

기출문제로 개념 잡고 내신만점 맞자!

숨마쿰라우데®

중학수학 실전문제집



3-1

- 핵심개념 특강편 02
- 내신만점 도전편 32
- 중간·기말고사 대비 문제 56

핵심개념 특강편 정답 및 풀이

I 실수와 그 계산

01. 제곱근의 뜻과 성질

| 개 · 념 · 확 · 인 | | | | 06~07쪽 |
|-------------------|-----------------|---------------------------------|-------------------|--------|
| 01 (1) 3, -3 | (2) 13, -13 | (3) $\frac{1}{4}, -\frac{1}{4}$ | (4) 0 | |
| (5) 0.7, -0.7 | (6) 5, -5 | (7) $\frac{2}{3}, -\frac{2}{3}$ | (8) 없다. | |
| 02 (1) $\sqrt{3}$ | (2) $-\sqrt{5}$ | (3) $\pm\sqrt{7}$ | (4) $\sqrt{10}$ | |
| 03 (1) 4 | (2) -7 | (3) $\pm\frac{2}{3}$ | | |
| 04 (1) 5 | (2) 7 | (3) 11 | (4) 3 | |
| (5) $\frac{5}{4}$ | (6) -0.3 | | | |
| 05 (1) 7 | (2) -4 | (3) 24 | (4) $\frac{1}{6}$ | |
| 06 (1) < | (2) > | (3) < | (4) < | |

05 (3) $\sqrt{8^2} \times (-\sqrt{3})^2 = 8 \times 3 = 24$
 (4) $\left(\sqrt{\frac{3}{4}}\right)^2 \div \left(-\sqrt{\frac{9}{2}}\right)^2 = \frac{3}{4} \times \frac{2}{9} = \frac{1}{6}$

| 핵심유형으로 개 · 념 · 정 · 복 · 하 · 기 | | | | 08~09쪽 |
|------------------------------|---|-------|-------|--------|
| 핵심유형 1 ③ | 1-1 ① | 1-2 ③ | 1-3 ② | |
| 핵심유형 2 ⑤ | 2-1 ④ | 2-2 ⑤ | 2-3 ④ | |
| 핵심유형 3 ④ | 3-1 ③ | | | |
| | 3-2 (1) 2x (2) x-2 (3) -x+4 | 3-3 ⑤ | | |
| 핵심유형 4 ③ | 4-1 ⑤ | | | |
| | 4-2 -5, $-\sqrt{\frac{5}{2}}, 0, \sqrt{3}, \sqrt{\frac{7}{2}}, 2$ | 4-3 ④ | | |

핵심유형 1 144의 양의 제곱근은 12이므로 $A=12$
 81의 음의 제곱근은 -9이므로 $B=-9$
 $\therefore A+B=12-9=3$

1-2 $1\dot{7}=\frac{16}{9}$ 의 음의 제곱근은 $-\frac{4}{3}$ 이다.

1-3 ① 0의 제곱근은 1개이다.
 ③ 양수의 제곱근만 2개이다.
 ④ 16의 제곱근은 ± 4 이고 제곱근 16은 4이다.
 ⑤ $x^2=25$ 를 만족하는 x 의 값은 ± 5 이다.

핵심유형 2 $\sqrt{16}=4$ 의 양의 제곱근은 2이므로 $a=2$
 제곱근 49는 $\sqrt{49}=7$ 이므로 $b=7$
 $\therefore a+b=2+7=9$

2-1 ④ $4.9 \Rightarrow \pm\sqrt{4.9}$

2-2 ① 0.5 ② -8 ③ 1 ④ 11

2-3 두 정사각형의 넓이의 합은 $4^2+5^2=41(\text{cm}^2)$ 이므로 넓이가 41 cm^2 인 정사각형의 한 변의 길이는 $\sqrt{41} \text{ cm}$ 이다.

핵심유형 3 ④ $-\sqrt{\left(-\frac{2}{3}\right)^2} = -\frac{2}{3}$

3-1 ① $\sqrt{(-3)^2} + \sqrt{16} = 3 + 4 = 7$
 ② $(-\sqrt{5})^2 - \sqrt{4^2} = 5 - 4 = 1$
 ③ $-\left(\sqrt{\frac{1}{2}}\right)^2 + \sqrt{\left(-\frac{3}{2}\right)^2} = -\frac{1}{2} + \frac{3}{2} = 1$
 ④ $\sqrt{49} \div (-\sqrt{7})^2 = 7 \div 7 = 1$
 ⑤ $(-\sqrt{6})^2 \times (-\sqrt{3^2}) = 6 \times (-3) = -18$

3-2 (1) $-2x < 0$ 이므로 $\sqrt{(-2x)^2} = -(-2x) = 2x$
 (2) $x-2 \geq 0$ 이므로 $\sqrt{(x-2)^2} = x-2$
 (3) $x-4 < 0$ 이므로 $\sqrt{(x-4)^2} = -(x-4) = -x+4$

3-3 $150=2 \times 3 \times 5^2$ 이고 $\sqrt{2 \times 3 \times 5^2 \times x}$ 가 자연수가 되려면 근호 안의 수 $2 \times 3 \times 5^2 \times x$ 가 제곱수가 되어야 한다.
 따라서 $\sqrt{150x}$ 가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수 x 의 값은 $2 \times 3 = 6$ 이다.

핵심유형 4 ① $\sqrt{5} < \sqrt{7}$
 ② $\sqrt{8} < \sqrt{9}$ 이므로 $\sqrt{8} < 3$
 ④ $-\sqrt{9} < -\sqrt{6}$ 이므로 $-3 < -\sqrt{6}$
 ⑤ $\sqrt{\frac{1}{4}} < \sqrt{\frac{1}{2}}$ 이므로 $\frac{1}{2} < \sqrt{\frac{1}{2}}$

4-1 ①, ②, ③, ④ < ⑤ >

4-2 음수는 -5, $-\sqrt{\frac{5}{2}}$ 이고, $-5 < -\sqrt{\frac{5}{2}}$
 양수는 $\sqrt{3}, 2, \sqrt{\frac{7}{2}}$ 이고, $\sqrt{3} < \sqrt{\frac{7}{2}} < 2$
 따라서 크기가 작은 것부터 순서대로 나열하면
 $-5, -\sqrt{\frac{5}{2}}, 0, \sqrt{3}, \sqrt{\frac{7}{2}}, 2$ 이다.

4-3 $1=\sqrt{1}$, $3=\sqrt{9}$ 이므로 $\sqrt{1}\leq\sqrt{x}<\sqrt{9}$

이를 만족하는 자연수 x 는 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8의 8개이다.

기출문제 실·력·다·지·기

10~11쪽

- 01 ③ 02 ② 03 ③ 04 ⑤
05 ⑤ 06 ① 07 ④ 08 ④
09 ④ 10 ⑤ 11 ④ 12 ③
13 ② 14 a 15 11

01 ① 어떤 수 x 를 제곱하여 a 가 될 때, x 를 a 의 제곱근이라 한다.

② $\sqrt{(-3)^2}=3$

④ $\sqrt{36}=6$ 의 제곱근은 $\pm\sqrt{6}$ 이다.

⑤ $(-\sqrt{4})^2=4$ 의 제곱근은 ± 2 이다.

02 ①, ③, ④, ⑤ $\pm\sqrt{7}$ ② $\sqrt{7}$

03 $\sqrt{a^2}=9$ 에서 $a^2=81$ $\therefore a=\pm 9$

04 ⑤ 900의 제곱근은 ± 30 이다.

05 ①, ②, ③, ④ 2 ⑤ -2

06 $\sqrt{49}-\sqrt{(-3)^2}\times(-\sqrt{2})^2-\sqrt{6^2}=7-3\times 2-6=-5$

07 $x+4>0$, $x-4<0$ 이므로

$\sqrt{(x+4)^2}+\sqrt{(x-4)^2}=x+4-(x-4)=8$

08 $\sqrt{60a}=\sqrt{2^2\times 3\times 5\times a}$ 가 자연수가 되기 위한 가장 작은 자연수 $a=3\times 5=15$

이때 $\sqrt{60\times 15}=\sqrt{(2\times 3\times 5)^2}=\sqrt{30^2}=30$ 이므로 $b=30$

$\therefore a+b=15+30=45$

09 ④ $-\sqrt{5}>-\sqrt{6}$

10 $a=0.01$ 이라 하면

① $a=0.01$ ② $a^2=(0.01)^2=0.0001$

③ $\frac{1}{\sqrt{a}}=\frac{1}{\sqrt{0.01}}=\frac{1}{0.1}=10$

④ $\sqrt{a}=\sqrt{0.01}=0.1$

⑤ $\frac{1}{a}=\frac{1}{0.01}=100$

11 $3<\sqrt{x-1}\leq 5$ 에서 $3^2<(\sqrt{x-1})^2\leq 5^2$, $9<x-1\leq 25$

$\therefore 10<x\leq 26$

따라서 자연수 x 의 값 중에서 최댓값은 26, 최솟값은 11이므로

$M=26$, $N=11$ $\therefore M-N=26-11=15$

12 $1<\sqrt{3}<2$ 이므로 $2-\sqrt{3}>0$, $\sqrt{3}-2<0$

$\therefore \sqrt{(2-\sqrt{3})^2}-\sqrt{(\sqrt{3}-2)^2}=(2-\sqrt{3})-\{-(\sqrt{3}-2)\}$
 $=2-\sqrt{3}+\sqrt{3}-2=0$

13 $f(1)=0$, $f(2)=f(3)=f(4)=1$,

$f(5)=f(6)=f(7)=f(8)=f(9)=2$, $f(10)=3$ 이므로

(주어진 식) $=0+1\times 3+2\times 5+3=16$

14 [단계 ①] $a<b$, $ab<0$ 이므로 $a<0$, $b>0$

[단계 ②] $a<0$, $b>0$ 이므로 $b-a>0$, $-3a>0$

[단계 ③] \therefore (주어진 식) $=-a-b+(b-a)-(-3a)=a$

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------|------|
| ① a , b 의 부호 정하기 | 40 % |
| ② $b-a$, $-3a$ 의 부호 정하기 | 30 % |
| ③ 주어진 식을 간단히 정리하기 | 30 % |

15 $\sqrt{\frac{96}{a}}=\sqrt{\frac{2^5\times 3}{a}}$ 이 자연수가 되도록 하는 a 의 값 중 가장 작은 자연수는 $2\times 3=6$ 이다.

