-p)^2=q$ 의 해

- ① $q>0$ 일 때, $x=p\pm\sqrt{q}$
 - ② $q=0$ 일 때, $x=p$ (중근)
 - ③ $q<0$ 일 때, 해는 없다.
- $(x-p)^2=q$ 의 $\begin{cases} \text{해가 존재할 조건: } q\geq 0 \\ \text{해가 존재하지 않을 조건: } q<0 \end{cases}$

20 **해결 Guide** 이차방정식을 $x^2+bx+c=0$ 꼴로 정리한 후 $(x-p)^2=q$ 꼴로 나타낸다.

$$(x-4)(x-1)=3x^2 \text{에서} \quad x^2-5x+4=3x^2$$

$$\therefore 2x^2+5x-4=0$$

양변을 2로 나누면 $x^2+\frac{5}{2}x-2=0$...40%

$$x^2+\frac{5}{2}x=2, \quad x^2+\frac{5}{2}x+\left(\frac{5}{4}\right)^2=2+\left(\frac{5}{4}\right)^2$$

$$\left(x+\frac{5}{4}\right)^2=\frac{57}{16}$$

...40%

$$\therefore p=\frac{5}{4}, q=\frac{57}{16}$$

...20%

답 $p=\frac{5}{4}, q=\frac{57}{16}$

채점 기준	배점
이차방정식을 $x^2+bx+c=0$ 꼴로 정리하기	40%
$(x-p)^2=q$ 꼴로 나타내기	40%
p, q 의 값 구하기	20%

21 **해결 Guide** $(x-p)^2=q (q\geq 0)$ 의 해 $\Rightarrow x=p\pm\sqrt{q}$

$2x^2-4ax+b=0$ 의 양변을 2로 나누면

$$x^2-2ax+\frac{b}{2}=0, \quad x^2-2ax=-\frac{b}{2}$$

양변에 $\left(\frac{-2a}{2}\right)^2=a^2$ 을 더하면

$$x^2-2ax+a^2=-\frac{b}{2}+a^2$$

$$(x-a)^2=a^2-\frac{b}{2}$$

$$x-a=\pm\sqrt{a^2-\frac{b}{2}}$$

$$\therefore x=a\pm\sqrt{a^2-\frac{b}{2}}$$

따라서 $a=-3, a^2-\frac{b}{2}=7$ 이므로 $b=4$

$$\therefore a+b=1$$

답 1

다른 풀이 $x=-3\pm\sqrt{7}$ 에서 $x+3=\pm\sqrt{7}$

양변을 제곱하면 $(x+3)^2=(\pm\sqrt{7})^2$

$$x^2+6x+9=7, \quad x^2+6x+2=0$$

양변에 2를 곱하면 $2x^2+12x+4=0$

이 이차방정식이 $2x^2-4ax+b=0$ 과 같으므로

$$-4a=12, b=4$$

$$\therefore a=-3, b=4 \quad \therefore a+b=1$$

22 **해결 Guide** x^2 의 계수가 1인 이차방정식의 근이 정수

$\Rightarrow (x-m)(x-n)=0$ 꼴 (단, m, n 은 정수)

이차방정식 $x^2-ax-12=0$ 의 근이 모두 정수이므로

$$x^2-ax-12=(x-m)(x-n)$$

(단, m, n 은 정수, $mn=-12$)

두 정수의 곱이 -12가 되는 경우는 다음과 같다.

$$1\times(-12), -1\times 12, 2\times(-6), -2\times 6,$$

$$3\times(-4), -3\times 4$$

이때 $a=m+n$ 의 값은 각각 -11, 11, -4, 4, -1, 1이므로 상수 a 의 최댓값은 11이다. **답** ④

23 **해결 Guide** 주어진 이차방정식에 $x=-3$ 을 대입하여 등식을 성립하게 하는 상수 a 의 값을 구한다.

$x=-3$ 을 주어진 방정식에 대입하면

$$(a+1)\times(-3)^2+2(a+2)\times(-3)+a^2-4a+1=0$$

$$a^2-a-2=0, \quad (a-2)(a+1)=0$$

$$\therefore a=2 \text{ 또는 } a=-1$$

그런데 $a+1\neq 0$, 즉 $a\neq -1$ 이어야 하므로

$$a=2$$

답 ⑤

REMARK $a=-1$ 이면 주어진 방정식은 이차방정식이 아니므로 $a\neq -1$ 이다.

24 **해결 Guide** $[x]=A$ 로 치환하여 방정식을 푼다.

$[x]=A$ 라 하면

$$A^2-9A+14=0, \quad (A-2)(A-7)=0$$

$$\therefore A=2 \text{ 또는 } A=7$$

즉 $[x]=2$ 또는 $[x]=7$ 이므로

$$2\leq x<3 \text{ 또는 } 7\leq x<8$$

따라서 x 의 최솟값은 2이다. **답** 2

REMARK

$$[x]=n (n \text{은 정수}) \Rightarrow n\leq x< n+1$$

(단, $[x]$ 는 x 보다 크지 않은 최대의 정수)

2 이차방정식의 풀이 (2)

개념

Check

◎ 본책 128~130쪽

29-1 답 (1) 1, -1, -3, $\frac{1 \pm \sqrt{13}}{2}$ (2) 3, 3, $\frac{3 \pm \sqrt{3}}{2}$

30-1 답 (1) $x^2 - 22x + 13$, $11 \pm 6\sqrt{3}$

(2) 10, $x^2 - 10x + 24$, 6

(3) 10, $5x^2 + 3x - 2$, $\frac{2}{5}$

30-2 (1) 괄호를 풀면 $x^2 - 4x + 3 = 3$

$x^2 - 4x = 0$, $x(x - 4) = 0$

$\therefore x = 0$ 또는 $x = 4$

(2) 양변에 8을 곱하면

$2x^2 + 8x - 5 = 0$

$\therefore x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 2 \times (-5)}}{2} = \frac{-4 \pm \sqrt{26}}{2}$

(3) 양변에 100을 곱하면

$x^2 - 10x + 25 = 0$, $(x - 5)^2 = 0$

$\therefore x = 5$ (중근)

답 (1) $x = 0$ 또는 $x = 4$ (2) $x = \frac{-4 \pm \sqrt{26}}{2}$

(3) $x = 5$ (중근)

31-1 답 $x + \frac{1}{3}$, $2A - 3$, $\frac{3}{2}$, $\frac{3}{2}$, $\frac{7}{6}$

31-2 (1) $(x - 2)^2 + 4(x - 2) - 12 = 0$ 에서 $x - 2 = A$ 라 하면

$A^2 + 4A - 12 = 0$, $(A + 6)(A - 2) = 0$

$\therefore A = -6$ 또는 $A = 2$

즉 $x - 2 = -6$ 또는 $x - 2 = 2$ 이므로

$x = -4$ 또는 $x = 4$

(2) $3\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(x - \frac{1}{2}\right) = 4$ 에서 $x - \frac{1}{2} = A$ 라 하면

$3A^2 + A = 4$, $3A^2 + A - 4 = 0$

$(3A + 4)(A - 1) = 0 \quad \therefore A = -\frac{4}{3}$ 또는 $A = 1$

즉 $x - \frac{1}{2} = -\frac{4}{3}$ 또는 $x - \frac{1}{2} = 1$ 이므로

$x = -\frac{5}{6}$ 또는 $x = \frac{3}{2}$

(3) $\frac{(2x - 1)^2}{3} - \frac{2x - 1}{6} - 1 = 0$ 에서 $2x - 1 = A$ 라 하면

$\frac{A^2}{3} - \frac{A}{6} - 1 = 0$, $2A^2 - A - 6 = 0$

$(2A + 3)(A - 2) = 0 \quad \therefore A = -\frac{3}{2}$ 또는 $A = 2$

즉 $2x - 1 = -\frac{3}{2}$ 또는 $2x - 1 = 2$ 이므로

$x = -\frac{1}{4}$ 또는 $x = \frac{3}{2}$

답 (1) $x = -4$ 또는 $x = 4$ (2) $x = -\frac{5}{6}$ 또는 $x = \frac{3}{2}$

(3) $x = -\frac{1}{4}$ 또는 $x = \frac{3}{2}$

◎ 본책 131~133쪽

유제

085-1 (1) 근의 공식에서 $a = 1$, $b = -7$, $c = 3$ 인 경우이므로

$x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 - 4 \times 1 \times 3}}{2 \times 1} = \frac{7 \pm \sqrt{37}}{2}$

(2) 근의 공식에서 $a = 2$, $b = 5$, $c = 1$ 인 경우이므로

$x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \times 2 \times 1}}{2 \times 2} = \frac{-5 \pm \sqrt{17}}{4}$

(3) 근의 공식에서 $a = 3$, $b' = -2$, $c = -2$ 인 경우이므로

$x = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 3 \times (-2)}}{3} = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$

(4) 근의 공식에서 $a = 5$, $b' = 2$, $c = -3$ 인 경우이므로

$x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 5 \times (-3)}}{5} = \frac{-2 \pm \sqrt{19}}{5}$

답 (1) $\frac{7 \pm \sqrt{37}}{2}$ (2) $x = \frac{-5 \pm \sqrt{17}}{4}$

(3) $\frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$ (4) $x = \frac{-2 \pm \sqrt{19}}{5}$

085-2 $3x^2 - 9x + 5 = 0$ 에서

$x = \frac{-(-9) \pm \sqrt{(-9)^2 - 4 \times 3 \times 5}}{2 \times 3} = \frac{9 \pm \sqrt{21}}{6}$

따라서 $p = \frac{9 + \sqrt{21}}{6}$, $q = \frac{9 - \sqrt{21}}{6}$ 이므로

$p - q = \frac{9 + \sqrt{21}}{6} - \frac{9 - \sqrt{21}}{6} = \frac{\sqrt{21}}{3} \quad \text{답} \quad \frac{\sqrt{21}}{3}$

086-1 $3x^2 - Ax + 1 = 0$ 에서

$x = \frac{-(-A) \pm \sqrt{(-A)^2 - 4 \times 3 \times 1}}{2 \times 3}$

$= \frac{A \pm \sqrt{A^2 - 12}}{6} = \frac{5 \pm \sqrt{21}}{6}$

따라서 $A = 5$, $B = A^2 - 12 = 13$ 이므로

$A + B = 18$

답 18

087-1 괄호를 풀면

$6x^2 - 3 + 4x = 8x^2 - 8$, $2x^2 - 4x - 5 = 0$

$\therefore x = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 2 \times (-5)}}{2} = \frac{2 \pm \sqrt{14}}{2}$

따라서 $\alpha = \frac{2+\sqrt{14}}{2}$ 이므로

$$2\alpha - 2 = 2 \times \frac{2+\sqrt{14}}{2} - 2 = \sqrt{14}$$

답 $\sqrt{14}$

088-1 양변에 30을 곱하면 $10x^2 - 9 = 20x + 6$

$$10x^2 - 20x - 15 = 0, \quad 2x^2 - 4x - 3 = 0$$

$$\therefore x = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 2 \times (-3)}}{2} \\ = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{2}$$

답 ④

089-1 $\frac{1}{3}x + 2 = A$ 라 하면

$$3A^2 - 8A - 3 = 0, \quad (3A+1)(A-3) = 0$$

$$\therefore A = -\frac{1}{3} \text{ 또는 } A = 3$$

즉 $\frac{1}{3}x + 2 = -\frac{1}{3}$ 또는 $\frac{1}{3}x + 2 = 3$ 이므로

$$x = -7 \text{ 또는 } x = 3$$

따라서 두 근의 차는

$$3 - (-7) = 10$$

답 ⑤



개념 Check

◎ 본책 134쪽

32-1 (1) $x^2 - 2x - 6 = 0$ 에서

$$(-2)^2 - 4 \times 1 \times (-6) = 28 > 0$$

이므로 서로 다른 두 근을 갖는다. \therefore 2개

(2) $2x^2 - 5x + 9 = 0$ 에서

$$(-5)^2 - 4 \times 2 \times 9 = -47 < 0$$

이므로 근이 없다. \therefore 0개

(3) $8x^2 + x - 7 = 0$ 에서

$$1^2 - 4 \times 8 \times (-7) = 225 > 0$$

이므로 서로 다른 두 근을 갖는다. \therefore 2개

(4) $-x^2 + 8x - 16 = 0$ 에서

$$8^2 - 4 \times (-1) \times (-16) = 0$$

이므로 중근을 갖는다. \therefore 1개

답 ① 2개 ② 0개 ③ 2개 ④ 1개

32-2 (1) $x^2 + 2x = 0$ 에서

$$(\text{두 근의 합}) = -\frac{2}{1} = -2$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \frac{0}{1} = 0$$

(2) $x^2 - 6x - 2 = 0$ 에서

$$(\text{두 근의 합}) = -\frac{-6}{1} = 6$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \frac{-2}{1} = -2$$

(3) $4x^2 - x - 3 = 0$ 에서

$$(\text{두 근의 합}) = -\frac{-1}{4} = \frac{1}{4}$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \frac{-3}{4} = -\frac{3}{4}$$

(4) $2x^2 + 5x + 1 = 0$ 에서

$$(\text{두 근의 합}) = -\frac{5}{2}$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \frac{1}{2}$$

답 풀이 참조

유제

◎ 본책 135~138쪽

090-1 ① $(-4)^2 - 4 \times 2 \times 1 = 8 > 0$

→ 서로 다른 두 근을 갖는다.

② $1^2 - 4 \times 3 \times (-4) = 49 > 0$

→ 서로 다른 두 근을 갖는다.

③ $4x^2 + 5x - 2 = 0$ 이므로

$$5^2 - 4 \times 4 \times (-2) = 57 > 0$$

→ 서로 다른 두 근을 갖는다.

④ $(-17)^2 - 4 \times 3 \times 1 = 277 > 0$

→ 서로 다른 두 근을 갖는다.

⑤ $9x^2 - 12x + 4 = 0$ 이므로

$$(-12)^2 - 4 \times 9 \times 4 = 0$$

→ 한 근(중근)을 갖는다.

따라서 서로 다른 근의 개수가 나머지 넷과 다른 하나는 ⑤이다.

답 ⑤

091-1 $(-20)^2 - 4 \times 4 \times 5p = 0$ 에서

$$400 - 80p = 0 \quad \therefore p = 5$$

$\{- (p+3)\}^2 - 4 \times 1 \times 2q = 0$ 에서 $p = 5$ 이므로

$$64 - 8q = 0 \quad \therefore q = 8$$

$$\therefore p + q = 13$$

답 13

092-1 $2x^2 - 8x + k - 7 = 0$ 에서

$$(-8)^2 - 4 \times 2 \times (k-7) \geq 0$$

$$-8k + 120 \geq 0 \quad \therefore k \leq 15$$

따라서 주어진 방정식이 해를 갖도록 하는 가장 큰 정수 k 의 값은 15이다.

답 15

093-1 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$$-\frac{(a-1)}{2}=3, \frac{b}{2}=\frac{3}{2}$$

따라서 $a=-5$, $b=3$ 이므로

$$ab=-15$$

답 -15

094-1 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$$\alpha+\beta=-\frac{-8}{4}=2, \quad \alpha\beta=\frac{-32}{4}=-8$$

$$\textcircled{1} 2(\alpha+\beta)=2\times 2=4$$

$$\textcircled{2} \frac{1}{4}\alpha\beta=\frac{1}{4}\times(-8)=-2$$

$$\textcircled{3} \alpha^2-\alpha\beta+\beta^2=(\alpha+\beta)^2-3\alpha\beta \\ =2^2-3\times(-8)=28$$

$$\textcircled{4} \frac{1}{\alpha}+\frac{1}{\beta}=\frac{\alpha+\beta}{\alpha\beta}=\frac{2}{-8}=-\frac{1}{4}$$

$$\textcircled{5} \frac{\alpha}{\beta}+\frac{\beta}{\alpha}=\frac{\alpha^2+\beta^2}{\alpha\beta}=\frac{(\alpha+\beta)^2-2\alpha\beta}{\alpha\beta} \\ =\frac{2^2-2\times(-8)}{-8}=-\frac{5}{2}$$

따라서 옳은 것은 ④이다.

답 ④

095-1 이차방정식 $x^2+ax+b=0$ 에서 근과 계수의 관계에 의하여

$$-a=-5+1=-4 \quad \therefore a=4$$

$$b=-5\times 1=-5$$

따라서 이차방정식 $bx^2+ax+1=0$, 즉 $-5x^2+4x+1=0$ 에서

$$5x^2-4x-1=0, \quad (5x+1)(x-1)=0$$

$$\therefore x=-\frac{1}{5} \text{ 또는 } x=1 \quad \text{답 } x=-\frac{1}{5} \text{ 또는 } x=1$$

096-1 두 근을 α , $\alpha+2$ 로 놓으면 근과 계수의 관계에 의하여

$$\alpha+(\alpha+2)=-\frac{-12}{3}=4 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$$\alpha(\alpha+2)=\frac{k-1}{3} \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}\text{에서 } 2\alpha+2=4 \quad \therefore \alpha=1$$

$$\alpha=1\text{을 } \textcircled{2}\text{에 대입하면 } 1\times(1+2)=\frac{k-1}{3}$$

$$k-1=9 \quad \therefore k=10$$

답 ⑤

097-1 두 근을 α , 3α 로 놓으면 근과 계수의 관계에 의하여

$$\alpha+3\alpha=4k \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$$\alpha\times 3\alpha=12 \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{2}\text{에서 } 3\alpha^2=12, \quad \alpha^2=4 \quad \therefore \alpha=\pm 2$$

$$\textcircled{1}\text{에서 } 4\alpha=4k, \quad \alpha=k \quad \therefore k=2 (\because k>0) \quad \text{답 2}$$

단원 마무리

◎ 본책 139~141쪽

01 ⑤ 02 ④ 03 8 04 (㉠, ㉡) 05 ①

06 -1 07 ① 08 $\sqrt{17}$ 09 $\sqrt{33}$ 10 ③

11 $x=4, y=1$ 또는 $x=3, y=2$ 12 3

13 ⑤ 14 ①, ④ 15 ③ 16 2 17 ⑤

18 5, 8, 9 19 $\sqrt{19}$

01 **해결 Guide** $ax^2+2b'x+c=0$ ($a\neq 0$)

$$\Rightarrow x=\frac{-b'\pm\sqrt{b'^2-ac}}{a} \text{를 이용한다.}$$

$$x=-(-5)\pm\sqrt{(-5)^2-1\times 17} \\ =5\pm 2\sqrt{2}$$

답 ⑤

02 **해결 Guide** 근의 공식을 이용하여 이차방정식의 근을 구한 후 주어진 근과 비교한다.

$$3x^2-6x+k-2=0\text{에서}$$

$$x=\frac{-(-3)\pm\sqrt{(-3)^2-3\times(k-2)}}{3} \\ =\frac{3\pm\sqrt{15-3k}}{3} \\ =\frac{3\pm 2\sqrt{3}}{3}=\frac{3\pm\sqrt{12}}{3}$$

$$\text{이므로 } 15-3k=12 \quad \therefore k=1$$

답 ④

다른 풀이 $x=\frac{3\pm 2\sqrt{3}}{3}$ 에서 $3x-3=\pm 2\sqrt{3}$

$$(3x-3)^2=12, \quad 9x^2-18x-3=0$$

$$\therefore 3x^2-6x-1=0$$

$$\text{따라서 } k-2=-1\text{이므로 } k=1$$

03 **해결 Guide** 계수가 분수 또는 소수인 이차방정식 \Rightarrow 양변에 적당한 수를 곱하여 계수를 정수로 고친다.

주어진 이차방정식의 양변에 10을 곱하면

$$2x^2-5(x-2)(x+1)=3x+8$$

$$3x^2-2x-2=0$$

...40%

$$\therefore x=\frac{-(-1)\pm\sqrt{(-1)^2-3\times(-2)}}{3}$$

$$=\frac{1\pm\sqrt{7}}{3}$$

...40%

$$\text{따라서 } A=1, B=7\text{이므로}$$

$$A+B=8$$

...20%

답 8

채점 기준	배점
이차방정식을 간단히 정리하기	40%
이차방정식의 근 구하기	40%
A+B의 값 구하기	20%

04 [해결 Guide] 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ 에서

$b^2-4ac>0 \Rightarrow$ 서로 다른 두 근을 갖는다.

$b^2-4ac=0 \Rightarrow$ 한 근(중근)을 갖는다.

$b^2-4ac<0 \Rightarrow$ 근이 없다.

$$(\neg) 5^2-4 \times 1 \times (-1)=29>0$$

\Rightarrow 서로 다른 두 근을 갖는다.

$$(\neg) (-1)^2-4 \times 2 \times 7=-55<0$$

\Rightarrow 근이 없다.

$$(\neg) 6^2-4 \times (-1) \times 5=56>0$$

\Rightarrow 서로 다른 두 근을 갖는다.

$$(\neg) 8^2-4 \times 8 \times 2=0$$

\Rightarrow 한 근(중근)을 갖는다.

이상에서 서로 다른 두 근을 갖는 이차방정식은 $(\neg), (\neg)$ 이다.

[답] $(\neg), (\neg)$

05 [해결 Guide] 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ 이 중근을 가질 조건

$\Rightarrow b^2-4ac=0$

$$2x^2-6x-m=0 \text{에서}$$

$$(-6)^2-4 \times 2 \times (-m)=0$$

$$36+8m=0 \quad \therefore m=-\frac{9}{2}$$

[답] ①

06 [해결 Guide] 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= -\frac{b}{a}$, (두 근의 곱) $= \frac{c}{a}$

이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$$m=-\frac{-4}{3}=\frac{4}{3}$$

$$\therefore 3m-5=3 \times \frac{4}{3}-5=-1$$

[답] -1

07 [해결 Guide] 두 근의 비가 $2:3 \Rightarrow$ 두 근을 $2\alpha, 3\alpha$ 로 놓는다.

두 근을 $2\alpha, 3\alpha$ 로 놓으면 근과 계수의 관계에 의하여

$$2\alpha+3\alpha=-\frac{-15}{3}=5 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$$2\alpha \times 3\alpha=-\frac{2k}{3} \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \text{에서} \quad 5\alpha=5 \quad \therefore \alpha=1$$

$\alpha=1$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$2 \times 3=-\frac{2k}{3} \quad \therefore k=-9$$

[답] ①

08 [해결 Guide] $ax^2+bx+c=0$ ($a \neq 0$)

$\Rightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2-4ac}}{2a}$ 를 이용한다.

$$x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2-4 \times 2 \times 1}}{2 \times 2} = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{4} \text{이므로}$$

$$k = \frac{5 + \sqrt{17}}{4}$$

$$\therefore 4k-5=4 \times \frac{5 + \sqrt{17}}{4}-5=\sqrt{17}$$

[답] $\sqrt{17}$

09 [해결 Guide] 양변에 적당한 수를 곱하여 모든 계수를 정수로 고친다.

주어진 이차방정식의 양변에 6을 곱하면

$$3(x+2)(x-1)=2x^2, \quad x^2+3x-6=0$$

$$\therefore x = \frac{-3 \pm \sqrt{3^2-4 \times 1 \times (-6)}}{2} = \frac{-3 \pm \sqrt{33}}{2}$$

$$\text{따라서 } \alpha = \frac{-3 + \sqrt{33}}{2}, \quad \beta = \frac{-3 - \sqrt{33}}{2} \text{이므로}$$

$$\alpha - \beta = \frac{-3 + \sqrt{33}}{2} - \frac{-3 - \sqrt{33}}{2}$$

$$= \sqrt{33}$$

[답] $\sqrt{33}$

10 [해결 Guide] 근의 공식을 이용하여 근을 구한 후 주어진 근과 비교한다.

이차방정식의 양변에 4를 곱하면

$$3x^2+4x+4a=0$$

$$\therefore x = \frac{-2 \pm \sqrt{4-12a}}{3} = \frac{b \pm \sqrt{10}}{3}$$

따라서 $4-12a=10, -2=b$ 이므로

$$a=-\frac{1}{2}, \quad b=-2$$

$$\therefore ab = \left(-\frac{1}{2}\right) \times (-2) = 1$$

[답] ③

11 [해결 Guide] 공통부분을 치환하여 방정식을 푼다.

$x+y=A$ 라 하면

$$A(A-3)=10$$

$$A^2-3A-10=0$$

$$(A+2)(A-5)=0$$

$$\therefore A=-2 \text{ 또는 } A=5$$

x, y 는 자연수이므로 $x+y=5$

이때 $x>y$ 이므로

$$x=4, y=1 \text{ 또는 } x=3, y=2$$

[답] $x=4, y=1$ 또는 $x=3, y=2$

12 [해결 Guide] 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ 이 근을 가질 조건
 $\Rightarrow b^2-4ac \geq 0$

$$3^2-4 \times 1 \times (5-k) \geq 0 \text{ 이므로}$$

$$-11+4k \geq 0, \quad 4k \geq 11$$

$$\therefore k \geq \frac{11}{4} \quad \dots 70\%$$

따라서 주어진 방정식이 근을 갖도록 하는 상수 k 의 값 중 가장 작은 자연수는 3이다. $\dots 30\%$

[답 3]

채점 기준	배점
k 의 값의 범위 구하기	70%
가장 작은 자연수 구하기	30%

13 [해결 Guide] 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ 이 서로 다른 두 근을 가질 조건 $\Rightarrow b^2-4ac > 0$

$$4^2-4 \times (a-2) \times (-1) > 0 \text{ 이므로}$$

$$16+4a-8 > 0, \quad 4a > -8$$

$$\therefore a > -2$$

$$a \neq 2 \text{ 이므로 } -2 < a < 2 \text{ 또는 } a > 2 \quad \text{[답 5]}$$

REMARK $a=2$ 이면 주어진 방정식은
 $4x-1=0$
 이 되므로 이차방정식이 아니다.
 $\therefore a \neq 2$

14 [해결 Guide] 이차방정식의 근과 계수의 관계를 이용하여 두 근의 합과 곱을 구한다.

이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$$(\text{두 근의 합}) = -(a+4)$$

$$(\text{두 근의 곱}) = a(a-6)$$

두 근의 합과 곱이 같으므로

$$-(a+4) = a(a-6), \quad a^2-5a+4=0$$

$$(a-1)(a-4)=0 \quad \therefore a=1 \text{ 또는 } a=4$$

[답 1, 4]

15 [해결 Guide] 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ 의 두 근이 α, β

$$\Rightarrow \alpha+\beta = -\frac{b}{a}, \quad \alpha\beta = \frac{c}{a}$$

$$x=-1 \text{ 이 } x^2+px-3=0 \text{ 의 근이므로}$$

$$1+p-3=0 \quad \therefore p=2$$

$$x^2+ax+b=0 \text{ 의 두 근이 } x=p \text{ 또는 } x=3, \text{ 즉 } x=2 \text{ 또는}$$

$$x=3 \text{ 이므로 근과 계수의 관계에 의하여}$$

$$-a=2+3, \quad b=2 \times 3 \quad \therefore a=-5, \quad b=6$$

$$\therefore a+b+p=3 \quad \text{[답 3]}$$

16 [해결 Guide] 두 근의 합과 곱을 각각 구한 후 곱셈 공식의 변형을 이용한다.

이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$$\alpha+\beta=12, \quad \alpha\beta=8$$

$$\therefore \frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2} = \frac{\alpha^2+\beta^2}{\alpha^2\beta^2} = \frac{(\alpha+\beta)^2-2\alpha\beta}{(\alpha\beta)^2} \\ = \frac{12^2-2 \times 8}{8^2} = 2 \quad \text{[답 2]}$$

17 [해결 Guide] 두 근의 차가 5 \Rightarrow 두 근을 $\alpha, \alpha+5$ 로 놓는다.

두 근을 $\alpha, \alpha+5$ 로 놓으면 근과 계수의 관계에 의하여

$$\alpha + (\alpha+5) = -(1-2k) = 2k-1 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$$\alpha(\alpha+5) = 4k \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \text{에서 } 2\alpha+5=2k-1 \quad \therefore \alpha=k-3$$

$\alpha=k-3$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$(k-3)(k+2)=4k, \quad k^2-5k-6=0$$

$$(k+1)(k-6)=0 \quad \therefore k=-1 (\because k < 0) \quad \text{[답 5]}$$

18 [해결 Guide] $ax^2+bx+c=0 (a \neq 0)$ 의 해가 유리수

$$\Rightarrow b^2-4ac = (\text{유리수})^2$$

$$x^2+6x+k=0 \text{에서 } x = -3 \pm \sqrt{9-k}$$

x 가 유리수이어야 하므로 $9-k$ 는 (유리수)² 꼴이어야 한다.

이때 k 는 자연수이므로 $9-k$ 는 0 또는 9보다 작은 제곱수이다.

즉 $9-k=0$ 또는 $9-k=1$ 또는 $9-k=4$ 이므로

$$k=9 \text{ 또는 } k=8 \text{ 또는 } k=5 \quad \text{[답 5, 8, 9]}$$

19 [해결 Guide] 두 근의 합과 곱을 구한 후 곱셈 공식의 변형을 이용한다.

$$(x-1)^2=1-(x+1)(x-5) \text{에서}$$

$$x^2-2x+1=1-x^2+4x+5$$

$$2x^2-6x-5=0 \quad \dots 20\%$$

이 이차방정식의 두 근이 α, β 이므로 근과 계수의 관계에 의하여

$$\alpha+\beta=3, \quad \alpha\beta=-\frac{5}{2} \quad \dots 40\%$$

$$\therefore (\alpha-\beta)^2 = (\alpha+\beta)^2 - 4\alpha\beta = 3^2 - 4 \times \left(-\frac{5}{2}\right) = 19$$

$$\text{따라서 } \alpha-\beta = \pm\sqrt{19} \text{ 이므로 } |\alpha-\beta| = \sqrt{19} \quad \dots 40\%$$

[답 $\sqrt{19}$]

채점 기준	배점
이차방정식을 간단히 정리하기	20%
두 근의 합과 곱 구하기	40%
$ \alpha-\beta $ 의 값 구하기	40%

3 이차방정식의 활용

개념 Check

◎ 본책 144~145쪽

33-1 (1) $-(x+1)(x-4)=0$, $-(x^2-3x-4)=0$

$\therefore -x^2+3x+4=0$

(2) $2(x-3)^2=0$, $2(x^2-6x+9)=0$

$\therefore 2x^2-12x+18=0$

(3) 두 근의 합: $(2-\sqrt{3})+(2+\sqrt{3})=4$

두 근의 곱: $(2-\sqrt{3}) \times (2+\sqrt{3})=1$

$\therefore x^2-4x+1=0$

답 (1) $-x^2+3x+4=0$

(2) $2x^2-12x+18=0$

(3) $x^2-4x+1=0$

REMARK 이차방정식의 근과 계수의 관계

이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ 의 두 근을 α , β 라 하면

$$\alpha+\beta=-\frac{b}{a}, \alpha\beta=\frac{c}{a}$$

33-2 (1) 다른 한 근이 $2+\sqrt{2}$ 이므로 근과 계수의 관계에 의하여

$k=(2-\sqrt{2}) \times (2+\sqrt{2})=2$

(2) 다른 한 근이 $-1-\sqrt{3}$ 이므로 근과 계수의 관계에 의하여

$-k=(-1+\sqrt{3}) \times (-1-\sqrt{3})=-2$

$\therefore k=2$

(3) 다른 한 근이 $-2-\sqrt{5}$ 이므로 근과 계수의 관계에 의하여

$k=(-2+\sqrt{5})+(-2-\sqrt{5})=-4$

(4) 다른 한 근이 $4+\sqrt{11}$ 이므로 근과 계수의 관계에 의하여

$-k=(4-\sqrt{11})+(4+\sqrt{11})=8$

$\therefore k=-8$

답 (1) 2 (2) 2 (3) -4 (4) -8

34-1 답 x^2-48 , x^2 , 48, 6, 8, -6, 8, 8, 8

유제

◎ 본책 146~150쪽

098-1 중근이 $-\frac{5}{3}$ 이고 x^2 의 계수가 9인 이차방정식은

$9\left(x+\frac{5}{3}\right)^2=0$

$9\left(x^2+\frac{10}{3}x+\frac{25}{9}\right)=0$

$\therefore 9x^2+30x+25=0$

따라서 $a=30$, $b=25$ 이므로

$a+b=55$

답 ⑤

099-1 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$\alpha+\beta=3$, $\alpha\beta=\frac{1}{2}$

이때 $(\alpha+1)+(\beta+1)=\alpha+\beta+2=3+2=5$

$(\alpha+1)(\beta+1)=\alpha\beta+\alpha+\beta+1=\frac{1}{2}+3+1=\frac{9}{2}$

이므로 $\alpha+1$, $\beta+1$ 을 두 근으로 하고 x^2 의 계수가 2인 이차방정식은

$2\left(x^2-5x+\frac{9}{2}\right)=0$

$\therefore 2x^2-10x+9=0$

답 $2x^2-10x+9=0$

100-1 $2x^2+ax+b=0$ 의 다른 한 근은 $3-\sqrt{2}$ 이므로 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$-\frac{a}{2}=(3+\sqrt{2})+(3-\sqrt{2})=6$

$\therefore a=-12$

$\frac{b}{2}=(3+\sqrt{2}) \times (3-\sqrt{2})=7$

$\therefore b=14$

답 $a=-12$, $b=14$

101-1 자연수 1부터 n 까지의 합을 190이라 하면

$\frac{n(n+1)}{2}=190$

$n(n+1)=380$

$n^2+n-380=0$

$(n+20)(n-19)=0$

$\therefore n=19$ ($\because n$ 은 자연수)

따라서 1부터 19까지 더해야 한다.