$\therefore M=6$

..... ①

$\sqrt{30-b}$ 가 자연수가 되도록 하는 b 의 값 중 가장 작은 자연수를 구하려면 $30-b$ 가 30보다 작은 가장 큰 제곱수가 되어야 하므로 $30-b=25$ $\therefore b=5$ $\therefore N=5$

..... ②

$\therefore M+N=6+5=11$

..... ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-----------------|------|
| ① M 의 값 구하기 | 40 % |
| ② N 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ $M+N$ 의 값 구하기 | 20 % |

02. 무리수와 실수

개·념·확·인

12~13쪽

- 01 (1) 무리수 (2) 유리수 (3) 무리수 (4) 유리수
(5) 유리수 (6) 무리수

02 ⑤

03 A : $1-\sqrt{2}$, B : $1+\sqrt{2}$

04 (1) ○ (2) ○ (3) ×

05 (1) <

(2) >

(3) >

(4) <



03 넓이가 1인 정사각형의 대각선의 길이는 $\sqrt{2}$ 이다.
 $\therefore A : 1 - \sqrt{2}, B : 1 + \sqrt{2}$

05 (3) $4 - (\sqrt{3} + 2) = 2 - \sqrt{3} > 0$ 이므로 $4 > \sqrt{3} + 2$
 (4) $\sqrt{6} - 2 - 1 = \sqrt{6} - 3 < 0$ 이므로 $\sqrt{6} - 2 < 1$

핵심유형으로 개·념·정·복·하·기

14~15쪽

핵심유형 1 ②, ⑤ 1-1 ④ 1-2 ⑤ 1-3 ②, ⑤
 핵심유형 2 ③ 2-1 ㄱ, ㄷ, ㄹ
 2-2 (1) 5 (2) $\sqrt{5}$ (3) $P(3 - \sqrt{5}), Q(3 + \sqrt{5})$
 핵심유형 3 ⑤ 3-1 ③ 3-2 ④
 3-3 $A : -\sqrt{11}, B : -\sqrt{8}, C : \sqrt{3}, D : \sqrt{7}$
 핵심유형 4 ④ 4-1 ② 4-2 ③ 4-3 ⑤

핵심유형 1 ③ $2 + \sqrt{4} = 2 + 2 = 4$ 이므로 유리수이다.

1-1 ① $\sqrt{0.4} = \sqrt{\frac{4}{10}} = \frac{2}{\sqrt{10}}$ (유리수)
 ② $\sqrt{121} = \sqrt{11^2} = 11$ (유리수)
 ③ $\frac{3}{4}$ (유리수)
 ④ $\sqrt{\frac{14}{9}}$ 는 무리수이므로 순환하지 않는 무한소수이다.
 ⑤ 3.14 (유리수)

1-2 ⑤ $\sqrt{25} = 5$ 의 양의 제곱근은 $\sqrt{5}$ 이므로 무리수이다.

1-3 ① 근호로 나타내어진 수라고 모두 무리수는 아니다.
 (반례) $\sqrt{4} = 2$ (유리수)
 ②, ③ 순환하는 무한소수는 유리수이고, 순환하지 않는 무한소수는 무리수이다.
 ④ 유리수가 되는 무리수는 없다.

핵심유형 2 넓이가 1인 정사각형의 대각선의 길이는 $\sqrt{2}$ 이다.
 ③ $C(2 - \sqrt{2})$

2-1 ㄴ. 점 P에 대응하는 수는 $3 - \sqrt{2}$ 이다.

2-2 (1) $3 \times 3 - 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 1\right) = 9 - 4 = 5$
 (2) 넓이가 5인 정사각형의 한 변의 길이는 $\sqrt{5}$ 이다.
 (3) $P(3 - \sqrt{5}), Q(3 + \sqrt{5})$

핵심유형 3 ⑤ 두 자연수 1과 50 사이에는 48개의 자연수가 있다.

3-2 ① $-\sqrt{3}$ 과 5 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.
 ② $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
 ③ $-\sqrt{3}$ 과 2 사이에는 -1, 0, 1의 3개의 정수가 있다.
 ⑤ $\sqrt{5}$ 와 $\sqrt{8}$ 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.

3-3 $1 < \sqrt{3} < 2$ 이므로 $C : \sqrt{3}$
 $2 < \sqrt{7} < 3$ 이므로 $D : \sqrt{7}$
 $-4 < -\sqrt{11} < -3$ 이므로 $A : -\sqrt{11}$
 $-3 < -\sqrt{8} < -2$ 이므로 $B : -\sqrt{8}$

핵심유형 4 ④ $3 + \sqrt{7} - (\sqrt{5} + 3) = \sqrt{7} - \sqrt{5} > 0$ 이므로
 $3 + \sqrt{7} > \sqrt{5} + 3$

4-1 ① $\sqrt{3} + 1 - 4 = \sqrt{3} - 3 < 0$ 이므로
 $\sqrt{3} + 1 < 4$
 ② $2 - \sqrt{2} - (2 - \sqrt{3}) = -\sqrt{2} + \sqrt{3} > 0$ 이므로
 $2 - \sqrt{2} > 2 - \sqrt{3}$
 ③ $5 - (\sqrt{17} + 1) = 4 - \sqrt{17} < 0$ 이므로
 $5 < \sqrt{17} + 1$
 ④ $\sqrt{7} + 2 - (\sqrt{10} + 2) = \sqrt{7} - \sqrt{10} < 0$ 이므로
 $\sqrt{7} + 2 < \sqrt{10} + 2$
 ⑤ $3 - \sqrt{5} - (-\sqrt{5} + \sqrt{10}) = 3 - \sqrt{10} < 0$ 이므로
 $3 - \sqrt{5} < -\sqrt{5} + \sqrt{10}$

4-2 $a - b = 2 - (\sqrt{6} - 3) = 5 - \sqrt{6} > 0$ 이므로 $a > b$
 $c - a = (4 - \sqrt{3}) - 2 = 2 - \sqrt{3} > 0$ 이므로 $c > a$
 $\therefore b < a < c$

4-3 ⑤ $\sqrt{2} - 0.1$ 은 $\sqrt{2}$ 보다 작은 수이므로 두 수 사이에 있는 무리수가 아니다.

기출문제로 실·력·다·지·기

16~17쪽

01 ③ 02 ⑤ 03 ②, ⑤ 04 ③
 05 ① 06 ④ 07 ② 08 ③
 09 ③ 10 ② 11 ③ 12 ④
 13 $A : 1 - \sqrt{8}, B : 1 + \sqrt{8}$ 14 $3 - \sqrt{2}$

01 무리수는 $-\sqrt{7}, -\frac{\sqrt{3}}{2}, \pi$ 의 3개이다.

03 ① 순환소수는 유리수이다.
 ③ 순환하지 않는 무한소수는 무리수이다.
 ④ 모든 실수는 수직선 위에 나타낼 수 있다.



04 $A : -\sqrt{2}$, $B : -1+\sqrt{2}$, $C : 2-\sqrt{2}$, $D : 1+\sqrt{2}$, $E : 2+\sqrt{2}$

05 점 P에 대응하는 수가 $3-\sqrt{2}$ 이므로 점 C에 대응하는 수는 3이고, 점 B에 대응하는 수는 2이다.
따라서 점 Q에 대응하는 수는 $2+\sqrt{2}$ 이다.

06 작은 정사각형의 넓이가

$$3 \times 3 - 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 1\right) = 9 - 4 = 5 \text{이므로}$$

한 변의 길이는 $\sqrt{5}$ 이다.

큰 정사각형의 넓이는

$$4 \times 4 - 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 1\right) = 16 - 6 = 10 \text{이므로}$$

한 변의 길이는 $\sqrt{10}$ 이다.

④ $D(1+\sqrt{10})$

⑤ 1에 대응하는 점을 E라 하면 $\overline{BE} = \overline{ED} = \sqrt{10}$

$$\therefore \frac{1}{2} \overline{BD} = \sqrt{10}$$

07 동현 : 두 실수 2와 $\sqrt{3}$ 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.

영재 : 모든 실수는 수직선 위의 점에 대응된다.

슬기 : $-\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{2}$ 사이에 있는 정수는 $-1, 0, 1$ 로 3개이다.

성오 : 유리수와 무리수로 수직선을 완전히 메울 수 있다.

08 ③ $\sqrt{10}+0.01$ 은 $\sqrt{10}$ 보다 큰 수이므로 두 수 사이의 수가 아니다.

09 ① $3-\sqrt{5} < 1$ ② $-3 > -2-\sqrt{2}$
④ $1-\sqrt{3} < 1-\sqrt{2}$ ⑤ $\sqrt{5}+\sqrt{3} < \sqrt{6}+\sqrt{5}$

10 $3+\sqrt{3}-(\sqrt{3}-1)=4>0$ 이므로
 $3+\sqrt{3}>\sqrt{3}-1$
 $\sqrt{3}-1-1=\sqrt{3}-2<0$ 이므로 $\sqrt{3}-1<1$
 $3+\sqrt{3}-1=2+\sqrt{3}>0$ 이므로 $3+\sqrt{3}>1$
 $\sqrt{3}-1-(\sqrt{2}-1)=\sqrt{3}-\sqrt{2}>0$ 이므로 $\sqrt{3}-1>\sqrt{2}-1$
 $\therefore -\sqrt{3}<\sqrt{2}-1<\sqrt{3}-1<1<3+\sqrt{3}$
따라서 오른쪽에서 세 번째에 있는 수는 $\sqrt{3}-1$ 이다.

11 반원의 호의 길이가 π 이므로 점 A에 대응하는 수는 π 이다.
 $\pi=3.14\cdots$ 이므로
③ $\sqrt{3}+1$ 보다 큰 수이다.

12 $\sqrt{9}<\sqrt{10}<\sqrt{16}$, 즉 $3<\sqrt{10}<4$ 이므로
 $3-2<\sqrt{10}-2<4-2$ $\therefore 1<\sqrt{10}-2<2$
따라서 $\sqrt{10}-2$ 에 대응하는 점은 D이다.

13 [단계 ①] $\square CDEF$ 의 넓이는 16이므로 $\square PQRS$ 의 넓이는
 $\frac{1}{2} \times 16 = 8$ 이다.

[단계 ②] \overline{PS} 와 \overline{PQ} 의 길이는 8의 양의 제곱근인 $\sqrt{8}$ 이다.

[단계 ③] 점 A에 대응하는 수는 $1-\sqrt{8}$, 점 B에 대응하는 수는
 $1+\sqrt{8}$ 이다.

| 채점 기준 | 배점 |
|--|------|
| ① $\square PQRS$ 의 넓이 구하기 | 30 % |
| ② \overline{PS} , \overline{PQ} 의 길이 구하기 | 30 % |
| ③ 점 A, B에 대응하는 수 구하기 | 40 % |

14 $1-(2-\sqrt{3})=-1+\sqrt{3}>0$ 이므로 $1>2-\sqrt{3}$

$$\therefore <1, 2-\sqrt{3}>=1 \quad \dots\dots ①$$

$$-\sqrt{2}>-\sqrt{5} \text{이므로 } 3-\sqrt{2}>3-\sqrt{5}$$

$$\therefore <3-\sqrt{2}, 3-\sqrt{5}>=3-\sqrt{2} \quad \dots\dots ②$$

$$1-(3-\sqrt{2})=-2+\sqrt{2}<0 \text{이므로 } <1, 3-\sqrt{2}>=3-\sqrt{2}$$

$\dots\dots ③$

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------------------|------|
| ① $<1, 2-\sqrt{3}>$ 의 값 구하기 | 30 % |
| ② $<3-\sqrt{2}, 3-\sqrt{5}>$ 의 값 구하기 | 30 % |
| ③ $<1, 3-\sqrt{2}>$ 의 값 구하기 | 40 % |

03. 제곱근의 곱셈과 나눗셈

개 · 념 · 확 · 인

18~19쪽

| | | |
|------------------------------|--------------------------|---------------------------|
| 01 (1) $\sqrt{21}$ | (2) $-\sqrt{2}$ | (3) $6\sqrt{6}$ |
| 02 (1) $\sqrt{7}$ | (2) $3\sqrt{2}$ | (3) $\sqrt{10}$ |
| 03 (1) $4\sqrt{2}$ | (2) $\frac{\sqrt{3}}{8}$ | (3) $\frac{2\sqrt{3}}{5}$ |
| 04 (1) $\sqrt{28}$ | (2) $\sqrt{\frac{7}{9}}$ | (3) $-\sqrt{45}$ |
| 05 (1) $\frac{\sqrt{21}}{7}$ | (2) $\frac{\sqrt{6}}{2}$ | (3) $\frac{\sqrt{3}}{9}$ |
| 06 (1) 6 | (2) $-3\sqrt{6}$ | |

$$02 (3) \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{7}} \div \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{35}} = \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{7}} \times \frac{\sqrt{35}}{\sqrt{6}} = \sqrt{10}$$

$$03 (3) \sqrt{\frac{12}{25}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3}{5^2}} = \frac{\sqrt{2^2 \times 3}}{\sqrt{5^2}} = \frac{2\sqrt{3}}{5}$$

$$04 (3) -3\sqrt{5} = -\sqrt{3^2 \times 5} = -\sqrt{45}$$



05 (2) $\frac{3 \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{3\sqrt{6}}{6} = \frac{\sqrt{6}}{2}$