답 19

102-1 $(x, -3) \odot (3x, x)=1$ 에서

$x \times 3x - (-3) \times x = 1$

$3x^2+3x-1=0$

따라서 주어진 식을 만족시키는 모든 실수 x 의 값의 합은 근과 계수의 관계에 의하여

$-\frac{3}{3}=-1$

답 ②

REMARK 이차방정식 $3x^2+3x-1=0$ 에서

$3^2-4 \times 3 \times (-1)=9+12=21>0$

이므로 이차방정식은 서로 다른 2개의 근을 갖고 이 두 근은 실수이다.

103-1 연속하는 두 짝수를 $x, x+2$ 라 하면

$$x^2 + (x+2)^2 = 340$$

$$2x^2 + 4x - 336 = 0$$

$$x^2 + 2x - 168 = 0$$

$$(x+14)(x-12) = 0$$

$$\therefore x = 12 (\because x \text{는 자연수})$$

따라서 구하는 두 짝수는 12, 14이다.

답 12, 14

104-1 펼친 두 면 중 왼쪽 면의 쪽수를 x 라 하면 오른쪽 면의 쪽수는 $x+1$ 이다.

두 면의 쪽수를 곱하면 1056이므로

$$x(x+1) = 1056$$

$$x^2 + x - 1056 = 0$$

$$(x+33)(x-32) = 0$$

$$\therefore x = 32 (\because x \text{는 자연수})$$

따라서 경화가 펼친 두 면의 쪽수는 32, 33이다.

답 32, 33

105-1 높이가 125 m이므로 $h=125$ 를 $h=50t-5t^2$ 에 대입하면

$$125 = 50t - 5t^2$$

$$5t^2 - 50t + 125 = 0$$

$$t^2 - 10t + 25 = 0$$

$$(t-5)^2 = 0$$

$$\therefore t = 5 (\text{중근})$$

따라서 물체의 높이가 125 m가 되는 것은 5초 후이다.

답 5초

106-1 처음 원의 반지름의 길이를 x cm라 하면 처음 원의 넓이는 πx^2 cm²이고 반지름의 길이를 3 cm만큼 줄인 원의 넓이는 $\pi(x-3)^2$ cm²이므로

$$\pi(x-3)^2 = \frac{1}{4}\pi x^2$$

$$x^2 - 6x + 9 = \frac{1}{4}x^2$$

$$4x^2 - 24x + 36 = x^2$$

$$3x^2 - 24x + 36 = 0$$

$$x^2 - 8x + 12 = 0$$

$$(x-2)(x-6) = 0$$

$$\therefore x = 6 (\because x > 3)$$

따라서 처음 원의 반지름의 길이는 6 cm이다.

답 6 cm

107-1 산책로의 폭을 x m라 하면 산책로와 꽃밭의 넓이의 합은 $(10+2x)(8+2x)$ m²이고 꽃밭의 넓이는 80 m²이므로

$$(10+2x)(8+2x) - 80 = 88$$

$$4x^2 + 36x - 88 = 0$$

$$x^2 + 9x - 22 = 0$$

$$(x+11)(x-2) = 0$$

$$\therefore x = 2 (\because x > 0)$$

따라서 산책로의 폭은 2 m이다.

답 2 m

단원 마무리

◎ 본책 151~153쪽

01 $x=1$ (중근)

02 ③

03 ④

04 7

05 ③

06 5 cm

07 $x^2 - x - 2 = 0$

08 ②

09 $x = -3$ 또는 $x = 2$

10 $a = 5, b = -2$

11 ②

12 $\frac{3 \pm \sqrt{29}}{2}$

13 ③

14 ③

15 4 cm

16 $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ cm

17 ②, ⑤

18 10

01 **해결 Guide** 두 근이 α, β 이고 x^2 의 계수가 a 인 이차방정식

$$\Rightarrow a(x-\alpha)(x-\beta) = 0$$

두 근이 $-\frac{2}{3}, \frac{1}{2}$ 이고 x^2 의 계수가 6인 이차방정식은

$$6\left(x + \frac{2}{3}\right)\left(x - \frac{1}{2}\right) = 0$$

$$6\left(x^2 + \frac{1}{6}x - \frac{1}{3}\right) = 0$$

$$6x^2 + x - 2 = 0$$

$$\therefore a = 1, b = -2$$

따라서 $x^2 + bx + a = 0$ 은 $x^2 - 2x + 1 = 0$ 이므로

$$(x-1)^2 = 0 \quad \therefore x = 1 (\text{중근})$$

답 $x = 1$ (중근)

다른 풀이 $6x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이 $-\frac{2}{3}, \frac{1}{2}$ 이므로 근과 계수의 관계에 의하여

$$-\frac{a}{6} = -\frac{2}{3} + \frac{1}{2} = -\frac{1}{6} \quad \therefore a = 1$$

$$\frac{b}{6} = -\frac{2}{3} \times \frac{1}{2} = -\frac{1}{3} \quad \therefore b = -2$$

따라서 $x^2 + bx + a = 0$ 은 $x^2 - 2x + 1 = 0$ 이므로

$$(x-1)^2 = 0 \quad \therefore x = 1 (\text{중근})$$

02 **해결 Guide** 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ (a, b, c 는 유리수)의 한 근이 $p+q\sqrt{m} \Rightarrow$ 다른 한 근은 $p-q\sqrt{m}$ (단, p, q 는 유리수, \sqrt{m} 은 무리수)

$x^2-(k-2)x-1=0$ 의 다른 한 근은 $1-\sqrt{2}$ 이므로 근과 계수의 관계에 의하여

$$k-2=(1+\sqrt{2})+(1-\sqrt{2})=2$$

$$\therefore k=4$$

답 ③

03 **해결 Guide** 회원 수를 n 명으로 놓고 식을 세운다.

회원 수를 n 명이라 하면

$$\frac{n(n-1)}{2}=210$$

$$n^2-n-420=0$$

$$(n-21)(n+20)=0$$

$$\therefore n=21 (\because n>2)$$

따라서 동호회의 회원은 21명이다.

답 ④

04 **해결 Guide** 연속하는 세 자연수

$\Rightarrow x-1, x, x+1$ 로 놓는다. (단, $x \geq 2$)

연속하는 세 자연수를 $x-1, x, x+1$ ($x \geq 2$)이라 하면

$$(x+1)^2=2x(x-1)-11$$

...40%

$$x^2+2x+1=2x^2-2x-11$$

$$x^2-4x-12=0$$

$$(x-6)(x+2)=0$$

$$\therefore x=6 (\because x \geq 2)$$

...40%

따라서 구하는 가장 큰 자연수는 7이다.

...20%

답 7

채점 기준	배점
방정식 세우기	40%
방정식 풀기	40%
가장 큰 자연수 구하기	20%

REMARK $x=6$ 이므로 연속하는 세 자연수는 5, 6, 7이다.

05 **해결 Guide** 지면에 떨어질 때의 높이는 0m이다.

공이 지면에 떨어지는 것은 (높이)=0일 때이므로

$$-5t^2+30t+80=0$$

$$t^2-6t-16=0$$

$$(t-8)(t+2)=0$$

$$\therefore t=8 (\because t>0)$$

따라서 공이 지면에 떨어지는 것은 쏘아 올린 지 8초 후이다.

답 ③

06 **해결 Guide** 작은 정사각형의 한 변의 길이를 x cm로 놓고 전체 넓이에 대한 식을 세운다.

작은 정사각형의 한 변의 길이를 x cm라 하면 큰 정사각형의 한 변의 길이는 $(13-x)$ cm이므로

$$x^2+(13-x)^2=89$$

$$2x^2-26x+80=0$$

$$x^2-13x+40=0$$

$$(x-5)(x-8)=0$$

$$\therefore x=5 (\because 0<x<\frac{13}{2})$$

따라서 작은 정사각형의 한 변의 길이는 5cm이다.

답 5cm

07 **해결 Guide** 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ 이 중근을 가질 조건 $\Rightarrow b^2-4ac=0$

$2x^2-4x+m=0$ 이 중근을 가지므로

$$(-4)^2-4 \times 2 \times m=0 \quad \therefore m=2$$

따라서 두 근이 2, -1이고 x^2 의 계수가 1인 이차방정식은

$$(x-2)(x+1)=0$$

$$\therefore x^2-x-2=0$$

$$\text{답 } x^2-x-2=0$$

08 **해결 Guide** 두 근의 합이 m , 곱이 n 이고 x^2 의 계수가 a 인 이차방정식 $\Rightarrow a(x^2-mx+n)=0$

이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$$\alpha+\beta=-6, \alpha\beta=-2$$

$$\therefore \frac{1}{\alpha}+\frac{1}{\beta}=\frac{\alpha+\beta}{\alpha\beta}=\frac{-6}{-2}=3,$$

$$\frac{1}{\alpha} \times \frac{1}{\beta}=\frac{1}{\alpha\beta}=\frac{1}{-2}=-\frac{1}{2}$$

따라서 구하는 이차방정식은

$$2\left(x^2-3x-\frac{1}{2}\right)=0$$

$$\therefore 2x^2-6x-1=0$$

답 ②

09 **해결 Guide** 해수는 상수항을 바르게 보았고 동건이는 x 의 계수를 바르게 보았다.

해수가 푼 이차방정식은

$$(x+1)(x-6)=0 \quad \therefore x^2-5x-6=0$$

해수는 상수항을 바르게 보았으므로 원래의 이차방정식의 상수항은 -6이다.

동건이가 푼 이차방정식은

$$(x+4)(x-3)=0 \quad \therefore x^2+x-12=0$$

동건이는 x 의 계수를 바르게 보았으므로 원래의 이차방정식의 x 의 계수는 1이다.

따라서 원래의 이차방정식은 $x^2+x-6=0$ 이므로

$$(x+3)(x-2)=0$$

$$\therefore x=-3 \text{ 또는 } x=2 \quad \text{답 } x=-3 \text{ 또는 } x=2$$

10 **해결 Guide** 이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ (a, b, c 는 유리수)의 한 근이 $p+q\sqrt{m} \Rightarrow$ 다른 한 근은 $p-q\sqrt{m}$ (단, p, q 는 유리수, \sqrt{m} 은 무리수)

이차방정식 $ax^2+bx-1=0$ 의 다른 한 근은

$$\frac{1+\sqrt{6}}{5} \quad \dots 40\%$$

근과 계수의 관계에 의하여

$$-\frac{1}{a} = \frac{1-\sqrt{6}}{5} \times \frac{1+\sqrt{6}}{5} = -\frac{1}{5} \quad \therefore a=5 \quad \dots 30\%$$

$$-\frac{b}{5} = \frac{1-\sqrt{6}}{5} + \frac{1+\sqrt{6}}{5} = \frac{2}{5} \quad \therefore b=-2 \quad \dots 30\%$$

$$\text{답 } a=5, b=-2$$

채점 기준	배점
다른 한 근 구하기	40%
a 의 값 구하기	30%
b 의 값 구하기	30%

11 **해결 Guide** (대각선에 있는 수의 합) = (세로에 있는 수의 합)임을 이용하여 식을 세운다.

$$(x^2-3x)+(x+1)+6=8+1+6 \text{ 이므로}$$

$$x^2-2x-8=0$$

$$(x-4)(x+2)=0$$

$$\therefore x=4 \text{ (}\because x \text{는 자연수)} \quad \text{답 } ②$$

REMARK 1부터 9까지의 자연수의 합은

$$1+2+3+\dots+9=45$$

가로, 세로, 대각선에 있는 수의 합이 모두 같으므로 그 합은

$$\frac{45}{3}=15$$

따라서 표를 완성하면 오른쪽과 같다.

4	3	8
9	5	1
2	7	6

12 **해결 Guide** 주어진 연산에 맞게 방정식을 세운다.

$$<3, x>=-2 \text{ 에서}$$

$$3 \times x + 3 - x^2 = -2$$

$$-x^2+3x+3=-2$$

$$x^2-3x-5=0$$

$$\therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{29}}{2}$$

$$\text{답 } \frac{3 \pm \sqrt{29}}{2}$$

13 **해결 Guide** 어떤 양수를 x 라 하면

\Rightarrow 3만큼 작은 수는 $x-3$, 3만큼 큰 수는 $x+3$

어떤 양수를 x 라 하면

$$x(x+3)=154$$

$$x^2+3x-154=0$$

$$(x+14)(x-11)=0$$

$$\therefore x=11 \text{ (}\because x>0\text{)}$$

따라서 원래의 두 수는 11, 8이므로 두 수의 곱은

$$11 \times 8 = 88$$

$$\text{답 } ③$$

14 **해결 Guide** 7월 x 일의 일주일 후 \Rightarrow 7월 $(x+7)$ 일

민정이의 생일을 7월 x 일이라 하면 혜정이의 생일은 7월

$(x+7)$ 일이므로

$$x(x+7)=228$$

$$x^2+7x-228=0$$

$$(x+19)(x-12)=0$$

$$\therefore x=12 \text{ (}\because x \text{는 자연수)}$$

따라서 민정이의 생일은 7월 12일이다.

$$\text{답 } ③$$

15 **해결 Guide** 색칠한 부분의 넓이에 대한 방정식을 세운다.

가장 작은 반원의 반지름의 길이를 x cm라 하면 가장 큰 반원의 반지름의 길이는 5 cm, 중간 크기의 반원의 반지름의 길이는 $(5-x)$ cm이다.

색칠한 부분의 넓이가 6π cm²이므로

$$\frac{25\pi}{2} - \frac{\pi x^2}{2} - \frac{\pi(5-x)^2}{2} = 6\pi \quad \dots 40\%$$

$$2x^2-10x+12=0$$

$$x^2-5x+6=0$$

$$(x-3)(x-2)=0$$

$$\therefore x=2 \text{ (}\because 0 < x < \frac{5}{2}\text{)} \quad \dots 40\%$$

따라서 가장 작은 반원의 반지름의 길이는 2 cm이므로 지름의 길이는 4 cm이다.

$$\text{답 } 4 \text{ cm}$$

채점 기준	배점
방정식 세우기	40%
방정식 풀기	40%
가장 작은 반원의 지름의 길이 구하기	20%

16 **해결 Guide** $\overline{AB}=x$ cm라 하고 서로 닮음인 두 도형에서 대응변의 길이의 비는 일정함을 이용하여 식을 세운다.

$\overline{AB}=x$ cm라 하면 $\square ABCD \sim \square BCFE$ 이므로

$$\overline{AB} : \overline{BC} = \overline{AD} : \overline{BE}$$

$$x : 1 = 1 : (x-1)$$

$$x(x-1)=1$$

$$x^2-x-1=0$$

$$\therefore x = \frac{1+\sqrt{5}}{2} \quad (\because x>0)$$

따라서 \overline{AB} 의 길이는 $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ cm

$$\text{답 } \frac{1+\sqrt{5}}{2} \text{ cm}$$

REMARK 비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱은 같다.
즉 $a : b = c : d$ 이면 $ad = bc$ 이다.

17 **해결 Guide** $\triangle PBQ$ 의 넓이에 대한 방정식을 세운다.

출발한 지 x 초 후 $\overline{PB} = (18-2x)$ cm, $\overline{BQ} = 3x$ cm이므로

$$\triangle PBQ = \frac{1}{2} \times \overline{PB} \times \overline{BQ}$$

$$= \frac{1}{2} \times (18-2x) \times 3x$$

$$= -3x^2 + 27x$$

$$\text{즉 } -3x^2 + 27x = 54 \text{에서}$$

$$3x^2 - 27x + 54 = 0$$

$$x^2 - 9x + 18 = 0$$

$$(x-3)(x-6) = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ 또는 } x = 6$$

따라서 $\triangle PBQ$ 의 넓이가 54 cm^2 가 되는 것은 3초 후 또는 6초 후이다. 답 ②, ⑤

18 **해결 Guide** 원가에 $a\%$ 의 이익을 붙이면

$$\Rightarrow (\text{정가}) = (\text{원가}) \times \left(1 + \frac{a}{100}\right)$$

원가를 a 원이라 하면

$$(\text{정가}) = a \left(1 + \frac{x}{100}\right) (\text{원})$$

$$(\text{할인가}) = (\text{정가}) \times \left(1 - \frac{x}{100}\right)$$

$$= a \left(1 + \frac{x}{100}\right) \left(1 - \frac{x}{100}\right) (\text{원})$$

할인가로 판매하여 원가의 1% 의 손해를 보았으므로

$$a \left(1 + \frac{x}{100}\right) \left(1 - \frac{x}{100}\right) = a \left(1 - \frac{1}{100}\right)$$

$$(100+x)(100-x) = 9900$$

$$10000 - x^2 = 9900$$

$$x^2 = 100 \quad \therefore x = 10 \quad (\because x > 0)$$

답 10

1 이차함수의 그래프 (1)

개념

Check

◎ 본책 158~161쪽

35-1 답 (1) ○ (2) × (3) ○ (4) ×

35-2 답 (1) $y=3x$, 이차함수가 아니다.
(2) $y=4\pi x^2$, 이차함수이다.
(3) $y=200x$, 이차함수가 아니다.