(3) $\frac{\sqrt{2}}{3\sqrt{6}} = \frac{1}{3\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{9}$

06 (2) $-4\sqrt{3} \div 2\sqrt{6} \times 3\sqrt{3} = -4\sqrt{3} \times \frac{1}{2\sqrt{6}} \times 3\sqrt{3}$
 $= -\frac{2}{\sqrt{2}} \times 3\sqrt{3} = -\frac{6\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$
 $= -\frac{6\sqrt{3} \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = -\frac{6\sqrt{6}}{2}$
 $= -3\sqrt{6}$

핵심유형으로 개 · 념 · 정 · 복 · 하 · 기

20~21쪽

| | | | |
|----------|-------|---------------------------|-------|
| 핵심유형 1 ⑤ | 1-1 5 | 1-2 ② | 1-3 ③ |
| 핵심유형 2 ⑤ | 2-1 ① | 2-2 ③ | 2-3 6 |
| 핵심유형 3 ④ | 3-1 ④ | 3-2 $\frac{13}{12}$ | 3-3 ⑤ |
| 핵심유형 4 ① | 4-1 ① | 4-2 $\frac{8\sqrt{5}}{5}$ | 4-3 ⑤ |

핵심유형 1 ⑤ $\sqrt{6} \div 3\sqrt{3} = \frac{\sqrt{6}}{3\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2}}{3}$

1-1 $3\sqrt{2} \times 2\sqrt{3} \times \sqrt{k} = 6\sqrt{6k} = 6\sqrt{30}$ 이므로 $6k = 30$
 $\therefore k = 5$

1-2 $-2\sqrt{14} \div \frac{\sqrt{7}}{3} = -2\sqrt{14} \times \frac{3}{\sqrt{7}} = -6\sqrt{2}$ 이므로
 $a = -6, b = 2 \quad \therefore a + b = -6 + 2 = -4$

1-3 $\frac{\sqrt{16-x}}{\sqrt{2}} = \sqrt{5}$ 에서 양변을 제곱하면
 $\frac{16-x}{2} = 5, 16-x = 10$
 $\therefore x = 6$

핵심유형 2 $\sqrt{32} = \sqrt{4^2 \times 2} = 4\sqrt{2}$ 이므로 $a = 4$
 $3\sqrt{5} = \sqrt{45}$ 이므로 $b = 45$
 $\therefore a + b = 4 + 45 = 49$

2-1 $\sqrt{0.12} = \sqrt{\frac{12}{100}} = \frac{2\sqrt{3}}{10} = \frac{\sqrt{3}}{5}$ 이므로 $k = \frac{1}{5}$

2-2 $\sqrt{150} = \sqrt{2 \times 3 \times 5^2} = 5\sqrt{2 \times 3} = 5ab$

2-3 $\sqrt{3000} = 10\sqrt{30}$ 은 $\sqrt{30}$ 의 10배이므로 $A = 10$
 $\sqrt{32} = 4\sqrt{2}$ 는 $\sqrt{2}$ 의 4배이므로 $B = 4$
 $\therefore A - B = 10 - 4 = 6$

핵심유형 3 ④ $\frac{3}{\sqrt{18}} = \frac{3}{3\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

3-1 ① $\sqrt{18} = 3\sqrt{2}$

② $\frac{6}{\sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = 3\sqrt{2}$

③ $\frac{3\sqrt{6}}{\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{6} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$

④ $\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{6}} = \frac{6\sqrt{2} \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$

⑤ $\frac{18}{\sqrt{18}} = \frac{18\sqrt{18}}{\sqrt{18} \times \sqrt{18}} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$

3-2 $\frac{5}{\sqrt{24}} = \frac{5}{2\sqrt{6}} = \frac{5\sqrt{6}}{2\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{5\sqrt{6}}{12}$ 이므로 $A = \frac{5}{12}$
 $\frac{10}{3\sqrt{5}} = \frac{10\sqrt{5}}{3\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{10\sqrt{5}}{15} = \frac{2\sqrt{5}}{3}$ 이므로 $B = \frac{2}{3}$
 $\therefore A + B = \frac{5}{12} + \frac{2}{3} = \frac{13}{12}$

3-3 $\frac{9\sqrt{a}}{2\sqrt{3}} = \frac{9\sqrt{a}\sqrt{3}}{2\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{9\sqrt{3a}}{6} = \frac{3\sqrt{3a}}{2}$ 이므로
 $\frac{3\sqrt{3a}}{2} = \frac{3\sqrt{15}}{2}, 3a = 15 \quad \therefore a = 5$

핵심유형 4 $\frac{\sqrt{21}}{3} \div \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sqrt{14} = \frac{\sqrt{21}}{3} \times \frac{2}{\sqrt{3}} \times \sqrt{14}$
 $= \frac{2\sqrt{98}}{3} = \frac{14\sqrt{2}}{3}$

4-1 $3\sqrt{2} \div a\sqrt{b} \times 2\sqrt{5} = \frac{3\sqrt{2}}{a\sqrt{b}} \times 2\sqrt{5} = \frac{6\sqrt{10}}{a\sqrt{b}} = 6\sqrt{2}$
 $a\sqrt{b} = \frac{6\sqrt{10}}{6\sqrt{2}} = \sqrt{5}$ 이므로 $a = 1, b = 5$
 $\therefore a + b = 1 + 5 = 6$

4-2 (직사각형의 세로의 길이)
 $= (\text{삼각형의 넓이}) \div (\text{직사각형의 가로의 길이})$
 $= \frac{1}{2} \times \sqrt{32} \times \sqrt{24} \div \sqrt{15} = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 2\sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{15}}$
 $= \frac{8}{\sqrt{5}} = \frac{8\sqrt{5}}{5}$

4-3 (원기둥의 높이) = (부피) \div (밑면의 넓이)
 $= 72\sqrt{3}\pi \div \{(3\sqrt{2})^2 \times \pi\}$
 $= \frac{72\sqrt{3}\pi}{18\pi} = 4\sqrt{3} \text{ (cm)}$

- 01 ⑤ 02 ② 03 ③ 04 ③
 05 ④ 06 ② 07 ② 08 ⑤
 09 ③ 10 ④ 11 ④ 12 ③
 13 ② 14 4 15 $12\sqrt{2}\pi$ cm

01 $2\sqrt{5} \times 3\sqrt{20} = 6\sqrt{100} = 6 \times 10 = 60$

02 $\overline{BC} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$, $\overline{CD} = \sqrt{2}$ 이므로 직사각형 ABCD의 넓이는 $2\sqrt{2} \times \sqrt{2} = 4$

03 $4\sqrt{3} \div \sqrt{5} \div \frac{1}{\sqrt{10}} = 4\sqrt{3} \times \frac{1}{\sqrt{5}} \times \sqrt{10} = 4\sqrt{6}$ $\therefore a = 4$

04 $6\sqrt{2} = \sqrt{6^2 \times 2} = \sqrt{72}$ 이므로 $a = 72$
 $\sqrt{27} = 3\sqrt{3}$ 이므로 $b = 3$
 $\therefore a - b = 72 - 3 = 69$

05 $\sqrt{12} \times \sqrt{8} \times \sqrt{18} = \sqrt{12 \times 8 \times 18}$
 $= \sqrt{(2^2 \times 3) \times (2^2 \times 2) \times (3^2 \times 2)}$
 $= \sqrt{(2^3 \times 3)^2 \times 3} = 24\sqrt{3}$
 이므로 $a = 24$, $b = 3$ $\therefore a - b = 21$

06 $\sqrt{45} = \sqrt{3^2 \times 5} = a^2b$

07 (주어진 식) $= \sqrt{x^2 \times \frac{y}{x}} + \sqrt{y^2 \times \frac{4x}{y}} = \sqrt{xy} + \sqrt{4xy}$
 $= \sqrt{9} + \sqrt{36} = 3 + 6 = 9$

08 분모의 $\sqrt{3}\sqrt{5}$, 즉 $\sqrt{15}$ 를 분모, 분자에 모두 곱해야 한다.

09 $\frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$ 이므로 $a = \frac{2}{5}$
 $\frac{5}{\sqrt{12}} = \frac{5}{2\sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{2\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{6}$ 이므로 $b = \frac{5}{6}$
 $\therefore \sqrt{ab} = \sqrt{\frac{2}{5} \times \frac{5}{6}} = \sqrt{\frac{1}{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$

10 $\frac{\sqrt{a}}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2a}}{6}$ 이므로 $\frac{\sqrt{2a}}{6} = \frac{\sqrt{14}}{6}$
 $2a = 14$ $\therefore a = 7$

11 $\sqrt{\frac{a}{b}} + \sqrt{\frac{b}{a}} = \frac{\sqrt{ab}}{b} + \frac{\sqrt{ab}}{a} = \sqrt{ab} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right)$
 $= \sqrt{ab} \left(\frac{a+b}{ab} \right) = \sqrt{2} \times \frac{8}{2} = 4\sqrt{2}$

12 $\frac{4}{\sqrt{3}} \times \frac{2}{\sqrt{2}} \div \sqrt{\frac{9}{8}} = \frac{4}{\sqrt{3}} \times \frac{2}{\sqrt{2}} \times \frac{2\sqrt{2}}{3} = \frac{16}{3\sqrt{3}}$
 $= \frac{16\sqrt{3}}{3\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{16\sqrt{3}}{9}$

$\therefore a = \frac{16}{9}$

13 A_1 용지와 A_2 용지의 넓이의 비가 1:2이므로 닮음비는 $1:\sqrt{2}$ 이다.

$x:1 = 1:\sqrt{2}$ 이므로 $\sqrt{2}x = 1$ $\therefore x = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

14 [단계 ①] $\sqrt{0.48} = \sqrt{\frac{48}{100}} = \frac{4\sqrt{3}}{10} = \frac{2\sqrt{3}}{5}$ 이므로 $a = \frac{2}{5}$

[단계 ②] $\frac{6}{\sqrt{3}} = 2\sqrt{3}$ 이므로 $b = 2$

[단계 ③] $\therefore 5a + b = 5 \times \frac{2}{5} + 2 = 4$

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------|------|
| ① a의 값 구하기 | 40 % |
| ② b의 값 구하기 | 40 % |
| ③ 5a+b의 값 구하기 | 20 % |

15 밑면인 원의 반지름의 길이를 r cm라 하면

$\frac{1}{3}\pi \times r^2 \times \sqrt{7} = 24\sqrt{7}\pi$ ①

$r^2 = 72$ $\therefore r = \sqrt{72} = 6\sqrt{2}$ (cm) ($\because r > 0$) ②

따라서 원의 둘레의 길이는 $2\pi \times 6\sqrt{2} = 12\sqrt{2}\pi$ (cm) ③

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------|------|
| ① 원뿔의 부피를 구하는 식 세우기 | 40 % |
| ② 밑면인 원의 반지름의 길이 구하기 | 40 % |
| ③ 밑면인 원의 둘레의 길이 구하기 | 20 % |

04. 제공근의 덧셈과 뺄셈

- 01 (1) $4\sqrt{2}$ (2) $4\sqrt{6}$ (3) $-2\sqrt{3}$ (4) $4\sqrt{5} + 6\sqrt{7}$
 02 (1) $5\sqrt{2}$ (2) $2\sqrt{3}$ (3) $2\sqrt{5}$ (4) $2\sqrt{3} + 3\sqrt{6}$
 03 (1) $\sqrt{6} + 2\sqrt{3}$ (2) $4 - \sqrt{2}$
 04 (1) $4\sqrt{3}$ (2) $4\sqrt{2} + 3\sqrt{6}$
 05 (1) $\frac{3-\sqrt{5}}{4}$ (2) $8 + 4\sqrt{3}$ (3) $\sqrt{6} - 2$ (4) $9 + 4\sqrt{5}$
 06 (1) 1.459 (2) 1.497 (3) 1.568



04 (2) $\sqrt{2}(3+\sqrt{48})+(\sqrt{10}-\sqrt{30})\div\sqrt{5}$
 $=3\sqrt{2}+\sqrt{96}+\sqrt{2}-\sqrt{6}$
 $=3\sqrt{2}+4\sqrt{6}+\sqrt{2}-\sqrt{6}$
 $=4\sqrt{2}+3\sqrt{6}$

05 (4) $\frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}-2}=\frac{(\sqrt{5}+2)^2}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)}$
 $=5+4\sqrt{5}+4=9+4\sqrt{5}$

핵심유형으로 개념·정·복·하·기

26~27쪽

| | | | |
|----------|-----------|---------------------------|-----------------------------|
| 핵심유형 1 ② | 1-1 ① | 1-2 ③ | 1-3 $5\sqrt{3}$ |
| 핵심유형 2 ⑤ | 2-1 ⑤ | 2-2 ④ | 2-3 $\frac{5}{2}+5\sqrt{2}$ |
| 핵심유형 3 ③ | 3-1 ④ | 3-2 $\frac{2\sqrt{5}}{3}$ | 3-3 ② |
| 핵심유형 4 ② | 4-1 8.179 | 4-2 ② | 4-3 ② |

핵심유형 1 (주어진 식) $=8\sqrt{3}+4\sqrt{2}-3\sqrt{2}-9\sqrt{3}=\sqrt{2}-\sqrt{3}$

1-1 $2\sqrt{2}+3\sqrt{3}-7\sqrt{2}+5\sqrt{3}=-5\sqrt{2}+8\sqrt{3}$ 이므로
 $a=-5, b=8 \quad \therefore a+b=-5+8=3$

1-2 (주어진 식) $=3\sqrt{5}+2\sqrt{3}-4\sqrt{5}-3\sqrt{3}$
 $=-\sqrt{3}-\sqrt{5}=-a-b$

1-3 $x+y=\frac{\sqrt{15}+\sqrt{5}}{2}+\frac{\sqrt{15}-\sqrt{5}}{2}=\frac{2\sqrt{15}}{2}=\sqrt{15}$
 $x-y=\frac{\sqrt{15}+\sqrt{5}}{2}-\frac{\sqrt{15}-\sqrt{5}}{2}=\frac{2\sqrt{5}}{2}=\sqrt{5}$
 $\therefore (x+y)(x-y)=\sqrt{15}\times\sqrt{5}=5\sqrt{3}$

핵심유형 2 $\sqrt{5}(\sqrt{5}+\sqrt{3})-\sqrt{3}(\sqrt{5}-\sqrt{3})$
 $=5+\sqrt{15}-\sqrt{15}+3=8$

2-1 (주어진 식) $=6\sqrt{2}-8+30-20\sqrt{2}=22-14\sqrt{2}$
 이므로 $a=22, b=-14$
 $\therefore a-b=22-(-14)=36$

2-2 (주어진 식) $=4\sqrt{3}-2\sqrt{5}+\sqrt{3}+\sqrt{5}=5\sqrt{3}-\sqrt{5}$
 이므로 $a=5, b=-1$
 $\therefore a+b=5+(-1)=4$

2-3 (넓이) $=\frac{1}{2}\times\{\sqrt{10}+(\sqrt{10}+\sqrt{5})\}\times\sqrt{5}$
 $=\frac{\sqrt{5}}{2}\times(2\sqrt{10}+\sqrt{5})=\sqrt{50}+\frac{5}{2}=5\sqrt{2}+\frac{5}{2}$

핵심유형 3 $\frac{3+2\sqrt{2}}{3-2\sqrt{2}}=\frac{(3+2\sqrt{2})^2}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})}$
 $=\frac{9+12\sqrt{2}+8}{9-8}=17+12\sqrt{2}$

이므로 $a=17, b=12 \quad \therefore a-b=17-12=5$

3-1 $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6}-\sqrt{2}}=\frac{\sqrt{3}(\sqrt{6}+\sqrt{2})}{(\sqrt{6}-\sqrt{2})(\sqrt{6}+\sqrt{2})}=\frac{\sqrt{18}+\sqrt{6}}{6-2}$
 $=\frac{3\sqrt{2}+\sqrt{6}}{4}$

이므로 $A=\frac{3}{4}, B=\frac{1}{4} \quad \therefore A+B=\frac{3}{4}+\frac{1}{4}=1$

3-2 (주어진 식)
 $=\frac{\sqrt{5}+\sqrt{2}}{(\sqrt{5}-\sqrt{2})(\sqrt{5}+\sqrt{2})}+\frac{\sqrt{5}-\sqrt{2}}{(\sqrt{5}+\sqrt{2})(\sqrt{5}-\sqrt{2})}$
 $=\frac{\sqrt{5}+\sqrt{2}}{3}+\frac{\sqrt{5}-\sqrt{2}}{3}=\frac{2\sqrt{5}}{3}$

3-3 $\frac{1}{\sqrt{7}+\sqrt{5}}-\frac{3}{\sqrt{7}-\sqrt{5}}$
 $=\frac{\sqrt{7}-\sqrt{5}}{(\sqrt{7}+\sqrt{5})(\sqrt{7}-\sqrt{5})}-\frac{3(\sqrt{7}+\sqrt{5})}{(\sqrt{7}-\sqrt{5})(\sqrt{7}+\sqrt{5})}$
 $=\frac{\sqrt{7}-\sqrt{5}}{2}-\frac{3\sqrt{7}+3\sqrt{5}}{2}=-2\sqrt{5}-\sqrt{7}$

따라서 $a=-2, b=-1$ 이므로 $a-b=-2-(-1)=-1$

핵심유형 4 ① $\sqrt{300}=\sqrt{100\times 3}=10\sqrt{3}=17.32$
 ② $\sqrt{3000}=\sqrt{100\times 30}=10\sqrt{30}=54.77$
 ③ $\sqrt{0.3}=\sqrt{\frac{30}{100}}=\frac{\sqrt{30}}{10}=0.5477$
 ④ $\sqrt{0.03}=\sqrt{\frac{3}{100}}=\frac{\sqrt{3}}{10}=0.1732$
 ⑤ $\sqrt{0.003}=\sqrt{\frac{30}{10000}}=\frac{\sqrt{30}}{100}=0.05477$

4-1 $a=2,349, b=5.83$ 이므로
 $a+b=2,349+5.83=8.179$

4-2 $\sqrt{4280}=\sqrt{100\times 42.8}=10\sqrt{42.8}=10\times 6.542=65.42$

4-3 $0.2449=2.449\times\frac{1}{10}=\sqrt{6}\times\frac{1}{10}$
 $=\sqrt{6\times\frac{1}{100}}=\sqrt{0.06}$
 $\therefore a=0.06$

- 01 ② 02 ② 03 ④ 04 ①
 05 ④ 06 ③ 07 ④ 08 ⑤
 09 ① 10 ④ 11 ① 12 ①
 13 ④ 14 $18\sqrt{2}$ cm 15 $\sqrt{2}$

01 $\sqrt{32}-3\sqrt{18}-\sqrt{27}+2\sqrt{12}=4\sqrt{2}-9\sqrt{2}-3\sqrt{3}+4\sqrt{3}$
 $=-5\sqrt{2}+\sqrt{3}$

02 $3\sqrt{2}+a\sqrt{3}-b\sqrt{2}+6\sqrt{3}=(3-b)\sqrt{2}+(a+6)\sqrt{3}$
 $=2\sqrt{2}+\sqrt{3}$

이므로 $a+6=1$ 에서 $a=-5$, $3-b=2$ 에서 $b=1$
 $\therefore a+b=-5+1=-4$

03 $\overline{AD}=\overline{CD}=\sqrt{5}$ 이므로 점 P에 대응하는 수는 $1+\sqrt{5}$, 점 Q에
 대응하는 수는 $1-\sqrt{5}$
 $\therefore \overline{PQ}=1+\sqrt{5}-(1-\sqrt{5})=2\sqrt{5}$

04 $\sqrt{5}(\sqrt{5}+\square)-3\sqrt{2}=5+\square\sqrt{5}-3\sqrt{2}=5+2\sqrt{2}$ 에서
 $\square\sqrt{5}-3\sqrt{2}=2\sqrt{2}$ 이므로 $\square\sqrt{5}=5\sqrt{2}$
 $\therefore \square=\frac{5\sqrt{2}}{\sqrt{5}}=\frac{5\sqrt{10}}{5}=\sqrt{10}$

05 ① $\sqrt{2}+2-(3\sqrt{2}+1)=-2\sqrt{2}+1<0$
 $\therefore \sqrt{2}+2<3\sqrt{2}+1$
 ② $3\sqrt{3}-1-2\sqrt{3}=\sqrt{3}-1>0$ $\therefore 3\sqrt{3}-1>\sqrt{12}$
 ③ $\sqrt{5}-\sqrt{2}-(2\sqrt{5}-2\sqrt{2})=-\sqrt{5}+\sqrt{2}<0$
 $\therefore \sqrt{5}-\sqrt{2}<2\sqrt{5}-\sqrt{2}$
 ④ $3\sqrt{3}-2-(2\sqrt{3}-1)=\sqrt{3}-1>0$
 $\therefore 3\sqrt{3}-2>2\sqrt{3}-1$
 ⑤ $-2\sqrt{2}+1-(-3\sqrt{2}+1)=\sqrt{2}>0$
 $\therefore -2\sqrt{2}+1>-3\sqrt{2}+1$

06 $(3+2\sqrt{2})(a-4\sqrt{2})=(3a-16)+(2a-12)\sqrt{2}$ 가 유리수가
 되려면 $2a-12=0$, $2a=12$ $\therefore a=6$

07 (주어진 식) $=6-\frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{3}}+\sqrt{4}-\frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$
 $=6-2\sqrt{6}+2-\sqrt{6}=8-3\sqrt{6}$

08 (사다리꼴의 넓이) $=\frac{1}{2}(\sqrt{6}+(\sqrt{6}+\sqrt{3}))\times 2\sqrt{3}$
 $=\frac{1}{2}(\sqrt{3}+2\sqrt{6})\times 2\sqrt{3}=3+2\sqrt{18}$
 $=3+6\sqrt{2}$

09 $\frac{14}{3-\sqrt{2}}=\frac{14(3+\sqrt{2})}{(3-\sqrt{2})(3+\sqrt{2})}$
 $=\frac{42+14\sqrt{2}}{7}=6+2\sqrt{2}$

이므로 $A=6$, $B=2$
 $\therefore A+B=6+2=8$

10 $\frac{a}{b}+\frac{b}{a}=\frac{2+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}}+\frac{2-\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}}$
 $=\frac{(2+\sqrt{3})^2+(2-\sqrt{3})^2}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})}$
 $=7+4\sqrt{3}+7-4\sqrt{3}=14$

11 $\sqrt{275}+\sqrt{0.275}=\sqrt{100\times 2.75}+\sqrt{\frac{27.5}{100}}$
 $=10\sqrt{2.75}+\frac{\sqrt{27.5}}{10}$
 $=10a+\frac{b}{10}$

12 $1<\sqrt{3}<2$ 이므로 $a=\sqrt{3}-1$
 $\therefore \frac{a}{a+1}=\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}}=\frac{3-\sqrt{3}}{3}$

13 $f(x)=\frac{1}{\sqrt{x+1}+\sqrt{x}}=\sqrt{x+1}-\sqrt{x}$ 이므로
 (주어진 식) $=(\sqrt{1}-\sqrt{0})+(\sqrt{2}-\sqrt{1})+(\sqrt{3}-\sqrt{2})+\dots$
 $+(\sqrt{51}-\sqrt{50})$
 $=\sqrt{51}$

14 [단계 ①] 세 정사각형의 한 변의 길이는 각각
 $\sqrt{2}$ cm, $2\sqrt{2}$ cm, $3\sqrt{2}$ cm이다.