35-3 답 (1) -7 (2) $-\frac{25}{4}$

36-1 답 (1) 위 (2) 0 (3) 감소

37-1 답 (1) y , 0, 0 (2) 아래 (3) x 축

37-2 답 (1) 0, 0 (2) $x=0$ (3) 위

38-1 답 (1) (L), (O), (H) (2) (7) (3) (2)

유제

◎ 본책 162~166쪽

108-1 ① $y=\frac{1}{2} \times x \times 2=x \Rightarrow$ 일차함수

② $y=2\pi \times x \times \frac{180}{360}=\pi x \Rightarrow$ 일차함수

③ $y=x \times x=x^2 \Rightarrow$ 이차함수

④ $y=60 \times x=60x \Rightarrow$ 일차함수

⑤ $y=\pi x^2 \Rightarrow$ 이차함수 답 ③, ⑤

109-1 $f(-1)=2 \times (-1)^2-3 \times (-1)+a=5+a$ 이므로
 $5+a=7 \quad \therefore a=2$ 답 2

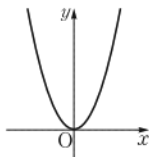
110-1 이차함수 $y=x^2$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

② 축의 방정식은 $x=0$ 이다.

④ $x>0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가하고, $x<0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.

따라서 옳지 않은 것은 ②, ④이다.

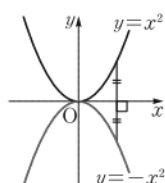
답 ②, ④



110-2 이차함수 $y=-x^2$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 $y=x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭이다.

① 위로 볼록한 포물선이다.

③ 제 3, 4사분면을 지난다.



④ 이차함수 $y=-x^2$ 의 그래프에서 꼭짓점 이외의 부분은 모두 x 축보다 아래에 있으므로 $y \leq 0$ 이다.

따라서 옳은 것은 ②, ⑤이다.

답 ②, ⑤

111-1 $y=ax^2$ 의 그래프가 점 $(-2, 2)$ 를 지나므로

$$2=a \times (-2)^2 \quad \therefore a=\frac{1}{2} \quad \therefore y=\frac{1}{2}x^2$$

$y=\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프가 점 $(3, b)$ 를 지나므로

$$b=\frac{1}{2} \times 3^2=\frac{9}{2}$$

$$\therefore a+b=\frac{1}{2}+\frac{9}{2}=5$$

답 5

112-1 위로 볼록한 이차함수의 그래프는 x^2 의 계수가 음수인 ①, ②, ③이고, 이 중에서 폭이 가장 넓은 것은 x^2 의 계수의 절댓값이 가장 작은 ③이다.

답 ③

113-1 이차함수 $y=-\frac{1}{3}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프의 식은

$$y=\frac{1}{3}x^2$$

이 그래프가 점 $(-3, a)$ 를 지나므로

$$a=\frac{1}{3} \times (-3)^2=3$$

답 3

114-1 그래프가 원점을 꼭짓점으로 하는 포물선이므로 이차함수의 식을 $y=ax^2$ 으로 놓을 수 있다.

이 그래프가 점 $(2, -6)$ 을 지나므로

$$-6=a \times 2^2 \quad \therefore a=-\frac{3}{2}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-\frac{3}{2}x^2$$

이 그래프가 점 $(k, -24)$ 를 지나므로

$$-24=-\frac{3}{2}k^2, \quad k^2=16$$

$$\therefore k=4 (\because k>0)$$

답 4

115-1 이차함수 $y=-2x^2$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

① 꼭짓점의 좌표는 $(0, 0)$ 이다.

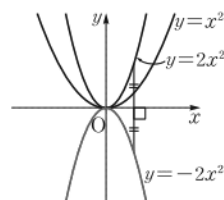
② 위로 볼록한 포물선이다.

③ 축의 방정식은 $x=0$ 이다.

④ $y=x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁다.

따라서 옳은 것은 ⑤이다.

답 ⑤



115-2 ④ a 의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아진다.

답 ④

개념

Check

◎ 본책 167~169쪽

39-1 답 (1) $y=5x^2-2$ (2) $y=-\frac{1}{3}x^2+3$

39-2 답 (1) (0, 3) (2) $x=0$

40-1 답 (1) $y=(x-3)^2$ (2) $y=-\frac{1}{4}(x+1)^2$

40-2 답 (1) (5, 0) (2) $x=5$

41-1 답 $y=-2\left(x+\frac{1}{3}\right)^2+6$

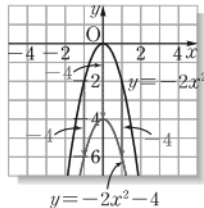
41-2 답 (1) (1, -4) (2) $x=1$

유제

◎ 본책 170~177쪽

116-1 (1) $y=-2x^2-4$ 의 그래프는 $y=-2x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -4만큼 평행이동한 것이므로 오른쪽 그림과 같다.

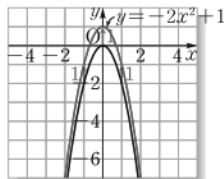
따라서 꼭짓점의 좌표는 (0, -4), 축의 방정식은 $x=0$ 이다.



(2) $y=-2x^2+1$ 의 그래프는

$y=-2x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 1만큼 평행이동한 것이므로 오른쪽 그림과 같다.

따라서 꼭짓점의 좌표는 (0, 1), 축의 방정식은 $x=0$ 이다.



답 풀이 참조

117-1 (1) $y=3x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -3만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=3x^2-3$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (0, -3), 축의 방정식은 $x=0$ 이다.

(2) $y=-x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 4만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

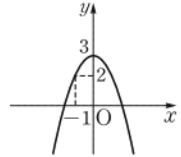
$$y=-x^2+4$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (0, 4), 축의 방정식은 $x=0$ 이다.

답 풀이 참조

118-1 이차함수 $y=-x^2+3$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

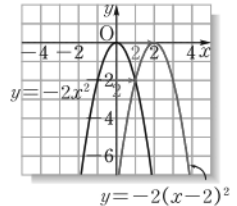
⑤ $y=-x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 3만큼 평행이동한 것이다.



답 ⑤

119-1 (1) $y=-2(x-2)^2$ 의 그래프는 $y=-2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 것이므로 오른쪽 그림과 같다.

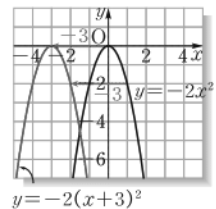
따라서 꼭짓점의 좌표는 (2, 0), 축의 방정식은 $x=2$ 이다.



(2) $y=-2(x+3)^2$ 의 그래프는

$y=-2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -3만큼 평행이동한 것이므로 오른쪽 그림과 같다.

따라서 꼭짓점의 좌표는 (-3, 0), 축의 방정식은 $x=-3$ 이다.



답 풀이 참조

120-1 (1) $y=\frac{2}{3}x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -1만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=\frac{2}{3}(x+1)^2$$

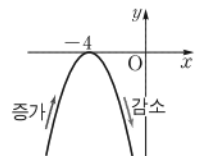
따라서 꼭짓점의 좌표는 (-1, 0), 축의 방정식은 $x=-1$ 이다.

(2) $y=-4x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 4만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은 $y=-4(x-4)^2$ 따라서 꼭짓점의 좌표는 (4, 0), 축의 방정식은 $x=4$ 이다.

답 풀이 참조

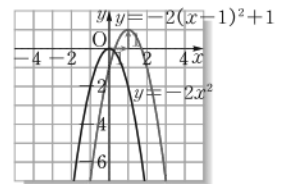
121-1 이차함수 $y=-2(x+4)^2$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

④ $x > -4$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.



답 ④

122-1 (1) $y=-2(x-1)^2+1$ 의 그래프는 $y=-2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1만큼, y 축의 방향으로 1만큼 평행이동한 것이므로 오른쪽 그림과 같다.

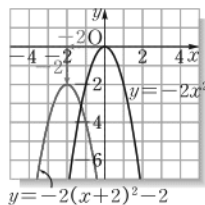




따라서 꼭짓점의 좌표는 (1, 1), 축의 방정식은 $x=1$ 이다.

(2) $y=-2(x+2)^2-2$ 의 그래프는

$y=-2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼, y 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동한 것이므로 오른쪽 그림과 같다.



따라서 꼭짓점의 좌표는 $(-2, -2)$, 축의 방정식은 $x=-2$ 이다.

풀이 참조

123-1 (1) $y=\frac{2}{5}x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -1 만큼, y 축의 방향으로 $\frac{1}{2}$ 만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=\frac{2}{5}(x+1)^2+\frac{1}{2}$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 $(-1, \frac{1}{2})$, 축의 방정식은 $x=-1$ 이다.

(2) $y=-\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼, y 축의 방향으로 -7 만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=-\frac{1}{2}(x-1)^2-7$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 $(1, -7)$, 축의 방정식은 $x=1$ 이다.

풀이 참조

124-1 이차함수 $y=-2(x+3)^2+1$ 에서 x 대신에 $x-m$, y 대신에 $y-n$ 을 대입하면

$$\begin{aligned} y-n &= -2[(x-m)+3]^2+1 \\ \therefore y &= -2(x-m+3)^2+1+n \end{aligned}$$

이 식이 $y=-2(x-2)^2+3$ 과 일치하므로

$$\begin{aligned} -m+3 &= -2, \quad 1+n=3 \\ \therefore m &= 5, \quad n=2 \\ \therefore m+n &= 7 \end{aligned}$$

7

다른 풀이 이차함수 $y=-2(x+3)^2+1$ 의 그래프의 꼭짓점 $(-3, 1)$ 을 x 축의 방향으로 m 만큼, y 축의 방향으로 n 만큼 평행이동하면

$$(-3+m, 1+n)$$

이차함수 $y=-2(x-2)^2+3$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 $(2, 3)$

따라서 $-3+m=2, 1+n=3$ 이므로

$$\begin{aligned} m &= 5, \quad n=2 \\ \therefore m+n &= 7 \end{aligned}$$

125-1 이차함수 $y=4(x-p)^2+3p^2$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 $(p, 3p^2)$

점 $(p, 3p^2)$ 이 직선 $y=-2x+1$ 위에 있으므로

$$3p^2 = -2p+1, \quad 3p^2+2p-1=0$$

$$(3p-1)(p+1)=0$$

$$\therefore p = \frac{1}{3} (\because p > 0)$$

1

126-1 이차함수 $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 $(3, -2)$ 이므로

$$p=3, \quad q=-2$$

$$\therefore y=a(x-3)^2-2$$

$y=a(x-3)^2-2$ 의 그래프가 점 $(1, 2)$ 를 지나므로

$$2=4a-2 \quad \therefore a=1$$

$$\therefore a+p+q=1+3+(-2)=2$$

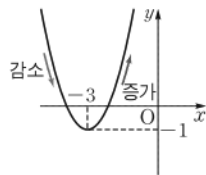
1

127-1 이차함수 $y=2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -3 만큼, y 축의 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y=2(x+3)^2-1$$

이 그래프는 아래로 볼록하고 축이 직선 $x=-3$ 이므로, $x > -3$ 일 때 x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

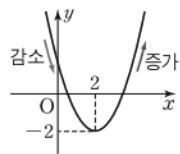
$$x > -3$$



128-1 이차함수 $y=(x-2)^2-2$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

⑤ $x=3$ 일 때, $y=-1$ 이다.

5



128-2 이차함수 $y=-\frac{2}{3}(x+1)^2-4$

의 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

① 제 3, 4사분면을 지난다.

② $x=0$ 일 때,

$$y = -\frac{2}{3}(0+1)^2-4 = -\frac{14}{3}$$

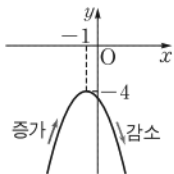
이므로 y 축과 만나는 점의 좌표는 $(0, -\frac{14}{3})$ 이다.

③ 꼭짓점의 좌표는 $(-1, -4)$ 이다.

⑤ $x > -1$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.

따라서 옳은 것은 ④이다.

4



129-1 그래프가 아래로 볼록하므로 $a > 0$

꼭짓점 (p, q) 가 제 4사분면 위에 있으므로 $p > 0, q < 0$

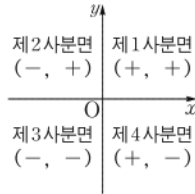
- (ㄱ) $a > 0, p > 0$ 이므로 $a + p > 0$
 (ㄴ) $p > 0, q < 0$ 이므로 $pq < 0$
 (ㄷ) $p > 0, q < 0$ 이므로 $p - q > 0$
 (ㄹ) $a > 0, q < 0$ 이므로 $aq < 0$

이상에서 옳은 것은 (ㄱ), (ㄴ)이다.

답 (ㄱ), (ㄴ)

REMARK 점 (p, q) 가

- ① 제 1 사분면 위에 있으면 $\Rightarrow p > 0, q > 0$
- ② 제 2 사분면 위에 있으면 $\Rightarrow p < 0, q > 0$
- ③ 제 3 사분면 위에 있으면 $\Rightarrow p < 0, q < 0$
- ④ 제 4 사분면 위에 있으면 $\Rightarrow p > 0, q < 0$



130-1 이차함수 $y = 3(x-1)^2$ 의 그래프를 y 축에 대하여 대칭이동한 그래프의 식은 x 대신에 $-x$ 를 대입하면 되므로

$$y = 3(-x-1)^2 \quad \therefore y = 3(x+1)^2$$

이 그래프를 다시 y 축의 방향으로 m 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = 3(x+1)^2 + m$$

이 그래프가 점 $(-2, 5)$ 를 지나므로

$$5 = 3 + m \quad \therefore m = 2$$

답 ②

REMARK 대칭이동

- ① x 축에 대하여 대칭이동 $\Rightarrow y$ 대신 $-y$ 를 대입
- ② y 축에 대하여 대칭이동 $\Rightarrow x$ 대신 $-x$ 를 대입
- ③ 원점에 대하여 대칭이동 $\Rightarrow x$ 대신 $-x, y$ 대신 $-y$ 를 대입

단원 마무리

◎ 본책 178~181쪽

- | | | | | |
|---------|-------------------------------|------------------|--------------------------|-----------|
| 01 ② | 02 ⑤ | 03 ① | 04 ① | 05 (0, 1) |
| 06 ① | 07 ③ | 08 ③ | 09 $a > 0, p < 0, q > 0$ | |
| 10 ⑤ | 11 (ㄱ) ①, (ㄴ) ④, (ㄷ) ②, (ㄹ) ③ | 12 ①, ⑤ | | |
| 13 -3 | 14 0 | 15 ③, ⑤ | 16 ② | 17 ① |
| 18 ③ | 19 $a = 1, p = -2$ | 20 $\frac{7}{3}$ | 21 ⑤ | |
| 22 ①, ⑤ | 23 ③ | 24 6 | 25 2 | |

01 **해결 Guide** $y = ax^2 + bx + c$ 가 이차함수가 되려면 $\Rightarrow a \neq 0$

- ① $y = x(x-3)$
 $= x^2 - 3x \Rightarrow$ 이차함수

$$\begin{aligned} \text{② } y &= 2(x-3)^2 - 2x^2 + 5 \\ &= 2x^2 - 12x + 18 - 2x^2 + 5 \\ &= -12x + 23 \Rightarrow \text{일차함수} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{③ } y &= (2x-1)^2 + 6x \\ &= 4x^2 - 4x + 1 + 6x \\ &= 4x^2 + 2x + 1 \Rightarrow \text{이차함수} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{④ } y &= (x+1)^2 - 2x^2 \\ &= x^2 + 2x + 1 - 2x^2 \\ &= -x^2 + 2x + 1 \Rightarrow \text{이차함수} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{⑤ } y &= (x-1)^2 + 2x - 1 \\ &= x^2 - 2x + 1 + 2x - 1 \\ &= x^2 \Rightarrow \text{이차함수} \end{aligned}$$

따라서 이차함수가 아닌 것은 ②이다.

답 ②

02 **해결 Guide** $f(1) = 2$ 를 이용하여 a 의 값을 먼저 구하고, $f(-1) = b$ 를 이용하여 b 의 값을 구한다.

$$f(1) = 1 - a + 5 = 6 - a \text{이므로}$$

$$6 - a = 2 \quad \therefore a = 4$$

$$f(-1) = 1 + a + 5 = 6 + a \text{이므로}$$

$$6 + a = 6 + 4 = b \quad \therefore b = 10$$

$$\therefore a + b = 4 + 10 = 14$$

답 ⑤

03 **해결 Guide** $y = ax^2$ 의 그래프 $\Rightarrow a$ 의 절댓값이 클수록 y 축에 가깝다.

x^2 의 계수의 절댓값이 클수록 폭이 좁아지므로 y 축에 가장 가까운 그래프는 ①이다.

답 ①

04 **해결 Guide** $y = ax^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프

$$\Rightarrow y = -ax^2$$

이차함수 $y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -\frac{1}{2}x^2$$

이 그래프가 점 $(2, a)$ 를 지나므로

$$a = -\frac{1}{2} \times 2^2 = -2$$

답 ①

05 **해결 Guide** $y = ax^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동한 그래프의 식 $\Rightarrow y = ax^2 + q$

이차함수 $y = 2x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = 2x^2 + q$$

...30%

이 그래프가 점 $(-1, 3)$ 을 지나므로

$$3 = 2 \times (-1)^2 + q \quad \therefore q = 1 \quad \dots 40\%$$

따라서 $y = 2x^2 + 1$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는

$$(0, 1) \quad \dots 30\%$$

답 (0, 1)

채점 기준	배점
평행이동한 그래프의 식 구하기	30%
q 의 값 구하기	40%
꼭짓점의 좌표 구하기	30%

06 [해결 Guide] 이차함수 $y = a(x-p)^2$ 의 그래프

→ $x=p$ 를 기준으로 증가, 감소의 범위가 결정된다.

$y = -2(x+3)^2$ 의 그래프는 위로 볼록한 포물선이고 축의 방정식이 $x = -3$ 이므로 $x < -3$ 일 때 x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다. [답] ①

[REMARK] $x > -3$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.

07 [해결 Guide] $y = ax^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 p 만큼, y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동한 그래프의 식 → $y = a(x-p)^2 + q$

$y = -2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 3만큼, y 축의 방향으로 -4만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은

$$y = -2(x-3)^2 - 4 \quad \text{답 ③}$$

08 [해결 Guide] $y = a(x-p)^2 + q$ 의 그래프에서 꼭짓점의 좌표

→ (p, q)

주어진 이차함수의 그래프의 꼭짓점의 좌표를 구하면 다음과 같다.

① $(0, 4) \Rightarrow y$ 축

② $(1, 0) \Rightarrow x$ 축

③ $(-2, -3) \Rightarrow$ 제 3사분면

④ $(-2, 4) \Rightarrow$ 제 2사분면

⑤ $(3, 3) \Rightarrow$ 제 1사분면

따라서 꼭짓점이 제 3사분면에 있는 것은 ③이다. [답] ③

09 [해결 Guide] a 의 부호는 그래프의 모양을 보고 결정하고, p , q 의 부호는 꼭짓점의 위치로 결정한다.

그래프가 아래로 볼록하므로 $a > 0$

꼭짓점 (p, q) 가 제 2사분면 위에 있으므로

$$p < 0, q > 0$$

[답] $a > 0, p < 0, q > 0$

10 [해결 Guide] y 가 x 에 대한 이차함수 → $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$)

$$\begin{aligned} y &= (ax-1)(2x+3) + 4x-5x^2 \\ &= 2ax^2 + 3ax - 2x - 3 + 4x - 5x^2 \\ &= (2a-5)x^2 + (3a+2)x - 3 \end{aligned}$$

따라서 $2a-5 \neq 0$ 이므로 $a \neq \frac{5}{2}$

[답] ⑤

11 [해결 Guide] $y = ax^2$ 의 그래프의 모양, 폭 → a 의 값이 결정

아래로 볼록한 그래프는 ①, ②이고 $3 > 1 > \frac{1}{3}$ 이므로

$$(-) \text{ ①, (c) ②}$$

위로 볼록한 그래프는 ③, ④이고 $|-3| > |-1| > \left| -\frac{1}{3} \right|$ 이므로

$$(L) \text{ ④, (e) ③}$$

[답] (a) ①, (L) ④, (c) ②, (e) ③

[REMARK] 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프

① a 의 부호 $\begin{cases} a > 0 : \text{아래로 볼록} \\ a < 0 : \text{위로 볼록} \end{cases}$

② a 의 절댓값이 클수록 폭이 좁아진다.

12 [해결 Guide] 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프

→ a 의 부호: 그래프의 모양, a 의 절댓값: 그래프의 폭

② $y = \frac{2}{3}x^2, y = 4x^2$ 의 그래프는 아래로 볼록하다.

③ x^2 의 계수의 절댓값이 클수록 폭이 좁으므로 폭이 가장 좁은 것은 $y = 4x^2$ 의 그래프이다.

④ $y = -3x^2, y = -\frac{1}{4}x^2$ 의 그래프는 원점을 제외한 부분이 x 축보다 아래쪽에 있다.

따라서 옳은 것은 ①, ⑤이다. [답] ①, ⑤

13 [해결 Guide] 그래프가 지나는 두 점의 좌표를 찾아 식에 대입한다.

$y = ax^2 + q$ 의 그래프가 두 점 $(2, 4), (-4, -2)$ 를 지나므로

$$4 = 4a + q, -2 = 16a + q \quad \dots 40\%$$

두 식을 연립하여 풀면

$$a = -\frac{1}{2}, q = 6 \quad \dots 40\%$$

$$\therefore aq = \left(-\frac{1}{2}\right) \times 6 = -3 \quad \dots 20\%$$

[답] -3

채점 기준	배점
지나는 두 점을 이용하여 연립방정식 세우기	40%
a, q 의 값 구하기	40%
aq 의 값 구하기	20%

14 **해결 Guide** $y=ax^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 p 만큼 평행 이동한 그래프의 식 $\Rightarrow y=a(x-p)^2$

주어진 그래프의 식은 $f(x)=\frac{3}{2}(x-4)^2$ 이므로

$$f(2)=\frac{3}{2}(2-4)^2=6$$

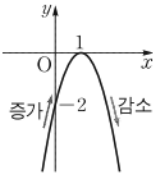
$$f(6)=\frac{3}{2}(6-4)^2=6$$

$$\therefore f(2)-f(6)=0$$

답 0

15 **해결 Guide** 평행이동한 그래프의 식을 구한 후, 그래프를 그려 본다.

이차함수 $y=-2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 이차함수의 식은 $y=-2(x-1)^2$ 따라서 $y=-2(x-1)^2$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같다.



① 위로 볼록한 포물선이다.

② 꼭짓점의 좌표는 (1, 0)이다.

④ $x=0$ 일 때, $y=-2$ 이므로 y 축과 만나는 점의 좌표는 (0, -2)이다.

따라서 옳은 것은 ③, ⑤이다.

답 ③, ⑤

16 **해결 Guide** $y=ax^2$ 의 그래프를 평행이동한 그래프의 식은 $y=a(x-p)^2+q$, $y=ax^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프의 식은 $y=-ax^2$ 이다.

① $y=-\frac{1}{2}x^2$, ④ $y=-\frac{1}{2}x^2+\frac{1}{2}$, ⑤ $y=-\frac{1}{2}(x-\frac{1}{2})^2$ 의

그래프는 $y=-\frac{1}{2}x^2-\frac{1}{2}$ 과 x^2 의 계수가 같으므로 평행이동하여 얻을 수 있다.

③ $y=\frac{1}{2}x^2+\frac{1}{2}$ 의 그래프는 $y=-\frac{1}{2}x^2-\frac{1}{2}$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프이다.

따라서 x 축에 대칭이거나 평행이동하여 얻을 수 없는 것은 ②이다.

답 ②

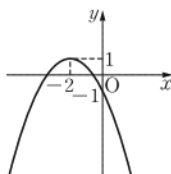
REMARK 이차함수 $y=ax^2$ 의 그래프를 평행이동하여도 x^2 의 계수 a 는 변하지 않는다.

17 **해결 Guide** 꼭짓점, y 축과의 교점을 이용하여 그래프를 그려 본다.

이차함수 $y=-\frac{1}{2}(x+2)^2+1$ 의 그래프는

오른쪽 그림과 같으므로 제1사분면을 지나지 않는다.

답 ①



18 **해결 Guide** 이차함수 $y=a(x-b)^2+c$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 p 만큼, y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동한 그래프의 식 $\Rightarrow x$ 대신에 $x-p$, y 대신에 $y-q$ 를 대입하여 구한다.

이차함수 $y=4(x+3)^2+5$ 에서 x 대신에 $x-2$, y 대신에 $y+2$ 를 대입하면

$$y+2=4[(x-2)+3]^2+5$$

$$\therefore y=4(x+1)^2+3$$

이 그래프가 점 $(m, 19)$ 를 지나므로

$$19=4(m+1)^2+3$$

$$(m+1)^2=4, \quad m+1=\pm 2$$

$$\therefore m=1 \text{ 또는 } m=-3$$

그런데 $m>0$ 이므로

$$m=1$$

답 ③

19 **해결 Guide** 이차함수 $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프에서 축의 방정식 $\Rightarrow x=p$

이차함수 $y=a(x-p)^2-4$ 의 그래프에서 축은 직선 $x=p$ 이므로 $p=-2$...50%

$y=a(x+2)^2-4$ 의 그래프가 점 $(1, 5)$ 를 지나므로

$$5=9a-4 \quad \therefore a=1$$

...50%

답 $a=1, p=-2$

채점 기준		배점
p 의 값 구하기		50%
a 의 값 구하기		50%

20 **해결 Guide** 이차함수 $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프에서 꼭짓점의 좌표 $\Rightarrow (p, q)$

이차함수 $y=a(x-p)^2+q$ 의 그래프에서 꼭짓점의 좌표가 $(2, 1)$ 이므로

$$p=2, q=1$$

$$\therefore y=a(x-2)^2+1$$

$y=a(x-2)^2+1$ 의 그래프가 점 $(-1, 4)$ 를 지나므로

$$4=a(-1-2)^2+1 \quad \therefore a=\frac{1}{3}$$

$$\therefore y=\frac{1}{3}(x-2)^2+1$$

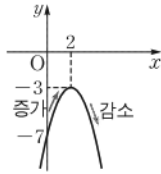
$y=\frac{1}{3}(x-2)^2+1$ 의 그래프가 점 $(4, k)$ 를 지나므로

$$k=\frac{1}{3}(4-2)^2+1=\frac{7}{3}$$

답 $\frac{7}{3}$

21 **해결 Guide** 이차함수 $y=-(x-2)^2-3$ 의 그래프를 그린 후 그래프의 성질을 알아본다.

이차함수 $y = -(x-2)^2 - 3$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같다.



- ① $y = -x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2만큼, y 축의 방향으로 -3만큼 평행이동한 것이다.
 ② 꼭짓점의 좌표는 (2, -3)이다.
 ③ 직선 $x=2$ 를 축으로 하는 포물선이다.
 ④ $x=0$ 일 때, $y=-7$ 이므로 y 축과 만나는 점의 좌표는 (0, -7)이다.
 따라서 옳은 것은 ⑤이다.

답 ⑤

22 [해결 Guide] 이차함수 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 그래프는 꼭짓점의 좌표가 (p, q) 이고, $a > 0$ 일 때 아래로 볼록, $a < 0$ 일 때 위로 볼록한 포물선이다.

- ① 아래로 볼록한 포물선은 (㉠), (㉡), (㉢)의 3개이다.
 ②, ③ 각 그래프의 꼭짓점의 좌표를 구하면
 (㉠) (0, 0) (㉡) (0, -2) (㉢) (3, 0)
 (㉣) (-1, -5) (㉤) $(\frac{1}{2}, 1)$

이므로 꼭짓점이 x 축 위에 있는 것은 (㉠), (㉡)이고 제 3사분면 위에 있는 것은 (㉣)이다.

- ④ 제 2사분면을 지나지 않는 그래프는 (㉠), (㉣)의 2개이다.
 ⑤ 그래프가 x 축과 만나지 않는 것은 (㉣), (㉤)의 2개이다.

답 ①, ⑤

23 [해결 Guide] a 의 부호는 그래프의 모양을 보고 결정하고, p , q 의 부호는 꼭짓점의 위치로 결정한다.

그래프가 아래로 볼록하므로 $a > 0$

꼭짓점의 좌표가 (p, q) 이고, 꼭짓점이 제 4사분면에 있으므로 $p > 0, q < 0$

$y = p(x+q)^2 - a$ 의 그래프는 $p > 0$ 이므로 아래로 볼록하다.

또 꼭짓점의 좌표는 $(-q, -a)$ 이고 $-q > 0, -a < 0$ 이므로 꼭짓점은 제 4사분면에 있다.

따라서 구하는 그래프는 ③이다.

답 ③

24 [해결 Guide] 이차함수의 그래프는 축을 기준으로 하는 선대칭도형이다.

$$\overline{AB} = \overline{BC} \text{ 이므로 } \overline{CD} = \overline{DE}$$

따라서 점 D의 x 좌표를 k 라 하면 점 E의 x 좌표는 $2k$ 이다.

(점 D의 y 좌표) = (점 E의 y 좌표)이므로

$$a \times k^2 = \frac{3}{2} \times (2k)^2, \quad ak^2 = 6k^2$$

이때 $k \neq 0$ 이므로 양변을 k^2 으로 나누면

$$a = 6$$

답 6

25 [해결 Guide] 그래프에서 넓이가 같은 부분을 찾아 이를 이용한다.

$y = 2(x-1)^2 - 2$ 의 그래프는

$y = 2x^2$ 의 그래프를 평행이동

한 것이다. 또 이차함수 $y = 2x^2$,

$y = 2(x-1)^2 - 2$ 의 그래프는

각각 y 축, 직선 $x=1$ 에 대칭이

다. 따라서 그 그래프는 오른쪽

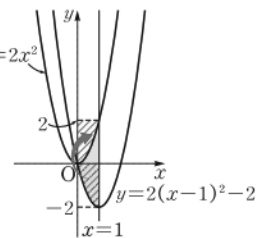
그림과 같고 빗금친 부분의 넓이가 같다.

즉 색칠한 부분의 넓이는 가로 길이가 1, 세로 길이가 2인 직사각형의 넓이와 같으므로

$$1 \times 2 = 2$$

답 2

REMARK $y = ax^2$ 의 그래프를 평행이동하면 위치가 변할 뿐 모양은 변하지 않는다.



2 이차함수의 그래프 (2)

개념

Check

◎ 본책 184~185쪽

42-1 ㉠ (1) 16, 16, 4, 16, 4, 19

(2) 2, 2, 1, 1, 1, 3, 1, 2

43-1 (1) 그래프가 위로 볼록하므로 $a < 0$

(2) 축이 y 축의 오른쪽에 있으므로 $b > 0$

(3) y 축과 원점의 위쪽에서 만나므로 $c > 0$

(4) $x=1$ 일 때, $y > 0$ 이므로

$$a+b+c > 0$$

㉠ (1) $a < 0$ (2) $b > 0$

(3) $c > 0$ (4) $a+b+c > 0$

유제

◎ 본책 186~191쪽

$$\begin{aligned} 131-1 \quad y &= -3x^2 - 6x - 4 = -3\{(x^2 + 2x + 1) - 1\} - 4 \\ &= -3(x+1)^2 - 1 \end{aligned}$$

따라서 $p=1$, $q=-1$ 이므로

$$p+q=0$$

㉠ 0

$$\begin{aligned} 132-1 \quad y &= 3x^2 - 12x + a = 3\{(x^2 - 4x + 4) - 4\} + a \\ &= 3(x-2)^2 - 12 + a \end{aligned}$$

따라서 꼭짓점의 좌표가 $(2, -12+a)$ 이므로

$$2=b, -12+a=-7 \quad \therefore a=5, b=2$$

$$\therefore a+b=7$$

㉠ ⑤

〔다른 풀이〕 이차함수 $y=3x^2-12x+a$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 $(b, -7)$ 이므로

$$y=3x^2-12x+a=3(x-b)^2-7=3x^2-6bx+3b^2-7$$

따라서 $-12=-6b$, $a=3b^2-7$ 이므로

$$b=2, a=5 \quad \therefore a+b=7$$

$$133-1 \quad y = -2x^2 + 12x - 18 = -2(x-3)^2$$

이므로 이 그래프를 x 축의 방향으로 a 만큼, y 축의 방향으로 4만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = -2(x-a-3)^2 + 4$$

이 그래프의 꼭짓점의 좌표가 $(1, b)$ 이므로

$$a+3=1, 4=b \quad \therefore a=-2, b=4$$

$$\therefore a+b=2$$

㉠ 2

134-1 x^2 의 계수가 양수이고 절댓값이 가장 큰 것을 찾으면 ⑤이다.

㉠ ⑤

$$135-1 \quad y = -2x^2 + ax - 5$$

$$= -2\left\{\left(x^2 - \frac{a}{2}x + \frac{a^2}{16}\right) - \frac{a^2}{16}\right\} - 5$$

$$= -2\left(x - \frac{a}{4}\right)^2 + \frac{a^2}{8} - 5$$

이 그래프는 위로 볼록하고 축의 방정식이 $x = \frac{a}{4}$ 이므로

$x < \frac{a}{4}$ 이면 x 의 값이 증가할 때 y 의 값도 증가하고, $x > \frac{a}{4}$ 이면 x 의 값이 증가할 때 y 의 값은 감소한다.