[단계 ②] \therefore (도형의 둘레의 길이)
 $=2(\sqrt{2}+2\sqrt{2}+3\sqrt{2}+3\sqrt{2})$
 $=2\times 9\sqrt{2}=18\sqrt{2}$ (cm)

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------|------|
| ① 세 정사각형의 한 변의 길이 각각 구하기 | 40 % |
| ② 도형의 둘레의 길이 구하기 | 60 % |

15 $1<\sqrt{2}<2$ 이므로 $\sqrt{2}$ 의 정수 부분은 1이다.
 따라서 소수 부분은 $\sqrt{2}-1$ 이므로 $a=\sqrt{2}-1$ ①
 $2<\sqrt{5}<3$ 이므로 $1<\sqrt{5}-1<2$
 따라서 정수 부분은 1이므로 $b=1$ ②
 $\therefore a+b=(\sqrt{2}-1)+1=\sqrt{2}$ ③

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------|------|
| ① a의 값 구하기 | 30 % |
| ② b의 값 구하기 | 50 % |
| ③ a+b의 값 구하기 | 20 % |

II 인수분해

05. 인수분해와 인수분해 공식(1)

개 · 념 · 확 · 인

30~31쪽

- 01** (1) x^2-3x (2) $x^2+8x+16$
 (3) a^2-4 (4) a^2-2a-3
- 02** ㄱ, ㄴ, ㄷ
- 03** (1) $m(a+b-c)$ (2) $3a(2a+b)$
 (3) $3y(3x-2y)$ (4) $(x+2)(3a-b)$
- 04** (1) $(x+2)^2$ (2) $(x-6)^2$
 (3) $(2x+5)^2$ (4) $(3x-2)^2$
- 05** (1) 16 (2) 6 (3) 36 (4) $\frac{1}{2}$
- 06** (1) $(x+2)(x-2)$ (2) $(x+7)(x-7)$
 (3) $(5a+4b)(5a-4b)$ (4) $\left(\frac{1}{3}a+b\right)\left(\frac{1}{3}a-b\right)$

- 05** (1) $\square = \left(\frac{8}{2}\right)^2 = 16$
 (2) $\square = 2\sqrt{9} = 6$
 (3) $\square = \left(\frac{-12}{2}\right)^2 = 36$
 (4) $\square = 2\sqrt{\frac{1}{16}} = \frac{1}{2}$

핵심유형으로 개 · 념 · 정 · 복 · 하 · 기

32~33쪽

- 핵심유형 1** ④ **1-1** ② **1-2** ④ **1-3** ㄱ, ㄷ
핵심유형 2 ④ **2-1** ④ **2-2** ④ **2-3** $2x-2$
핵심유형 3 ⑤ **3-1** ④ **3-2** ⑤ **3-3** ③
핵심유형 4 ⑤ **4-1** ① **4-2** ① **4-3** ③

핵심유형 1 $x, x+1, x-2$ 뿐만 아니라 이 인수들끼리의 곱도 인수이다.

1-1 $(2x+1)(x-3)=2x^2-5x-3$ 이므로
 $a=-5, b=-3 \quad \therefore a-b=-5-(-3)=-2$

1-2 ④ 인수분해하였을 때 곱해진 각각의 식이 인수이고, 1과 자기 자신도 인수이다.

1-3 ㄴ. $(x+1)(x+4)=x^2+5x+4$

핵심유형 2 $-4x^2+8xy=-4x(x-2y)$
 $3x-6y=3(x-2y)$
 따라서 두 다항식의 공통인수는 $x-2y$ 이다.

2-1 ④ $-3x-12y=-3(x+4y)$

2-2 $2a^3-6a^2b=2a^2(a-3b)$ 이므로 인수가 아닌 것은
 ④ a^2-3b 이다.

2-3 $(x-2)(x+3)-3(x+3)=(x+3)(x-5)$
 $\therefore (x+3)+(x-5)=2x-2$

핵심유형 3 ① $(x+4)^2$ ② $(2x+3y)^2$ ③ $(x-1)^2$ ④ $\left(\frac{1}{2}x+1\right)^2$

3-1 $B^2=25$ 이므로 $B=\pm 5 \quad \therefore B=5 (\because B>0)$
 $A=2 \times 5=10 \quad \therefore A+B=10+5=15$

3-2 $Ax=\pm 2 \times x \times \sqrt{36}=\pm 12x$
 이때, A 는 양수이므로 $A=12$

3-3 $-1< x < 2$ 이므로 $x+1>0, x-2<0$
 $\therefore \sqrt{x^2+2x+1}+\sqrt{x^2-4x+4}$
 $=\sqrt{(x+1)^2}+\sqrt{(x-2)^2}$
 $=x+1-(x-2)=3$

핵심유형 4 $2x^2-50=2(x^2-25)=2(x+5)(x-5)$ 이므로
 $a=2, b=5, c=5$
 $\therefore a+b+c=2+5+5=12$

4-1 $4x^2-49=(2x+7)(2x-7)$ 에서 두 일차식은 $2x+7,$
 $2x-7$ 이므로 $(2x+7)+(2x-7)=4x$

4-2 $16x^2-9y^2=(4x+3y)(4x-3y)$ 이므로
 $a=4, b=4, c=-3$
 $\therefore a-b+c=4-4-3=-3$

4-3 $81x^4-1=(9x^2+1)(9x^2-1)$
 $=(9x^2+1)(3x+1)(3x-1)$
 이므로 인수가 아닌 것은 ③ $9x+1$ 이다.

기출문제로 실 · 력 · 다 · 지 · 기

34~35쪽

- 01** ⑤ **02** ④ **03** ④ **04** ④
05 ⑤ **06** ① **07** ⑤ **08** ④
09 ⑤ **10** ③ **11** ① **12** ④
13 ⑤ **14** 13 **15** $\frac{11}{20}$

01 채현: ②의 과정은 전개이다.



02 $(3x+2)(2x-3)=6x^2-5x-6$ 이므로 $m=-5, n=-6$
 $\therefore m-n=-5-(-6)=1$

03 $4x^2y-12xy^2=4xy(x-3y)$ 이므로 인수가 아닌 것은 ④ x^2 이다.

04 $2a^2b-2ab^2+2abc=2ab(a-b+c)$ 이므로 직육면체의 높이는 $a-b+c$ 이다.

05 $4x^2+28x+49=(2x+7)^2$ 이므로 $a=2, b=7$
 $\therefore a+b=2+7=9$

06 ① 36 ② 20 ③ 6 ④ 16 ⑤ 20

07 $(x-2)(x+4)+a=x^2+2x-8+a$ 에서
 $-8+a=\left(\frac{2}{2}\right)^2 \therefore a=9$

08 $-5 < x < 5$ 이므로 $x-5 < 0, x+5 > 0$
 $\therefore \sqrt{x^2-10x+25}-\sqrt{x^2+10x+25}=\sqrt{(x-5)^2}-\sqrt{(x+5)^2}$
 $=-(x-5)-(x+5)$
 $=-2x$

09 $x^2-121=x^2-11^2=(x+11)(x-11)$
 이므로 $a=11$

10 $-3x^2+27=-3(x^2-9)=-3(x+3)(x-3)$ 이므로
 $a=-3, b=3 \therefore a+b=-3+3=0$

11 꽃밭 A의 넓이는 $b^2-a^2=(b+a)(b-a)$ 이므로 꽃밭 B의 세로의 길이는 $a+b$ 이다.

12 $x^2-y^2=(x+y)(x-y)=9(x-y)$
 $9(x-y)=36$ 이므로 $x-y=4$

13 $2^{40}-1=(2^{20}+1)(2^{20}-1)$
 $= (2^{20}+1)(2^{10}+1)(2^{10}-1)$
 $= (2^{20}+1)(2^{10}+1)(2^5+1)(2^5-1)$
 따라서 30과 40 사이의 두 자연수는 $2^5+1=33, 2^5-1=31$ 이고 그 합은 $33+31=64$ 이다.

14 [단계 ①] $9x^2-Ax+4$ 가 완전제곱식이 되려면

$A=\pm 2 \times 3 \times 2=\pm 12 \therefore A=12(\because A>0)$

[단계 ②] x^2-x+B 가 완전제곱식이 되려면 $B=\left(-\frac{1}{2}\right)^2=\frac{1}{4}$

[단계 ③] $\therefore A+4B=12+4 \times \frac{1}{4}=13$

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------|------|
| ① A의 값 구하기 | 40 % |
| ② B의 값 구하기 | 40 % |
| ③ A+4B의 값 구하기 | 20 % |

15 (주어진 식)

$=\left(1-\frac{1}{2}\right)\left(1+\frac{1}{2}\right)\left(1-\frac{1}{3}\right)\left(1+\frac{1}{3}\right)\left(1-\frac{1}{4}\right)\left(1+\frac{1}{4}\right)$
 $\cdots\left(1-\frac{1}{10}\right)\left(1+\frac{1}{10}\right)$ ①
 $=\frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{4}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{5}{4} \times \cdots \times \frac{9}{10} \times \frac{11}{10}$ ②
 $=\frac{1}{2} \times \frac{11}{10} = \frac{11}{20}$ ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-----------------|------|
| ① 주어진 식 인수분해하기 | 50 % |
| ② 각 식을 계산하기 | 30 % |
| ③ 식을 계산한 결과 구하기 | 20 % |

06. 인수분해 공식(2)

개 · 념 · 확 · 인

36~37쪽

01 (1) 4, 7 (2) 6, -2 (3) -5, 4 (4) -4, 9

02 (1) 1, x, 1 (2) -4, -4x, 4

03 (1) $(x+3)(x+7)$ (2) $(x-2)(x-4)$
 (3) $(x+9)(x-2)$ (4) $(x+10y)(x-y)$

04 (1) 2x, 2x, 3, 6x, 2x+3
 (2) 3y, 6xy, 2x, -y, -xy, 3y, 2x-y

05 (1) 3, 2 (2) 3, 5

06 (1) $(x+2)(2x+1)$ (2) $(2x-3)(3x+1)$
 (3) $(3x-y)(x-2y)$ (4) $(2x+3y)(4x-3y)$

03 (4) $x^2+9xy-10y^2=(x+10y)(x-y)$

$$\begin{array}{lcl} x & \nearrow & 10y \rightarrow 10xy \\ & \searrow & -y \rightarrow -xy \\ & & 9xy \end{array}$$