따라서 $\frac{a}{4}=1$ 이므로 $a=4$

㉠ 4

$$136-1 \quad y = x^2 - 3x + 2 \text{에 } y=0 \text{을 대입하면}$$

$$x^2 - 3x + 2 = 0, \quad (x-1)(x-2) = 0$$

$$\therefore x=1 \text{ 또는 } x=2 \quad \therefore B(1, 0), D(2, 0)$$

$$y = x^2 - 3x + 2 \text{에 } x=0 \text{을 대입하면}$$

$$y=2 \quad \therefore A(0, 2)$$

$$y = x^2 - 3x + 2 \text{에 } y=2 \text{를 대입하면}$$

$$x^2 - 3x + 2 = 2$$

$$x^2 - 3x = 0, \quad x(x-3) = 0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=3 \quad \therefore E(3, 2)$$

$$\begin{aligned} y &= x^2 - 3x + 2 = \left\{\left(x^2 - 3x + \frac{9}{4}\right) - \frac{9}{4}\right\} + 2 \\ &= \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{1}{4} \end{aligned}$$

$$\text{이므로 } C\left(\frac{3}{2}, -\frac{1}{4}\right)$$

따라서 옳지 않은 것은 ③이다.

㉠ ③

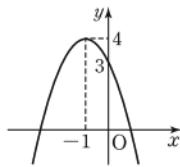
$$137-1 \quad ⑤ y = -x^2 - 2x + 3$$

$$= -\{(x^2 + 2x + 1) - 1\} + 3$$

$$= -(x+1)^2 + 4$$

이므로 꼭짓점의 좌표는 $(-1, 4)$, y 축과의 교점의 좌표는 $(0, 3)$ 이고 위로 볼록하다. 따라서 $y = -x^2 - 2x + 3$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같이 모든 사분면을 지난다.

㉠ ⑤



REMARK 각 이차함수의 그래프가 지나는 사분면은 다음과 같다.

① $y = x^2 + 3 \Rightarrow$ 제 1, 2 사분면

② $y = 2x^2 + 4x + 1 = 2(x+1)^2 - 1 \Rightarrow$ 제 1, 2, 3 사분면

③ $y = 5x^2 + 10x + 2 = 5(x+1)^2 - 3 \Rightarrow$ 제 1, 2, 3 사분면

④ $y = -2x^2 + 8x - 9 = -2(x-2)^2 - 1 \Rightarrow$ 제 3, 4 사분면

$$138-1 \quad y = -x^2 + 4x - 8 = -[(x^2 - 4x + 4) - 4] - 8 \\ = -(x-2)^2 - 4$$

이므로 그 그래프는 오른쪽 그림과 같다.

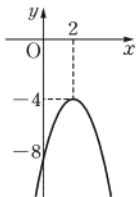
① 꼭짓점의 좌표는 (2, -4)이다.

③ 그래프는 제 3, 4사분면을 지난다.

④ x 축과 만나지 않는다.

⑤ $x > 2$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.

따라서 옳은 것은 ②이다.



답 ②

139-1 두 점 A, B는 $y = -x^2 + 2x + 3$ 의 그래프와 x 축과의 교점이므로 $y = -x^2 + 2x + 3$ 에 $y = 0$ 을 대입하면

$$-x^2 + 2x + 3 = 0, \quad x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$(x+1)(x-3) = 0 \quad \therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

$$\therefore A(-1, 0), B(3, 0)$$

$$y = -x^2 + 2x + 3 = -[(x^2 - 2x + 1) - 1] + 3$$

$$= -(x-1)^2 + 4$$

이므로 $C(1, 4)$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

답 8

139-2 두 점 A, B는 $y = (x+2)(x-4)$ 의 그래프와 x 축과의 교점이므로 $y = (x+2)(x-4)$ 에 $y = 0$ 을 대입하면

$$(x+2)(x-4) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 4$$

$$\therefore A(-2, 0), B(4, 0)$$

$$y = (x+2)(x-4) = x^2 - 2x - 8$$

$$= [(x^2 - 2x + 1) - 1] - 8 = (x-1)^2 - 9$$

이므로 $C(1, -9)$

$$\therefore \triangle ACB = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$$

답 ③

139-3 $y = -x^2 + bx + c = -(x - \frac{b}{2})^2 + \frac{b^2}{4} + c$ 의 그래프의 축의 방정식이 $x = -2$ 이므로

$$\frac{b}{2} = -2 \quad \therefore b = -4$$

$y = -x^2 + bx + c$ 의 그래프가 원점 O를 지나므로

$$c = 0$$

따라서 $y = -x^2 - 4x = -(x+2)^2 + 4$ 이므로

$$A(-2, 4)$$

$y = -x^2 - 4x$ 에 $y = 0$ 을 대입하면

$$-x^2 - 4x = 0, \quad x^2 + 4x = 0, \quad x(x+4) = 0$$

$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = -4$$

$$\therefore B(-4, 0)$$

$$\therefore \triangle ABO = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

답 ③

140-1 ① 그래프가 위로 볼록하므로 $a < 0$

② 축이 y 축의 왼쪽에 있으므로 $b < 0$

③ y 축과 원점의 위쪽에서 만나므로 $c > 0$

④ $x = 1$ 일 때, $y < 0$ 이므로

$$a + b + c < 0$$

⑤ $x = -2$ 일 때, $y > 0$ 이므로

$$4a - 2b + c > 0$$

따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

답 ④

140-2 $y = ax + b$ 의 그래프는 오른쪽 위로 향하는 직선이므로 $a > 0$

y 절편이 양수이므로 $b > 0$

따라서 $y = ax^2 + bx$ 의 그래프는

(i) $a > 0$ 이므로 아래로 볼록하다.

(ii) a, b 의 부호가 같으므로 축은 y 축의 왼쪽에 있다.

(iii) $x = 0$ 일 때, $y = 0$ 이므로 원점을 지난다.

이상에서 $y = ax^2 + bx$ 의 그래프의 모양으로 알맞은 것은 ④이다.

답 ④

단원 마무리

◎ 본책 192~194쪽

01 ③	02 ②	03 (1, 3)	04 ⑤	05 $\frac{9}{2}$
06 $a < 0, b > 0, c > 0$	07 ①	08 -3		
09 ③	10 $(\frac{3}{2}, \frac{25}{8})$	11 (-2, 0), (6, 0)		
12 ⑤	13 ⑤	14 ④	15 27	16 ⑤
17 $\frac{4}{25} \leq a \leq \frac{4}{9}$	18 12			

01 **해결 Guide** $y = ax^2 + bx + c$

→ $y = (\text{완전제곱식}) + (\text{상수})$ 꼴로 변형

$$y = 4x^2 - 16x + 9$$

$$= 4[(x^2 - 4x + 4) - 4] + 9$$

$$= 4(x-2)^2 - 7$$

따라서 $a = 4, p = 2, q = -7$ 이므로

$$a - p - q = 4 - 2 - (-7) = 9$$

답 ③

02 **해결 Guide** $y = x^2 + 2ax + 3$ 에 $x = -2, y = -1$ 을 대입하여 a 의 값을 구한 후, $y = (x-p)^2 + q$ 꼴로 변형한다.

$y = x^2 + 2ax + 3$ 의 그래프가 점 $(-2, -1)$ 을 지나므로

$$-1 = 4 - 4a + 3 \quad \therefore a = 2$$

따라서

$$y = x^2 + 4x + 3 = \{(x^2 + 4x + 4) - 4\} + 3 \\ = (x+2)^2 - 1$$

이므로 축의 방정식은

$$x = -2$$

답 ②

03 **해결 Guide** $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 변형한 후 평행이동한 그래프의 식을 구한다.

$$y = \frac{1}{3}x^2 - 2x - 1 = \frac{1}{3}\{(x^2 - 6x + 9) - 9\} - 1 \\ = \frac{1}{3}(x-3)^2 - 4 \quad \dots 50\%$$

이 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼, y 축의 방향으로 7 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y - 7 = \frac{1}{3}(x + 2 - 3)^2 - 4$$

$$\therefore y = \frac{1}{3}(x - 1)^2 + 3$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 $(1, 3)$ 이다.

$\dots 50\%$

답 (1, 3)

채점 기준	배점
$y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 변형하기	50%
평행이동한 그래프의 꼭짓점의 좌표 구하기	50%

REMARK 평행이동에 의해 꼭짓점은 꼭짓점으로 옮겨지므로 그래프의 꼭짓점을 옮기는 것으로 생각해도 된다.

$\Rightarrow y = \frac{1}{3}x^2 - 2x - 1$ 의 그래프의 꼭짓점 $(3, -4)$ 는 평행이동에 의해 점 $(3-2, -4+7)$, 즉 점 $(1, 3)$ 으로 옮겨진다.

04 **해결 Guide** x^2 의 계수가 같으면 평행이동으로 두 이차함수의 그래프를 완전히 포괄 수 있다.

$$\textcircled{5} y = -2(x+1)^2 - 4x = -2x^2 - 8x - 2 \\ = -2(x+2)^2 + 6$$

따라서 $y = -2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼, y 축의 방향으로 6 만큼 평행이동하면 두 그래프가 완전히 포개어진다.

답 ⑤

05 **해결 Guide** x 축과의 교점 $\Rightarrow y=0$ 을 대입

$$y = 2x^2 - 7x - 4 \text{에 } y=0 \text{을 대입하면} \\ 2x^2 - 7x - 4 = 0, \quad (2x+1)(x-4) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

$$\therefore A\left(-\frac{1}{2}, 0\right), B(4, 0) \text{ 또는 } A(4, 0), B\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$$

따라서 선분 AB의 길이는

$$4 - \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{9}{2}$$

답 $\frac{9}{2}$

06 **해결 Guide** a 의 부호는 그래프의 모양으로, b 의 부호는 축의 위치로, c 의 부호는 y 축과 만나는 점의 위치로 결정한다.

$$y = ax^2 - bx + c \text{에서}$$

그래프가 위로 볼록하므로 $a < 0$

축이 y 축의 왼쪽에 있으므로 $-b < 0 \quad \therefore b > 0$

y 축과 원점의 위쪽에서 만나므로 $c > 0$

답 $a < 0, b > 0, c > 0$

07 **해결 Guide** 그래프의 꼭짓점의 좌표가 (p, q) 인 이차함수의 식 $\Rightarrow y = a(x-p)^2 + q$

꼭짓점의 좌표가 $(-2, b)$ 이므로

$$y = -x^2 + ax - 5 = -(x+2)^2 + b$$

즉 $y = -x^2 + ax - 5 = -x^2 - 4x - 4 + b$ 이므로

$$a = -4, -5 = -4 + b \quad \therefore a = -4, b = -1$$

$$\therefore a - b = -3$$

답 ①

08 **해결 Guide** 이차함수 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 m 만큼, y 축의 방향으로 n 만큼 평행이동한 그래프의 식 $\Rightarrow x$ 대신에 $x-m$, y 대신에 $y-n$ 을 대입한다.

$y = x^2 - 6x + 1 = (x-3)^2 - 8$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 m 만큼, y 축의 방향으로 8 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y - 8 = (x - m - 3)^2 - 8$$

$$\therefore y = (x - m - 3)^2$$

이때 $y = x^2 + 2x + k = (x+1)^2 + k - 1$ 이므로

$$-m - 3 = 1, k - 1 = 0$$

$$\therefore m = -4, k = 1$$

$$\therefore m + k = -3$$

답 -3

다른 풀이 $y = x^2 - 6x + 1 = (x-3)^2 - 8$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 $(3, -8)$

$y = x^2 + 2x + k = (x+1)^2 + k - 1$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 $(-1, k-1)$

이때 점 $(3, -8)$ 을 x 축의 방향으로 m 만큼, y 축의 방향으로 8 만큼 평행이동한 점의 좌표는

$$(3+m, -8+8)$$

따라서 $(3+m, 0)$ 이 $(-1, k-1)$ 과 일치하므로

$$3+m = -1, 0 = k-1 \quad \therefore m = -4, k = 1$$

$$\therefore m + k = -3$$

09 [해결 Guide] 이차함수의 그래프의 증가, 감소

→ 축의 좌우에서 바뀐다.

$y = -4x^2 - 8x + 3 = -4(x+1)^2 + 7$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 k 만큼 평행이동하면

$$y = -4(x-k+1)^2 + 7$$

따라서 축의 방정식이 $x = k-1$ 이므로

$$k-1=2 \quad \therefore k=3$$

답 ③

10 [해결 Guide] 그래프가 지나는 점의 좌표를 그래프의 식에 대입한다.

$y = -\frac{1}{2}x^2 + ax + b$ 의 그래프가 점 $(0, 2)$ 를 지나므로

$$b=2 \quad \dots 30\%$$

$y = -\frac{1}{2}x^2 + ax + 2$ 의 그래프가 점 $(4, 0)$ 을 지나므로

$$0 = -8 + 4a + 2 \quad \therefore a = \frac{3}{2} \quad \dots 30\%$$

따라서 $y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x + 2 = -\frac{1}{2}\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{25}{8}$ 이므로 꼭짓

점의 좌표는 $\left(\frac{3}{2}, \frac{25}{8}\right)$ $\dots 40\%$

답 $\left(\frac{3}{2}, \frac{25}{8}\right)$

채점 기준	배점
b 의 값 구하기	30%
a 의 값 구하기	30%
꼭짓점의 좌표 구하기	40%

11 [해결 Guide] 주어진 이차함수를 $y = -\frac{1}{4}(x-p)^2 + q$ 꼴로 변형한다.

$$y = -\frac{1}{4}x^2 + \frac{1}{2}ax + a + 1 = -\frac{1}{4}(x-a)^2 + \frac{1}{4}a^2 + a + 1$$

그래프의 축의 방정식이 $x = a$ 이므로 $a = 2$

$$\therefore y = -\frac{1}{4}x^2 + x + 3$$

$y = 0$ 을 $y = -\frac{1}{4}x^2 + x + 3$ 에 대입하면

$$-\frac{1}{4}x^2 + x + 3 = 0, \quad x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$(x+2)(x-6) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 6$$

따라서 x 축과 만나는 점의 좌표는 $(-2, 0), (6, 0)$ 이다.

답 $(-2, 0), (6, 0)$

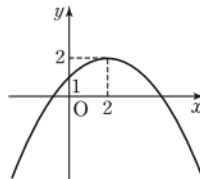
12 [해결 Guide] 이차함수의 그래프는 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 고친 후 그린다.

$$\textcircled{5} y = -\frac{1}{4}x^2 + x + 1$$

$$= -\frac{1}{4}\{(x^2 - 4x + 4) - 4\} + 1$$

$$= -\frac{1}{4}(x-2)^2 + 2$$

이므로 그 그래프는 오른쪽 그림과 같다.



답 ⑤

13 [해결 Guide] 아래로 볼록한 이차함수의 그래프가 x 축과 서로 다른 두 점에서 만나려면 \Rightarrow (꼭짓점의 y 좌표) < 0

$y = x^2 + 4x - 3k + 7 = (x+2)^2 - 3k + 3$ 의 그래프가 x 축과 서로 다른 두 점에서 만나기 위해서는

$$-3k + 3 < 0 \quad \therefore k > 1$$

답 ⑤

14 [해결 Guide] $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 고친 후 그래프를 그려 본다.

$$y = \frac{2}{3}x^2 + 4x + 2 = \frac{2}{3}\{(x^2 + 6x + 9) - 9\} + 2$$

$$= \frac{2}{3}(x+3)^2 - 4$$

이므로 $y = \frac{2}{3}x^2 + 4x + 2$ 의 그래프는

오른쪽 그림과 같다.

① 꼭짓점의 좌표는 $(-3, -4)$ 이다.

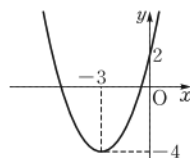
② 그래프는 제1, 2, 3사분면을 지난다.

③ 축의 방정식은 $x = -3$ 이다.

⑤ $y = \frac{2}{3}x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -3 만큼, y 축의 방향으로 -4 만큼 평행이동한 것이다.

따라서 옳은 것은 ④이다.

답 ④



15 [해결 Guide] 이차함수의 그래프는 축을 기준으로 하는 선대칭도형이다.

$$y = -x^2 + 2x + c = -(x-1)^2 + c + 1 \text{의 그래프에서 꼭짓점은 } C(1, c+1)$$

$$\overline{AB} = 6 \text{이므로}$$

$$A(1-3, 0), B(1+3, 0)$$

$$\therefore A(-2, 0), B(4, 0)$$

$y = -x^2 + 2x + c$ 의 그래프가 점 $B(4, 0)$ 을 지나므로

$$0 = -16 + 8 + c \quad \therefore c = 8$$

따라서 $C(1, 9)$ 이므로

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$$

답 27

16 **해결 Guide** 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 에서

- a 의 부호 : 그래프의 모양으로 판정
- b 의 부호 : 축의 위치로 판정
- c 의 부호 : y 축과 만나는 점의 위치로 판정

$$y=ax^2+bx+c \text{에서}$$

그래프가 아래로 볼록하므로 $a > 0$

축이 y 축의 왼쪽에 있으므로 $b > 0$

y 축과 원점의 아래쪽에서 만나므로 $c < 0$

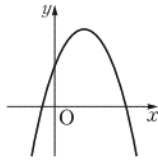
따라서 $y=cx^2+bx+a$ 의 그래프는

(i) $c < 0$ 이므로 위로 볼록하다.