06 (4) $8x^2 + 6xy - 9y^2 = (2x + 3y)(4x - 3y)$

$$\begin{array}{rcl} 2x & \nearrow & 3y \rightarrow 12xy \\ 4x & \searrow & -3y \rightarrow -6xy \end{array} \quad \begin{array}{l} + \\ 6xy \end{array}$$

핵심유형으로 개 · 념 · 정 · 복 · 하 · 기

38~39쪽

| | | | |
|----------|-----------|-------|-------------------|
| 핵심유형 1 ② | 1-1 ④ | 1-2 ③ | 1-3 ④ |
| 핵심유형 2 ⑤ | 2-1 ⑤ | 2-2 ① | 2-3 ③ |
| 핵심유형 3 ⑤ | 3-1 ③ | 3-2 8 | 3-3 $(x-4)(5x-4)$ |
| 핵심유형 4 ② | 4-1 $x+3$ | 4-2 ④ | 4-3 ② |

핵심유형 1 $x^2 + 7x + 12 = (x+3)(x+4)$
이므로 두 일차식의 합은 $(x+3) + (x+4) = 2x+7$

1-1 ④ $x^2 + 2x - 8 = (x-2)(x+4)$

1-2 $x^2 - 5x - 14 = (x+2)(x-7)$ 이므로 $a=2, b=-7$
 $\therefore a-b = 2 - (-7) = 9$

1-3 $a^3 - 2a^2 - 3a = a(a^2 - 2a - 3)$
 $= a(a+1)(a-3)$
따라서 인수가 아닌 것은 ④ a^2 이다.

핵심유형 2 $(x+3)(3x-5) + 11 = 3x^2 + 4x - 4$
 $= (x+2)(3x-2)$

2-1 $-3 \times B = -15 \quad \therefore B = 5$
 $A = 2 \times 5 - 3 \times 1 = 7$
 $\therefore A+B = 7+5 = 12$

2-2 $6x^2 + ax - 21 = (3x-7)(bx+c)$ 으로 놓으면
 $3b=6 \quad \therefore b=2$
 $-7c=-21 \quad \therefore c=3$
 $6x^2 + ax - 21 = (3x-7)(2x+3)$ 이므로
 $a = 3 \times 3 - 7 \times 2 = -5$

2-3 $4x^2 + 4x - 15 = (2x+5)(2x-3)$ 이고, 직사각형의 가로
의 길이가 $2x-3$ 이므로 세로의 길이는 $2x+5$ 이다.

핵심유형 3 ⑤ $2x^2 - 5x - 3 = (2x+1)(x-3)$

3-1 ① $3x^2 + 6x = 3x(x+2)$
② $x^2 + 6x + 9 = (x+3)^2$
④ $x^2 + 6x + 5 = (x+1)(x+5)$
⑤ $4x^2 - 8x - 5 = (2x+1)(2x-5)$

3-2 $a=4, b=1, c=3$ 이므로 $a+b+c = 4+1+3 = 8$

3-3 $(2x-5)^2 + (x+3)(x-7) + 12$
 $= (4x^2 - 20x + 25) + (x^2 - 4x - 21) + 12$
 $= 5x^2 - 24x + 16$
 $= (x-4)(5x-4)$

핵심유형 4 $x^2 - 4x + 3 = (x-1)(x-3)$
 $2x^2 - 3x - 9 = (2x+3)(x-3)$
따라서 두 식의 공통인수는 $x-3$ 이다.

4-1 $x^2 - 9 = (x+3)(x-3)$
 $x^2 - 3x - 18 = (x-6)(x+3)$
따라서 공통인수는 $x+3$ 이다.

4-2 ① $2x^2 + 3x - 2 = (2x-1)(x+2)$
② $x^2 - 4 = (x+2)(x-2)$
③ $2x^2 + 7x + 6 = (2x+3)(x+2)$
④ $x^2 + x - 6 = (x+3)(x-2)$
⑤ $3x^2 + 7x + 2 = (3x+1)(x+2)$
따라서 나머지 넷과 같은 인수를 갖지 않는 것은 ④이다.

4-3 $ax^2 - 3x + 5 = (x-1)(ax+m)$ 으로 놓으면
 $-a+m = -3, -m = 5$
 $\therefore m = -5, a = -2$
 $2x^2 + bx - 1 = (x-1)(2x+n)$ 으로 놓으면
 $-2+n = b, -n = -1$
 $\therefore n = 1, b = -1$
 $\therefore a-b = -2 - (-1) = -1$

기출문제로 실 · 력 · 다 · 지 · 기

40~41쪽

| | | | |
|---------|---------|-----------------|------|
| 01 ①, ③ | 02 ② | 03 ④ | 04 ④ |
| 05 ② | 06 ④ | 07 ② | 08 ⑤ |
| 09 ④ | 10 ③, ④ | 11 ④ | 12 ④ |
| 13 ③ | 14 7 | 15 $(x+5)(x-2)$ | |

01 $x^2 - 4x - 12 = (x-6)(x+2)$ 의 인수는 ① $x-6$, ③ $x+2$

02 $x^2 + Ax - 15 = (x-5)(x+m)$ 으로 놓으면
 $-5+m = A, -5m = -15 \quad \therefore m = 3, A = -2$

03 $x^2 + 3x + 2 = (x+1)(x+2)$ 이므로 가로, 세로의 길이가 될
수 있는 것은 $x+1, x+2$ 이다.



04 $n^2+4n-21=(n+7)(n-3)$ 이 소수가 되므로
 $n+7=1$ 또는 $n-3=1$ 이어야 한다.
 n 은 자연수이므로 $n-3=1$ 일 때, $n=4$
따라서 이 소수는 $(4+7)(4-3)=11$

05 $6x^2+7x-3=(3x-1)(2x+3)$ 이므로 두 다항식은
 \neg , $3x-1$, \neg , $2x+3$ 이다.

06 $2B=6 \quad \therefore B=3$
 $-3B+14=A \quad \therefore A=5$
 $\therefore A+B=5+3=8$

07 $4x^2-(3a-2)x+3=(2x+1)(2x+m)$ 으로 놓으면
 $-(3a-2)=2+2m, m=3$
 $-3a+2=8 \quad \therefore a=-2$

08 ① $x^2+3x-4=(x+4)(x-1)$
 ② $9x^2-4y^2=(3x+2y)(3x-2y)$
 ③ $x^2-2x+1=(x-1)^2$
 ④ $4x^2-20x+25=(2x-5)^2$

09 ① $x^2-10xy+25y^2=(x-5y)^2$
 ② $x^2-121=(x+11)(x-11)$
 ③ $x^2-3x-18=(x-6)(x+3)$
 ⑤ $3x^2-x-2=(3x+2)(x-1)$

10 ① $x^2-x-6=(x-3)(x+2)$
 ② $x^2+2x=x(x+2)$
 ③ $x^2-4=(x+2)(x-2)$
 ④ $2x^2-3x-2=(x-2)(2x+1)$
 ⑤ $3x^2+2x-8=(x+2)(3x-4)$
따라서 $x-2$ 를 인수로 갖는 다항식은 ③, ④이다.

11 $x^2-6x+a=(x-4)(x+m)$ 으로 놓으면
 $-4+m=-6, -4m=a \quad \therefore m=-2, a=8$
 $2x^2+bx-4=(x-4)(2x+n)$ 으로 놓으면
 $-8+n=b, -4n=-4 \quad \therefore n=1, b=-7$
 $\therefore a+b=8+(-7)=1$

12 $(x\odot 2x)-(7x\odot 1)=(2x^2+4x+4)-(7x+2+4)$
 $=2x^2-3x-2$
 $=(x-2)(2x+1)$
따라서 두 일차식의 합은 $(x-2)+(2x+1)=3x-1$

13 $x^2+10x+21=(x+7)(x+m)$ 으로 놓으면

$$7m=21 \quad \therefore m=3$$

따라서 직사각형 A의 세로의 길이는 $x+3$ 이다.

직사각형 A의 둘레의 길이는 $2(x+7+x+3)=4x+20$ 이므로
정사각형 B의 한 변의 길이는 $x+5$ 이다.

따라서 정사각형 B의 넓이는 $(x+5)^2=x^2+10x+25$ 이다.

14 [단계 ①] $(x+a)(x+b)=x^2+(a+b)x+ab$ 이므로
 $ab=6, a+b=k$ 이다.

[단계 ②] $ab=6$ 을 만족하는 정수 a, b 의 순서쌍 (a, b) 는
 $(1, 6), (2, 3), (3, 2), (6, 1), (-1, -6),$
 $(-2, -3), (-3, -2), (-6, -1)$ 이다.

[단계 ③] 따라서 상수 k 의 최댓값은 $1+6=7$ 이다.

| 채점 기준 | 배점 |
|------------------------|------|
| ① ab 와 $a+b$ 의 값 구하기 | 30 % |
| ② 순서쌍 (a, b) 구하기 | 50 % |
| ③ k 의 최댓값 구하기 | 20 % |

15 동현이는 상수항을 제대로 보았으므로 상수항은

$$1 \times (-10) = -10 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

은정이는 x 의 계수를 제대로 보았으므로 x 의 계수는

$$6-3=3 \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

따라서 처음 주어진 이차식은 $x^2+3x-10$ 이고 $\dots\dots \textcircled{3}$

이 식을 인수분해하면 $x^2+3x-10=(x+5)(x-2) \quad \dots\dots \textcircled{4}$

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------|------|
| ① 상수항 구하기 | 20 % |
| ② x 의 계수 구하기 | 20 % |
| ③ 처음의 이차식 구하기 | 20 % |
| ④ 처음의 이차식을 인수분해하기 | 40 % |

07. 인수분해 공식의 활용

개 · 념 · 확 · 인

42~43쪽

- 01** (1) $a(b-2)^2$ (2) $a^2(a+3)(a-3)$
 (3) $x(x-3)(x+1)$ (4) $a^2(a+2)(3a-5)$
02 (1) $(x-y)(a-b)$ (2) $(x+y-1)(x-y-1)$
 (3) $(x-3)(x+y-1)$
03 (1) $(a-b-3)(a-b+1)$ (2) $(x+y-3)^2$
 (3) $(x+6)(2x+9)$
04 (1) 1700 (2) 3600 (3) 4 (4) 200
05 (1) 10000 (2) 2
06 (1) 5 (2) $8\sqrt{3}$



- 01** (1) (주어진 식) $= a(b^2 - 4b + 4) = a(b-2)^2$
 (2) (주어진 식) $= a^2(a^2 - 9) = a^2(a+3)(a-3)$
 (3) (주어진 식) $= x(x^2 - 2x - 3) = x(x-3)(x+1)$
 (4) (주어진 식) $= a^2(3a^2 + a - 10) = a^2(a+2)(3a-5)$

- 02** (1) (주어진 식) $= (ax - ay) + (-bx + by)$
 $= a(x-y) - b(x-y) = (x-y)(a-b)$
 (2) (주어진 식) $= (x^2 - 2x + 1) - y^2 = (x-1)^2 - y^2$
 $= (x+y-1)(x-y-1)$
 (3) (주어진 식) $= y(x-3) + x^2 - 4x + 3$
 $= y(x-3) + (x-1)(x-3)$
 $= (x-3)(x+y-1)$