(ii) b, c 의 부호가 다르므로 축은 y 축의 오른쪽에 있다.

(iii) $a > 0$ 이므로 y 축과 원점의 위쪽에서 만난다.

이상에서 $y=cx^2+bx+a$ 의 그래프는 위의 그림과 같으므로 모든 사분면을 지난다. **답 ⑤**



17 **해결 Guide** 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 를

$y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 고쳐서 꼭짓점의 좌표를 구한다.

$$y=ax^2+2ax+a-2=a(x^2+2x)+a-2$$

$$=a[(x^2+2x+1)-1]+a-2=a(x+1)^2-2$$

에서 꼭짓점의 좌표는 $(-1, -2)$... 20%

주어진 포물선이 \overline{AB} 와 만나려면 오른쪽 그림의 색칠한 부분 (경계선 포함)에 포물선이 그려져야 한다.

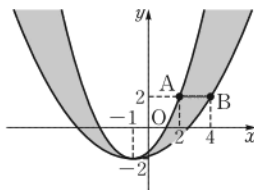
포물선 $y=a(x+1)^2-2$ 가

점 A(2, 2)를 지날 때

$$2=9a-2$$

$$\therefore a=\frac{4}{9}$$

... 30%



포물선 $y=a(x+1)^2-2$ 가 점 B(4, 2)를 지날 때

$$2=25a-2$$

$$\therefore a=\frac{4}{25}$$

... 30%

따라서 구하는 a 의 값의 범위는

$$\frac{4}{25} \leq a \leq \frac{4}{9}$$

... 20%

$$\text{답 } \frac{4}{25} \leq a \leq \frac{4}{9}$$

채점 기준	배점
꼭짓점의 좌표 구하기	20%
점 A를 지날 때 a 의 값 구하기	30%
점 B를 지날 때 a 의 값 구하기	30%
a 의 값의 범위 구하기	20%

18 **해결 Guide** 평행이동한 그래프는 그 모양이 같다.

$$y=-x^2+2x+3=-(x-1)^2+4$$

$$y=-x^2+8x-12=-(x-4)^2+4$$

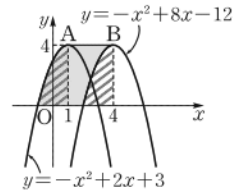
즉 두 그래프는 모두 $y=-x^2$ 의 그래프를 평행이동하여 얻을 수 있다.

따라서 오른쪽 그림에서 빗금 친 두 부분의 모양과 크기가 같으므로 구하는 넓이는 직사각형의 넓이와 같다.

이때 A(1, 4), B(4, 4)이므로

$$(\text{구하는 넓이})=3 \times 4$$

$$=12$$



답 12

3 이차함수의 활용

개념

Check

◎ 본책 198~199쪽

44-1 (1) 꼭짓점의 좌표가 (3, 1)이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x-3)^2+1$$

로 놓으면 그 그래프가 점 (4, 3)을 지나므로

$$3=a+1 \quad \therefore a=2$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=2(x-3)^2+1=2x^2-12x+19$$

(2) 꼭짓점의 좌표가 (-1, 2)이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+1)^2+2$$

로 놓으면 그 그래프가 점 (-2, 5)를 지나므로

$$5=a+2 \quad \therefore a=3$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=3(x+1)^2+2=3x^2+6x+5$$

$$\boxed{\text{답}} (1) y=2x^2-12x+19 \quad (2) y=3x^2+6x+5$$

44-2 (1) 축의 방정식이 $x=-1$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+1)^2+q$$

로 놓으면 그 그래프가 점 (-3, 1)을 지나므로

$$1=4a+q \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

또 그 그래프가 점 (2, -4)를 지나므로

$$-4=9a+q \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면 $a=-1, q=5$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x+1)^2+5=-x^2-2x+4$$

(2) 축의 방정식이 $x=5$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x-5)^2+q$$

로 놓으면 그 그래프가 점 (4, 3)을 지나므로

$$3=a+q \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

또 그 그래프가 점 (7, 6)을 지나므로

$$6=4a+q \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면 $a=1, q=2$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=(x-5)^2+2=x^2-10x+27$$

$$\boxed{\text{답}} (1) y=-x^2-2x+4 \quad (2) y=x^2-10x+27$$

45-1 (1) 구하는 이차함수의 식을

$$y=ax^2+bx+c$$

로 놓으면 그 그래프가 점 (0, -3)을 지나므로

$$c=-3$$

$$\therefore y=ax^2+bx-3 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$\textcircled{1}$ 의 그래프가 점 (-1, -1)을 지나므로

$$-1=a-b-3 \quad \therefore a-b=2 \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}$ 의 그래프가 점 (4, 9)를 지나므로

$$9=16a+4b-3 \quad \therefore 4a+b=3 \quad \dots\dots \textcircled{3}$$

$\textcircled{2}, \textcircled{3}$ 을 연립하여 풀면 $a=1, b=-1$

따라서 구하는 이차함수의 식은 $y=x^2-x-3$

(2) 구하는 이차함수의 식을

$$y=ax^2+bx+c$$

로 놓으면 그 그래프가 점 (0, 6)을 지나므로

$$c=6$$

$$\therefore y=ax^2+bx+6 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$\textcircled{1}$ 의 그래프가 점 (-1, 10)을 지나므로

$$10=a-b+6 \quad \therefore a-b=4 \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}$ 의 그래프가 점 (2, 4)를 지나므로

$$4=4a+2b+6 \quad \therefore 2a+b=-1 \quad \dots\dots \textcircled{3}$$

$\textcircled{2}, \textcircled{3}$ 을 연립하여 풀면 $a=1, b=-3$

따라서 구하는 이차함수의 식은 $y=x^2-3x+6$

$$\boxed{\text{답}} (1) y=x^2-x-3 \quad (2) y=x^2-3x+6$$

45-2 (1) x 축과 두 점 (-2, 0), (4, 0)에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을

$$y=a(x+2)(x-4)$$

로 놓자.

이때 그 그래프가 점 (5, -7)을 지나므로

$$-7=7a \quad \therefore a=-1$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x+2)(x-4)=-x^2+2x+8$$

(2) x 축과 두 점 (2, 0), (-1, 0)에서 만나므로 구하는 이차함수의 식을

$$y=a(x-2)(x+1)$$

로 놓자.

이때 그 그래프가 점 (3, -4)를 지나므로

$$-4=4a \quad \therefore a=-1$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x-2)(x+1)=-x^2+x+2$$

$$\boxed{\text{답}} (1) y=-x^2+2x+8 \quad (2) y=-x^2+x+2$$

◎ 본책 200~201쪽

유제

141-1 꼭짓점의 좌표가 (2, 1)이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x-2)^2+1$$

로 놓자.

그래프가 점 (1, 3)을 지나므로

$$3=a+1 \quad \therefore a=2$$

따라서 이차함수의 식은

$$y=2(x-2)^2+1=2x^2-8x+9$$

이므로 $a=2, b=-8, c=9$

$$\therefore a-b+c=19$$

답 19

142-1 축의 방정식이 $x=-2$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+2)^2+q$$

로 놓자.

그래프가 점 $(-3, 0)$ 을 지나므로

$$0=a(-3+2)^2+q \quad \therefore a+q=0 \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

그래프가 점 $(0, 6)$ 을 지나므로

$$6=a(0+2)^2+q \quad \therefore 4a+q=6 \quad \cdots \cdots \textcircled{2}$$

①, ②를 연립하여 풀면

$$a=2, q=-2$$

따라서 이차함수의 식은

$$y=2(x+2)^2-2=2x^2+8x+6$$

이므로 $a=2, b=8, c=6$

$$\therefore a+b+c=16$$

답 ⑤

143-1 구하는 이차함수의 식을

$$y=ax^2+bx+c$$

로 놓자.

그래프가 점 $(0, 3)$ 을 지나므로 $c=3$

$$\therefore y=ax^2+bx+3 \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

①의 그래프가 점 $(1, 0)$ 을 지나므로

$$0=a+b+3 \quad \therefore a+b=-3 \quad \cdots \cdots \textcircled{2}$$

①의 그래프가 점 $(2, -1)$ 을 지나므로

$$-1=4a+2b+3 \quad \therefore 2a+b=-2 \quad \cdots \cdots \textcircled{3}$$

②, ③을 연립하여 풀면

$$a=1, b=-4$$

따라서 이차함수의 식이

$$y=x^2-4x+3=(x-2)^2-1$$

이므로 꼭짓점의 좌표는 $(2, -1)$ 이다.

답 $(2, -1)$

144-1 x 축과 두 점 $(-1, 0), (2, 0)$ 에서 만나므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+1)(x-2)$$

로 놓자.

그래프가 점 $(3, 4)$ 를 지나므로

$$4=4a \quad \therefore a=1$$

따라서 이차함수의 식이

$$y=(x+1)(x-2)=x^2-x-2$$

이므로 y 축과 만나는 점의 y 좌표는 -2 이다.

답 -2

개념 Check

◎ 본책 202~203쪽

46-1 답 (1) 아래, 3, 2, 3, 솟, 2

(2) 위, $-2, -4, -2$, 댕, -4

47-1 답 $x(x-4), x(x-4), 4x, 2, 4, 2, -4, 2, -2, -4$

유제

◎ 본책 204~209쪽

145-1 $y=-5x^2+10x+15=-5(x-1)^2+20$ 의 그래프는 위로 볼록하고, 꼭짓점의 좌표는 $(1, 20)$ 이다.

따라서 $x=1$ 일 때 최댓값 20을 가지므로

$$M=20$$

$y=\frac{1}{2}x^2-4x+3=\frac{1}{2}(x-4)^2-5$ 의 그래프는 아래로 볼록하고, 꼭짓점의 좌표는 $(4, -5)$ 이다.

따라서 $x=4$ 일 때 최솟값 -5 를 가지므로

$$m=-5$$

$$\therefore M+m=15$$

답 ③

146-1 평행이동한 그래프의 식은

$$y=-3(x-3)^2+5-4=-3(x-3)^2+1$$

따라서 $x=3$ 일 때 최댓값 1을 갖는다.

답 1

$$147-1 y=-2x^2+2ax=-2\left(x-\frac{a}{2}\right)^2+\frac{a^2}{2}$$

이므로 $x=\frac{a}{2}$ 일 때 최댓값 $\frac{a^2}{2}$ 을 갖는다.

따라서 $\frac{a^2}{2}=8$ 이므로

$$a^2=16 \quad \therefore a=4 (\because a>0)$$

답 ①

148-1 이차함수 $y=\frac{1}{2}x^2+mx+n$ 이 $x=-2$ 일 때 최솟값 1을 가지므로

$$y=\frac{1}{2}(x+2)^2+1=\frac{1}{2}x^2+2x+3$$

따라서 $m=2, n=3$ 이므로

$$m+n=5$$

답 5

149-1 조건 (가)에서 $x=-2$ 에서 최댓값을 갖고, 조건 (나)에서 그래프가 x 축과 한 점에서 만나므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+2)^2$$

으로 놓자.

조건 (다)에서 그래프가 점 $(2, -8)$ 을 지나므로

$$-8 = 16a \quad \therefore a = -\frac{1}{2}$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$\begin{aligned} y &= -\frac{1}{2}(x+2)^2 \\ &= -\frac{1}{2}x^2 - 2x - 2 \end{aligned} \quad \text{답 } y = -\frac{1}{2}x^2 - 2x - 2$$

150-1 $y = -x^2 + 2kx + k = -(x-k)^2 + k^2 + k$ 이므로

$$M = k^2 + k = \left(k + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4}$$

따라서 M 은 $k = -\frac{1}{2}$ 일 때 최솟값 $-\frac{1}{4}$ 을 갖는다.

$$\text{답 최솟값: } -\frac{1}{4}, k = -\frac{1}{2}$$

151-1 두 수 중 큰 수를 x , 두 수의 곱을 y 라 하면 다른 한 수는 $x-16$ 이므로

$$\begin{aligned} y &= x(x-16) \\ &= x^2 - 16x \\ &= (x-8)^2 - 64 \end{aligned}$$

따라서 $x=8$ 일 때, 최솟값 -64 를 가지므로 곱이 최소가 되는 두 수는 $8, -8$ 이고, 이 중에서 작은 수는 -8 이다.

답 -8

다른 풀이 두 수 중 작은 수를 x , 두 수의 곱을 y 라 하면 다른 한 수는 $x+16$ 이므로

$$\begin{aligned} y &= x(x+16) \\ &= x^2 + 16x \\ &= (x+8)^2 - 64 \end{aligned}$$

따라서 $x=-8$ 일 때 최솟값 -64 를 가지므로 곱이 최소가 되는 두 수는 $-8, 8$ 이고, 이 중에서 작은 수는 -8 이다.

152-1 $y = -5t^2 + 20t + 15 = -5(t-2)^2 + 35$

이므로 $t=2$ 일 때 최댓값 35 를 갖는다.

따라서 공이 가장 높이 올라가는 데 걸리는 시간은 2 초이다.

답 ②

153-1 직사각형의 둘레의 길이가 40 cm이므로

$$\begin{aligned} 2((\text{가로의 길이}) + (\text{세로의 길이})) &= 40(\text{cm}) \\ \therefore (\text{가로의 길이}) + (\text{세로의 길이}) &= 20(\text{cm}) \end{aligned}$$

이때 가로의 길이를 x cm, 직사각형의 넓이를 y cm²라 하면 세로의 길이는 $(20-x)$ cm이므로

$$\begin{aligned} y &= x(20-x) \\ &= -x^2 + 20x \\ &= -(x-10)^2 + 100 \end{aligned}$$

따라서 $x=10$ 일 때 넓이가 최대가 되므로 이때의 직사각형의 가로의 길이와 세로의 길이는 각각 10 cm, 10 cm이다.

답 10 cm, 10 cm

154-1 출발한 지 t 초 후 두 점 P, Q가 이동한 거리는 각각

$$\overline{AP} = t \text{ cm}, \overline{QB} = 2t \text{ cm} \text{ 이므로}$$

$$\overline{AQ} = (10-2t) \text{ cm}$$

$$\begin{aligned} \therefore \triangle AQP &= \frac{1}{2} \times \overline{AP} \times \overline{AQ} \\ &= \frac{1}{2} \times t \times (10-2t) \\ &= -t^2 + 5t \\ &= -\left(t - \frac{5}{2}\right)^2 + \frac{25}{4} \end{aligned}$$

즉 $t = \frac{5}{2}$ 일 때 최댓값은 $\frac{25}{4}$ 이다.

따라서 출발한 지 $\frac{5}{2}$ 초 후 $\triangle AQP$ 의 넓이는 최대가 된다.

답 $\frac{5}{2}$ 초

155-1 점 P의 좌표를 $(x, -x+6)$, $\triangle PRQ$ 의 넓이를 y 라 하면

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{2} \times \overline{PR} \times \overline{PQ} \\ &= \frac{1}{2} x(-x+6) \\ &= -\frac{1}{2}x^2 + 3x \\ &= -\frac{1}{2}(x-3)^2 + \frac{9}{2} \end{aligned}$$

이므로 $x=3$ 일 때 최댓값은 $\frac{9}{2}$ 이다.

따라서 $\triangle PRQ$ 의 넓이의 최댓값은 $\frac{9}{2}$ 이다.

답 ⑤

155-2 $\triangle ABC$ 가 직각이등변삼각형이므로 $\triangle BED$ 와 $\triangle FCG$ 도 직각이등변삼각형이다.

따라서 $\overline{DE} = \overline{FG} = x$ cm라 하면

$$\overline{BE} = \overline{FC} = x \text{ cm}$$

$$\therefore \overline{EF} = (16-2x) \text{ cm}$$

직사각형 DEFG의 넓이를 y cm²라 하면

$$\begin{aligned} y &= x(16-2x) \\ &= -2x^2 + 16x \\ &= -2(x-4)^2 + 32 \end{aligned}$$

이므로 $x=4$ 일 때 최댓값은 32 이다.

따라서 직사각형 DEFG의 넓이의 최댓값은 32 cm²이다.

답 ②

단원 마무리

◎ 본책 210~213쪽

- 01 ⑤ 02 9 03 ⑤ 04 ② 05 ③
 06 $y=x^2+4x+1$ 07 18 08 ② 09 ②
 10 $a=2, b=-12, c=14$ 11 ⑤ 12 ②
 13 -15 14 1 15 ④ 16 $-\frac{4}{9} < a < 0$
 17 300원 18 3초
 19 반지름의 길이 : 3 cm, 넓이 : 9 cm² 20 98 cm²
 21 ④ 22 -3 23 ⑤ 24 16

01 **해결 Guide** 꼭짓점의 좌표와 다른 한 점을 알 때의 포물선의 식 $\Rightarrow y=a(x-p)^2+q$

꼭짓점의 좌표가 (2, 3)이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x-2)^2+3$$

으로 놓자.

그래프가 점 (0, -1)을 지나므로

$$-1=4a+3 \quad \therefore a=-1$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=-(x-2)^2+3=-x^2+4x-1$$

답 ⑤

02 **해결 Guide** 축의 방정식이 $x=m$ 인 포물선의 식

$$\Rightarrow y=a(x-m)^2+q$$

축의 방정식이 $x=3$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x-3)^2+q$$

로 놓자.

그래프가 점 (-1, 23)을 지나므로

$$23=a(-1-3)^2+q \quad \therefore 16a+q=23 \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

그래프가 점 (4, -7)을 지나므로

$$-7=a(4-3)^2+q \quad \therefore a+q=-7 \quad \cdots \cdots \textcircled{2}$$

①, ②을 연립하여 풀면

$$a=2, q=-9$$

따라서 이차함수의 식은

$$y=2(x-3)^2-9=2x^2-12x+9$$

이므로 그래프가 y 축과 만나는 점의 y 좌표는 9이다.

답 9

03 **해결 Guide** c 의 값을 먼저 구한다.

그래프가 점 (0, 6)을 지나므로

$$c=6 \quad \therefore y=ax^2+bx+6 \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

①의 그래프가 점 (1, -1)을 지나므로

$$a+b+6=-1 \quad \therefore a+b=-7 \quad \cdots \cdots \textcircled{2}$$

①의 그래프가 점 (3, -9)를 지나므로

$$9a+3b+6=-9 \quad \therefore 3a+b=-5 \quad \cdots \cdots \textcircled{3}$$

①, ③을 연립하여 풀면 $a=1, b=-8$

$$\therefore a-b+c=15$$

답 ⑤

04 **해결 Guide** 이차함수의 식을 $y=m(x-p)^2+q$ 꼴로 고친다.

$$y=3x^2+6x+5=3(x+1)^2+2$$

따라서 $x=-1$ 일 때 최솟값 2를 가지므로

$$a=-1, b=2$$

$$\therefore ab=-2$$

답 ②

05 **해결 Guide** 주어진 이차함수의 식을 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 고쳐서 각각 최댓값을 구해 본다.

① 최댓값은 -3이다.

② $y=-\frac{1}{2}x^2-2x-2=-\frac{1}{2}(x+2)^2$ 이므로 최댓값은 0이다.

③ $y=-\frac{1}{4}x^2-4x=-\frac{1}{4}(x+8)^2+16$ 이므로 최댓값은 16이다.

④ $y=-2x^2+4x-7=-2(x-1)^2-5$ 이므로 최댓값은 -5이다.

⑤ $y=-3x^2+6x-1=-3(x-1)^2+2$ 이므로 최댓값은 2이다.

따라서 최댓값이 가장 큰 것은 ③이다.

답 ③

06 **해결 Guide** $x=p$ 에서 최솟값 q 를 갖는 이차함수의 식

$$\Rightarrow y=a(x-p)^2+q \quad (a>0)$$

$x=-2$ 에서 최솟값 -3을 가지므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+2)^2-3$$

으로 놓자.

그래프가 점 (1, 6)을 지나므로

$$6=9a-3 \quad \therefore a=1$$

따라서 구하는 이차함수의 식은

$$y=(x+2)^2-3=x^2+4x+1$$

$$\text{답 } y=x^2+4x+1$$

07 **해결 Guide** $y=-2x+12$ 를 xy 에 대입하여 x 에 대한 이차 식으로 나타낸다.

$$2x+y=12 \text{에서} \quad y=-2x+12$$

$$\therefore xy=x(-2x+12)$$

$$=-2x^2+12x$$

$$=-2(x-3)^2+18$$

따라서 $x=3$ 일 때 xy 의 최댓값은 18이다.

답 18

08 [해결 Guide] (삼각형의 넓이) = $\frac{1}{2} \times (\text{밑변의 길이}) \times (\text{높이})$

삼각형의 밑변의 길이를 x cm, 넓이를 y cm²라 하면 높이는 $(40-x)$ cm이므로

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{2}x(40-x) \\ &= -\frac{1}{2}x^2 + 20x \\ &= -\frac{1}{2}(x-20)^2 + 200 \end{aligned}$$

따라서 삼각형의 최대 넓이는 200 cm²이다. 답 ②

09 [해결 Guide] 새로운 직사각형의 넓이를 y cm²로 놓은 후 x , y 에 대한 식을 세운다.

새로운 직사각형의 가로 길이는 $(8+2x)$ cm, 세로 길이는 $(8-x)$ cm이므로 넓이를 y cm²라 하면

$$\begin{aligned} y &= (8+2x)(8-x) \\ &= -2x^2 + 8x + 64 \\ &= -2(x-2)^2 + 72 \end{aligned}$$

따라서 $x=2$ 일 때 최댓값은 72이다. 답 ②

10 [해결 Guide] 먼저 축의 방정식과 이차함수의 최솟값을 이용하여 꼭짓점의 좌표를 구한다.

조건 (가), (다)에서 꼭짓점의 좌표는 $(3, -4)$...30%

따라서 이차함수의 식을

$$y = a(x-3)^2 - 4$$

로 놓으면 조건 (나)에서 그래프가 점 $(2, -2)$ 를 지나므로 $-2 = a - 4 \quad \therefore a = 2$...30%

그러므로 구하는 이차함수의 식은

$$\begin{aligned} y &= 2(x-3)^2 - 4 = 2x^2 - 12x + 14 \\ \therefore b &= -12, c = 14 \end{aligned} \quad \text{...40%}$$

답 $a=2, b=-12, c=14$

11 [해결 Guide] x 축과 만나는 한 점에서 포물선의 축까지의 거리

→ $(x$ 축과 만나는 두 점 사이의 거리) $\times \frac{1}{2}$

$y = x^2 + ax + b$ 의 그래프가 x 축과 만나는 두 점 사이의 거리가 8이므로 x 축과의 교점의 좌표는

$$(-4, 0), (4, 0)$$

따라서 이차함수의 식은

$$y = (x+4)(x-4) = x^2 - 16$$

즉 $a=0, b=-16$ 이므로

$$a-b=16$$

답 ⑤

12 [해결 Guide] 이차함수의 식을 $y = m(x-p)^2 + q$ 꼴로 고친다.

$$y = ax^2 + 4ax - 9 = a(x+2)^2 - 4a - 9$$

이므로 $a < 0$ 이고 $x = -2$ 일 때 최댓값 $-4a - 9$ 를 갖는다.

따라서 $-4a - 9 = 3$ 이므로 $a = -3$ 답 ②

13 [해결 Guide] 꼭짓점의 좌표를 구한 후 $y = 3x - 6$ 에 대입한다.

$y = -2x^2 - 12x + 4p - 13 = -2(x+3)^2 + 4p + 5$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표는 $(-3, 4p+5)$ 이므로 최댓값은 $4p+5$ 이다.

점 $(-3, 4p+5)$ 가 직선 $y = 3x - 6$ 위에 있으므로

$$4p+5 = -15$$

따라서 $x = -3$ 일 때, 최댓값은 -15 이다.

답 -15

14 [해결 Guide] 이차함수가 $x=p$ 에서 최솟값 q 를 가지면 꼭짓점의 좌표는 (p, q) 이다.

$y = a\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + 4$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼, y 축의 방향으로 m 만큼 평행이동하면

$$\begin{aligned} y &= a\left(x + 2 - \frac{1}{2}\right)^2 + 4 + m \\ &= a\left(x + \frac{3}{2}\right)^2 + 4 + m \\ &= ax^2 + 3ax + \frac{9}{4}a + 4 + m \end{aligned}$$

따라서 $a=2, 3a=n, \frac{9}{4}a + 4 + m = \frac{7}{2}$ 이므로

$$m = -5, n = 6$$

$$\therefore m+n=1$$

답 1

15 [해결 Guide] 이차함수의 식을 $y = a(x-p)^2 + q$ 꼴로 고친다.

$$y = \frac{1}{2}x^2 - mx + 5m = \frac{1}{2}(x-m)^2 - \frac{1}{2}m^2 + 5m$$

$$\begin{aligned} f(m) &= -\frac{1}{2}m^2 + 5m \\ &= -\frac{1}{2}(m-5)^2 + \frac{25}{2} \end{aligned}$$

따라서 $m=5$ 일 때 $f(m)$ 의 최댓값은 $\frac{25}{2}$ 이다.

답 ④

16 [해결 Guide] 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 가 $x=p$ 일 때 최댓값 q 를 가지면 $a<0$ 이고 꼭짓점의 좌표는 (p, q) 이다.

$y=ax^2+bx+c$ 가 최댓값을 가지므로

$$a < 0 \quad \dots\dots \textcircled{㉠} \quad \dots\dots 20\%$$

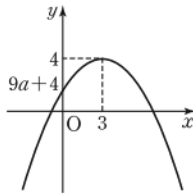
$x=3$ 일 때 최댓값이 4이므로 이차함수의 식은

$$\begin{aligned} y &= a(x-3)^2 + 4 \\ &= ax^2 - 6ax + 9a + 4 \end{aligned} \quad \dots\dots 30\%$$

이 이차함수의 그래프가 모든 사분면을 지나려면 오른쪽 그림과 같이 y 축과의 교점의 y 좌표가 0보다 커야 하므로

$$\begin{aligned} 9a + 4 &> 0 \\ \therefore a &> -\frac{4}{9} \quad \dots\dots \textcircled{㉡} \end{aligned}$$

$$\textcircled{㉠}, \textcircled{㉡} \text{에서} \quad -\frac{4}{9} < a < 0 \quad \dots\dots 50\%$$



$$\text{답} \quad -\frac{4}{9} < a < 0$$

채점 기준	배점
a 의 부호 구하기	20%
최댓값을 이용하여 이차함수의 식 구하기	30%
a 의 값의 범위 구하기	50%

17 [해결 Guide] (총 판매 금액) = (상품의 가격) \times (총 판매량)

총 판매 금액을 y 원이라 하면 상품의 가격을 x 원 올렸을 때 상품의 가격은 $(200+x)$ 원, 총 판매량은 $(800-2x)$ 개이므로

$$\begin{aligned} y &= (200+x)(800-2x) \\ &= -2x^2 + 400x + 160000 \\ &= -2(x-100)^2 + 180000 \end{aligned}$$

따라서 $x=100$ 일 때 총 판매 금액이 최대이므로 한 개당 판매 가격은

$$200 + 100 = 300 \text{ (원)} \quad \text{답} \quad 300 \text{원}$$

18 [해결 Guide] $y=-5t^2+10t+40$ 을 $y=a(x-p)^2+q$ 꼴로 변형한다.

$$\begin{aligned} y &= -5t^2 + 10t + 40 \\ &= -5(t-1)^2 + 45 \end{aligned}$$

이므로 $t=1$ 일 때 최댓값은 45이다.

따라서 1초 후에 최고 높이에 도달한다. $\dots\dots 40\%$

t 초 후에 지면에 도달한다고 하면 이때 $y=0$ 이므로

$$\begin{aligned} -5t^2 + 10t + 40 &= 0 \\ t^2 - 2t - 8 &= 0 \end{aligned}$$

$$(t+2)(t-4)=0$$

$$\therefore t=4 \quad (\because t>0) \quad \dots\dots 40\%$$

따라서 최고 높이에 도달한 지 $4-1=3$ (초) 후 지면에 도달한다. $\dots\dots 20\%$

답 3초

채점 기준	배점
최고 높이에 도달하는 데 걸리는 시간 구하기	40%
지면에 도달하는 데 걸리는 시간 구하기	40%
최고 높이에서 지면에 도달하는 데 걸리는 시간 구하기	20%

19 [해결 Guide] 부채꼴의 반지름의 길이를 r , 호의 길이를 l 이라 할 때, 부채꼴의 넓이 S 는 $S=\frac{1}{2}rl$ 임을 이용한다.

부채꼴의 반지름의 길이를 x cm라 하면 부채꼴의 호의 길이는 $(12-2x)$ cm이다.

부채꼴의 넓이를 y cm²라 하면

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{2}x(12-2x) \\ &= -x^2 + 6x \\ &= -(x-3)^2 + 9 \end{aligned}$$

따라서 부채꼴의 반지름의 길이가 3 cm일 때 넓이는 9 cm²로 최대가 된다.

답 반지름의 길이 : 3 cm, 넓이 : 9 cm²

20 [해결 Guide] $\overline{AP}=x$ cm $\Rightarrow \overline{BP}=(14-x)$ cm

$\overline{AP}=x$ cm라 하면 $\overline{BP}=(14-x)$ cm

두 도형의 넓이의 합을 y cm²라 하면

$$\begin{aligned} y &= x^2 + (14-x)^2 \\ &= 2x^2 - 28x + 196 \\ &= 2(x-7)^2 + 98 \end{aligned}$$

따라서 $\overline{AP}=7$ cm일 때 두 도형의 넓이의 합의 최솟값은

$$98 \text{ cm}^2 \text{이다.} \quad \text{답} \quad 98 \text{ cm}^2$$

21 [해결 Guide] 점 P의 좌표를 $(x, -\frac{3}{2}x+6)$ 으로 놓고

$\triangle POA$ 의 넓이를 구한다.

점 P의 좌표를 $(x, -\frac{3}{2}x+6)$, $\triangle POA$ 의 넓이를 y 라 하면

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{2}x\left(-\frac{3}{2}x+6\right) \\ &= -\frac{3}{4}x^2 + 3x \\ &= -\frac{3}{4}(x-2)^2 + 3 \end{aligned}$$

이므로 $x=2$ 일 때 최댓값은 3이다.

따라서 $\triangle POA$ 의 넓이의 최댓값은 3이다.

답 ④

22 **해결 Guide** 이차방정식의 근과 계수의 관계를 이용한다.

$y = \frac{1}{2}x^2 + ax + b$ 의 그래프가 점 (3, 5)를 지나므로

$$5 = \frac{9}{2} + 3a + b \quad \therefore 3a + b = \frac{1}{2} \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$y = \frac{1}{2}x^2 + ax + b$ 에 $y = -1$ 을 대입하면

$$\frac{1}{2}x^2 + ax + b = -1$$

$$\therefore \frac{1}{2}x^2 + ax + b + 1 = 0$$

이 이차방정식의 두 근의 합이 -2 이므로 근과 계수의 관계에 의하여

$$-2a = -2 \quad \therefore a = 1$$

$$a = 1 \text{을 } \textcircled{1} \text{에 대입하면} \quad b = -\frac{5}{2}$$

따라서 $y = \frac{1}{2}x^2 + x - \frac{5}{2} = \frac{1}{2}(x+1)^2 - 3$ 의 최솟값은 -3 이다.

답 -3

23 **해결 Guide** 이차함수 $y=f(x)$ 에서 $f(a)=f(b)$

$$\Rightarrow (\text{꼭짓점의 } x\text{좌표}) = \frac{a+b}{2}$$

이차함수의 그래프는 축에 대하여 선대칭도형이고

$f(36)=f(38)$ 이므로 축의 방정식은

$$x = \frac{36+38}{2} = 37$$

즉 $f(x) = ax^2 + bx + c = a(x-37)^2 + q$ 로 놓으면
 $f(36) = 1$ 이므로

$$a + q = 1 \quad \therefore q = 1 - a$$

따라서 $f(x)$ 의 최솟값은 $1-a$ 이다.

답 ⑤

24 **해결 Guide** 꼭짓점의 좌표를 이용하여 정사각형의 한 변의 길이를 구한다.

$y = x^2 - 6x + 3$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프의 식은

$$-y = x^2 - 6x + 3$$

$$\therefore y = -x^2 + 6x - 3$$

$$= -(x-3)^2 + 6$$

이 그래프의 꼭짓점의 좌표는 (3, 6)

이때 점 D의 x 좌표를 $3+k$ 라 하면 점 A의 x 좌표는 $3-k$ 이므로

$$A(3-k, -k^2+6), D(3+k, -k^2+6)$$

$\square ABCD$ 가 정사각형이므로 $\overline{AD} = 2k$ 에서

$$\overline{DC} = \overline{AD} = 2k$$

즉 $k = (\text{점 D의 } y\text{좌표})$ 이므로

$$k = -k^2 + 6, \quad k^2 + k - 6 = 0$$

$$(k+3)(k-2) = 0$$

$$\therefore k = -3 \text{ 또는 } k = 2$$

그런데 $k > 0$ 이므로 $k = 2$

따라서 정사각형 ABCD의 한 변의 길이는 4이므로 그 넓이는 16이다.

답 16