- 03** (1) $a-b=A$ 로 치환하면
 (주어진 식) $= A^2 - 2A - 3 = (A-3)(A+1)$
 $= (a-b-3)(a-b+1)$
 (2) $x+y=A$ 로 치환하면
 (주어진 식) $= A(A-6) + 9 = A^2 - 6A + 9$
 $= (A-3)^2 = (x+y-3)^2$
 (3) $x+5=A$ 로 치환하면
 (주어진 식) $= 2A^2 + A - 1 = (A+1)(2A-1)$
 $= (x+5+1)(2x+10-1)$
 $= (x+6)(2x+9)$

- 04** (1) $17 \times 86 + 17 \times 14 = 17(86+14) = 17 \times 100 = 1700$
 (2) $57^2 + 6 \times 57 + 3^2 = (57+3)^2 = 60^2 = 3600$
 (3) $16^2 - 2 \times 16 \times 14 + 14^2 = (16-14)^2 = 2^2 = 4$
 (4) $51^2 - 49^2 = (51+49)(51-49) = 100 \times 2 = 200$

- 05** (1) $x^2 - 4x + 4 = (x-2)^2 = (102-2)^2 = 100^2 = 10000$
 (2) $x^2 - 2x + 1 = (x-1)^2 = (1+\sqrt{2}-1)^2 = (\sqrt{2})^2 = 2$

- 06** (1) $x^2 + 2xy + y^2 = (x+y)^2 = (\sqrt{5})^2 = 5$
 (2) $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b) = 4 \times 2\sqrt{3} = 8\sqrt{3}$

핵심유형으로 개·념·정·복·하·기

44~45쪽

| | | | |
|-------------|----------|------------------------|------------------|
| 핵심유형 1 ③, ④ | 1-1 ①, ② | 1-2 6 | 1-3 ③ |
| 핵심유형 2 ③ | 2-1 ① | 2-2 ③ | 2-3 5(x+1)(2x-9) |
| 핵심유형 3 ② | 3-1 ③ | 3-2 $\frac{1000}{203}$ | 3-3 3000 |
| 핵심유형 4 ⑤ | 4-1 ① | 4-2 ⑤ | 4-3 ① |

- 핵심유형 1** (주어진 식) $= a^2(b+2) - 4(b+2) = (b+2)(a^2 - 4)$
 $= (a+2)(a-2)(b+2)$
 이므로 인수가 아닌 것은 ③ $a+b$, ④ $b-2$ 이다.

1-1 $a^2 - 2ab + 4b - 2a = a(a-2b) - 2(a-2b)$
 $= (a-2b)(a-2)$

이므로 인수는 ① $a-2$, ② $a-2b$ 이다.

1-2 (주어진 식) $= 2x^2(x-2) + (x-3)(x-2)$
 $= (x-2)(2x^2 + x - 3)$
 $= (2x+3)(x-1)(x-2)$
 $\therefore abc = 3 \times (-1) \times (-2) = 6$

1-3 (주어진 식) $= x^2 - 2xy + y^2 - 1 = (x-y)^2 - 1$
 $= (x-y+1)(x-y-1)$
 이므로 $A = -1, B = 1 \quad \therefore A+B = -1+1 = 0$

핵심유형 2 $a+1=A$ 로 치환하면

(주어진 식) $= 2A^2 - 5A - 3$
 $= (2A+1)(A-3)$
 $= (2a+3)(a-2)$

따라서 두 일차식의 합은 $(2a+3) + (a-2) = 3a+1$

2-1 $2x+1=A, x-2=B$ 로 치환하면
 (주어진 식) $= A^2 - B^2 = (A+B)(A-B)$
 $= (2x+1+x-2)(2x+1-x+2)$
 $= (3x-1)(x+3)$
 따라서 $a = -1, b = 3$ 이므로 $2a+b = 2 \times (-1) + 3 = 1$

2-2 $x-2y=A$ 로 치환하면
 (주어진 식) $= (A+1)(A-3) - 5$
 $= A^2 - 2A - 8 = (A-4)(A+2)$
 $= (x-2y-4)(x-2y+2)$

2-3 $x-2=A, x+3=B$ 로 치환하면
 (주어진 식) $= 6A^2 + 7AB - 3B^2$
 $= (2A+3B)(3A-B)$
 $= (2x-4+3x+9)(3x-6-x-3)$
 $= (5x+5)(2x-9)$
 $= 5(x+1)(2x-9)$

핵심유형 3 $\sqrt{58^2 - 4 \times 58 + 4} = \sqrt{(58-2)^2} = \sqrt{56^2} = 56$

3-1 $53^2 - 47^2 = (53+47)(53-47) = 100 \times 6 = 600$ 이므로 계산하는 데 가장 알맞은 인수분해 공식은 ③이다.

3-2 (주어진 식) $= \frac{201(997+3)}{(202+1)(202-1)} = \frac{1000}{203}$

3-3 (넓이) $= 65^2 - 35^2 = (65+35)(65-35)$
 $= 100 \times 30 = 3000$

핵심유형 4 $x = \frac{2-\sqrt{3}}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})} = 2-\sqrt{3}$
 $y = \frac{2+\sqrt{3}}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} = 2+\sqrt{3}$



$$\therefore x^2 + 2xy + y^2 = (x+y)^2 = 4^2 = 16$$

$$\text{4-1 } x^2 - 6x + 9 = (x-3)^2 = (3-\sqrt{2}-3)^2 = 2$$

$$\begin{aligned} \text{4-2 } 2x^2 + xy - 3y^2 &= (2x+3y)(x-y) \\ &= (7+3)(3.5-1) = 10 \times 2.5 = 25 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{4-3 } a^2 - b^2 - 8b - 16 &= a^2 - (b^2 + 8b + 16) = a^2 - (b+4)^2 \\ &= (a+b+4)(a-b-4) \\ &= (1+4)(-2-4) = 5 \times (-6) = -30 \end{aligned}$$

기출문제 실 · 력 · 다 · 지 · 기

46~47쪽

- | | | | |
|------|----------|----------|---------|
| 01 ④ | 02 ② | 03 ⑤ | 04 ⑤ |
| 05 ④ | 06 ④ | 07 ① | 08 ③, ⑤ |
| 09 ④ | 10 ④ | 11 ⑤ | 12 ④ |
| 13 ⑤ | 14 $b-1$ | 15 24 cm | |

$$\text{01 } 3a^3b - 3a^2b - 18ab = 3ab(a^2 - a - 6) = 3ab(a-3)(a+2)$$

$$\begin{aligned} \text{02 } (x+1)(x+4) - 2(x+1) &= (x+1)(x+2) \\ x^2(x+3) - 4(x+3) &= (x+3)(x^2-4) \\ &= (x+3)(x+2)(x-2) \end{aligned}$$

따라서 공통인수는 $x+2$ 이다.

$$\begin{aligned} \text{03 } (\text{주어진 식}) &= ay - ab + bx - xy = a(y-b) - x(y-b) \\ &= (a-x)(y-b) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{04 } 1 - x^2 + 4xy - 4y^2 &= 1 - (x^2 - 4xy + 4y^2) = 1 - (x-2y)^2 \\ &= (1+x-2y)(1-x+2y) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{05 } x^2 - xy - xz - 2y^2 - yz &= -z(x+y) + x^2 - xy - 2y^2 \\ &= -z(x+y) + (x-2y)(x+y) \\ &= (x+y)(x-2y-z) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{06 } (x-3)^2 - 16 &= (x-3)^2 - 4^2 = (x-3+4)(x-3-4) \\ &= (x+1)(x-7) \end{aligned}$$

$$\text{이므로 } a=1, b=7 \quad \therefore a+b=1+7=8$$

$$\begin{aligned} \text{07 } x-3 &= A \text{로 치환하면} \\ (\text{주어진 식}) &= 2A^2 + 7A - 4 = (A+4)(2A-1) \\ &= (x+1)(2x-7) \end{aligned}$$

이므로 두 일차식의 합은 $x+1+2x-7=3x-6$

$$\begin{aligned} \text{08 } 9 \times 51^2 - 9 \times 50^2 &= 9(51^2 - 50^2) \quad \leftarrow \text{⑤} \\ &= 9(51+50)(51-50) \quad \leftarrow \text{③} \end{aligned}$$

따라서 필요한 인수분해 공식은 ③, ⑤이다.

$$\begin{aligned} \text{09 } (\text{주어진 식}) &= (6.5-2 \times 2.5)(6.5-3 \times 2.5) \\ &= 1.5 \times (-1) = -1.5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{10 } a+b &= \sqrt{2}+5-\sqrt{2}+5=10 \\ a-b &= \sqrt{2}+5+\sqrt{2}-5=2\sqrt{2} \\ \therefore a^2-b^2 &= (a+b)(a-b) = 10 \times 2\sqrt{2} = 20\sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{11 } 1 < \sqrt{2} < 2 \text{이므로 } a &= \sqrt{2}-1 \\ \therefore a^2+3a+2 &= (a+1)(a+2) = \sqrt{2}(\sqrt{2}+1) \\ &= 2+\sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{12 } (\text{길의 넓이}) &= \pi(r+a)^2 - \pi r^2 \\ &= \pi\{(r+a)^2 - r^2\} \\ &= \pi(r+a+r)(r+a-r) \\ &= a\pi(2r+a) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b &= 2\pi\left(r + \frac{a}{2}\right) = \pi(2r+a) \\ \therefore (\text{길의 넓이}) &= a \cdot \pi(2r+a) = ab \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{13 } (\text{부피}) &= \pi \times 7.75^2 \times 10 - \pi \times 2.25^2 \times 10 \\ &= \pi \times 10(7.75^2 - 2.25^2) \\ &= 10\pi(7.75+2.25)(7.75-2.25) \\ &= 10\pi \times 10 \times 5.5 = 550\pi (\text{cm}^3) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{14 } [\text{단계 ①}] \quad ab+b-a-1 &= b(a+1) - (a+1) \\ &= (a+1)(b-1) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} [\text{단계 ②}] \quad b^2-b-ab+a &= b(b-1) - a(b-1) \\ &= (b-1)(b-a) \end{aligned}$$

[단계 ③] 따라서 두 다항식의 공통인수는 $b-1$ 이다.

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------------|------|
| ① $ab+b-a-1$ 을 인수분해하기 | 40 % |
| ② $b^2-b-ab+a$ 를 인수분해하기 | 40 % |
| ③ 공통인수 구하기 | 20 % |

$$\begin{aligned} \text{15 } 4a+4b &= 100 \text{이므로 } 4(a+b) = 100 \\ \therefore a+b &= 25 \quad \dots\dots \text{①} \\ a^2-b^2 &= 150 \text{이므로 } (a+b)(a-b) = 150 \\ 25(a-b) &= 150 \quad \therefore a-b = 6 \quad \dots\dots \text{②} \\ \text{따라서 두 카드의 둘레의 길이의 차는} \\ 4a-4b &= 4(a-b) = 4 \times 6 = 24 (\text{cm}) \quad \dots\dots \text{③} \end{aligned}$$

| 채점 기준 | 배점 |
|-----------------------|------|
| ① $a+b$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ② $a-b$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ 두 카드의 둘레의 길이의 차 구하기 | 20 % |

III 이차방정식

08. 이차방정식의 뜻과 해

개 · 념 · 확 · 인

48~49쪽

- 01 ㄴ, ㄷ 02 (1) 8 (2) 4 03 $a \neq 2$
 04 $-2, -2, 0 / x = -2$ 또는 $x = 1$ 05 ⑤
 06 ④

- 01 ㄱ. $x^2 - 1$ (이차식)
 ㄴ. $3x^2 = 0$ (이차방정식)
 ㄷ. $x^3 + x^2 - 1 = 0$ (이차방정식이 아니다.)
 ㄹ. $x^2 - x - 6 = 0$ (이차방정식)
 ㅁ. $x^2 + x = x^2, x = 0$ (일차방정식)
 따라서 이차방정식은 ㄴ, ㄹ이다.

- 02 (1) $3x^2 + 1 - x^2 + 5x = 0, 2x^2 + 5x + 1 = 0$ 이므로
 $a = 2, b = 5, c = 1$
 $\therefore a + b + c = 2 + 5 + 1 = 8$
 (2) $x^2 + 2x + 1 = x - 1, x^2 + x + 2 = 0$ 이므로
 $a = 1, b = 1, c = 2$
 $\therefore a + b + c = 1 + 1 + 2 = 4$

- 03 $3ax^2 - 3 = 6x^2 + 2x - 1, (3a - 6)x^2 - 2x - 2 = 0$ 이 이차방정식이 되려면
 $3a - 6 \neq 0, 3a \neq 6$
 $\therefore a \neq 2$

- 05 $x = -2$ 를 대입하여 등식이 성립하는 것을 찾는다.
 ① $(-2 - 2)^2 \neq 0$
 ② $(-2 + 5)^2 \neq 10$
 ③ $(-2)^2 + 4 \times (-2) - 6 \neq 0$
 ④ $(-2)^2 - (-2) + 4 \neq 0$
 ⑤ $(-2)^2 + 5 \times (-2) + 6 = 0$

- 06 []의 수를 대입하여 등식이 성립하는 것을 찾는다.
 ① $x = 4$ 일 때, $4^2 \neq 4$
 ② $x = -2$ 일 때, $(-2 + 3)(-2 - 2) \neq 0$
 ③ $x = -1$ 일 때, $(-1)^2 + 3 \neq 4 \times (-1)$
 ④ $x = 3$ 일 때, $3^2 - 3 - 6 = 0$
 ⑤ $x = 2$ 일 때, $2 \times 2^2 + 3 \times 2 - 5 \neq 0$

핵심유형으로 개 · 념 · 정 · 복 · 하 · 기

50~51쪽

| | | | |
|----------|-------|-------|-------|
| 핵심유형 1 ⑤ | 1-1 ④ | 1-2 ⑤ | 1-3 ③ |
| 핵심유형 2 ① | 2-1 ⑤ | 2-2 ① | 2-3 ④ |
| 핵심유형 3 ④ | 3-1 ② | 3-2 ③ | 3-3 ② |
| 핵심유형 4 ① | 4-1 ④ | 4-2 ④ | 4-3 ① |

- 핵심유형 1 ① $x^2 - 1 = 0$ (이차방정식)
 ② $x^2 - x + 5 = 0$ (이차방정식)
 ③ $x^2 - x - 1 = 0$ (이차방정식)
 ④ $x^2 + 2x = 0$ (이차방정식)
 ⑤ $3x^2 + x = 3x^2 - 6x, 7x = 0$ (일차방정식)

- 1-1 ① $-3 = 0$ (방정식이 아니다.)
 ② $x^2 + x = x^2 + 3, x - 3 = 0$ (일차방정식)
 ③ $x^2 - 2x + 3$ (이차식)
 ④ $4x^2 + 4x + 1 = x^2 - 2x + 1, 3x^2 + 6x = 0$ (이차방정식)
 ⑤ $x(x^2 - 4) = 0, x^3 - 4x = 0$ (이차방정식이 아니다.)

- 1-2 ③ $2x^2 = 0$ (이차방정식)
 ④ $x^2 + 2x + 1 = 2x, x^2 + 1 = 0$ (이차방정식)
 ⑤ $x^2 - 1 = x^2 + 4x + 4, -4x - 5 = 0$ (일차방정식)

- 1-3 ㄱ. $x^2 - 2x + 1$ (이차식)
 ㄴ. $2x^2 - x = x^2 + x, x^2 - 2x = 0$ (이차방정식)
 ㄷ. $x^2 + 2x - 3 = 0$ (이차방정식)
 ㄹ. $x^2 - 2x + 1 = x^2 + 2x + 1, -4x = 0$ (일차방정식)
 ㅁ. $4x^2 - 4x + 1 = x^2 + 3x, 3x^2 - 7x + 1 = 0$ (이차방정식)
 따라서 이차방정식인 것은 ㄴ, ㄷ, ㅁ이다.

- 핵심유형 2 $2(x - 1)^2 - (x + 3)(x + 1) = x - x^2$ 에서
 $2(x^2 - 2x + 1) - (x^2 + 4x + 3) = x - x^2$
 $x^2 - 8x - 1 = x - x^2, 2x^2 - 9x - 1 = 0$
 따라서 $b = -9, c = -1$ 이므로
 $b + c = -9 + (-1) = -10$

- 2-1 $a - 3 \neq 0$ 이어야 하므로 $a \neq 3$

- 2-2 $(2x + 1)(ax - 3) = -4x^2 + 1$ 에서
 $2ax^2 + ax - 6x - 3 = -4x^2 + 1$
 $(2a + 4)x^2 + (a - 6)x - 4 = 0$
 따라서 $2a + 4 \neq 0$ 이어야 하므로 $a \neq -2$

- 2-3 $-2(x + 1)^2 + 5x = (3x - 1)^2$ 에서
 $-2(x^2 + 2x + 1) + 5x = 9x^2 - 6x + 1$
 $-2x^2 - 4x - 2 + 5x = 9x^2 - 6x + 1, 11x^2 - 7x + 3 = 0$

따라서 $a=11, b=-7$

$$a+b=11+(-7)=4 \text{이므로}$$

핵심유형 3 $x=-2$ 일 때, $(-2)^2+2 \times (-2)-3 \neq 0$

$$x=-1 \text{일 때, } (-1)^2+2 \times (-1)-3 \neq 0$$

$$x=0 \text{일 때, } 0^2+2 \times 0-3 \neq 0$$

$$x=1 \text{일 때, } 1^2+2 \times 1-3=0$$

$$x=2 \text{일 때, } 2^2+2 \times 2-3 \neq 0$$

따라서 해는 $x=1$ 이다.

3-1 $x=1$ 을 대입하여 등식이 성립하는 것을 찾는다.

$$\textcircled{1} 1^2-4 \times 1 \neq 0$$

$$\textcircled{2} 1^2+6 \times 1=7$$

$$\textcircled{3} (1+1)(1+2) \neq 0$$

$$\textcircled{4} 1^2+3 \times 1+2 \neq 0$$

$$\textcircled{5} 2 \times 1^2-3 \times 1-5 \neq 0$$

3-2 $\textcircled{1} x=-1$ 일 때, $(-1)^2-2 \times (-1)=3$

$$\textcircled{2} x=0 \text{일 때, } 0(0+1)=0$$

$$\textcircled{3} x=1 \text{일 때, } 1^2+2 \times 1-1 \neq 0$$

$$\textcircled{4} x=3 \text{일 때, } 3(3+3)=3 \times 3+9$$

$$\textcircled{5} x=2 \text{일 때, } (2+1)(2-3)=-3$$

3-3 $x=-2$ 일 때, $(-2)^2+2 \times (-2)=0$

$$x=-1 \text{일 때, } (-1)^2+2 \times (-1) \neq 0$$

$$x=0 \text{일 때, } 0^2+2 \times 0=0$$

$$x=1 \text{일 때, } 1^2+2 \times 1 \neq 0$$

$$x=2 \text{일 때, } 2^2+2 \times 2 \neq 0$$

따라서 해는 $x=-2$ 또는 $x=0$ 이다.

핵심유형 4 $3x^2-2x+a=0$ 에 $x=-1$ 을 대입하면

$$3 \times (-1)^2-2 \times (-1)+a=0$$

$$\therefore a=-5$$

4-1 $x^2-ax+4=0$ 에 $x=2$ 를 대입하면

$$2^2-2a+4=0, -2a=-8 \quad \therefore a=4$$

4-2 $3x^2+2(x-a)-1=0$ 에 $x=1$ 을 대입하면

$$3 \times 1^2+2(1-a)-1=0, -2a=-4 \quad \therefore a=2$$

4-3 $x=-1$ 을 두 이차방정식에 각각 대입하면

$$(-1)^2+3 \times (-1)+a=0 \quad \therefore a=2$$

$$(-1)^2-4 \times (-1)+b=0 \quad \therefore b=-5$$

$$\therefore a+b=2+(-5)=-3$$

기출문제 실·력·다·지·기

52~53쪽

01 ⑤

02 ③

03 ③

04 ④

05 ①

06 ②

07 ④

08 ③

09 ④

10 ①

11 ①

12 ②

13 ⑤

14 -5

15 1

01 ① $x^2+1=0$ (이차방정식)

$$\textcircled{2} -x^2+3x=0 \text{(이차방정식)}$$

$$\textcircled{3} x^2+x-4=0 \text{(이차방정식)}$$

$$\textcircled{4} x^2+x=5x, x^2-4x=0 \text{(이차방정식)}$$

$$\textcircled{5} 2x^2+x-1=3+2x^2, x-4=0 \text{(일차방정식)}$$

02 $2x^2-3x=ax^2+2x-1$ 에서 $(2-a)x^2-5x+1=0$ 이므로 이차방정식이 되려면

$$2-a \neq 0 \quad \therefore a \neq 2$$

03 $(x-1)^2=-2x^2-5x+3$ 에서

$$x^2-2x+1=-2x^2-5x+3$$

$$3x^2+3x-2=0 \quad \therefore b=3, c=-2$$

$$\therefore b+c=3+(-2)=1$$

04 ① $x=4$ 일 때, $4^2-4 \neq 0$

$$\textcircled{2} x=0 \text{일 때, } (0-3)^2 \neq 0$$

$$\textcircled{3} x=2 \text{일 때, } 2(2+2) \neq 3$$

$$\textcircled{4} x=-1 \text{일 때, } (-1)^2-(-1)-2=0$$

$$\textcircled{5} x=-3 \text{일 때, } 3 \times (-3)^2-5 \times (-3)+6 \neq 0$$

05 ① $x=-1$ 일 때, $(-1)^2-2 \times (-1) \neq -1$

$$\textcircled{2} x=0 \text{일 때, } 0(0-3)=0$$

$$\textcircled{3} x=3 \text{일 때, } 3^2-6 \times 3+9=0$$

$$\textcircled{4} x=1 \text{일 때, } 1(1-2)=4 \times 1-5$$

$$\textcircled{5} x=2 \text{일 때, } (2+1)(2-4)=-6$$

06 $x=-2$ 일 때, $(-2)^2+5 \times (-2)-6 \neq 0$

$$x=-1 \text{일 때, } (-1)^2+5 \times (-1)-6 \neq 0$$

$$x=0 \text{일 때, } 0^2+5 \times 0-6 \neq 0$$

$$x=1 \text{일 때, } 1^2+5 \times 1-6=0$$

$$x=2 \text{일 때, } 2^2+5 \times 2-6 \neq 0$$

따라서 해는 $x=1$ 이다.

07 x 의 값이 $-1, 0, 1$ 일 때, 이차방정식의 해를 구하면 각각 다음과 같다.

$$\textcircled{1} x=-1 \text{ 또는 } x=1 \quad \textcircled{2} x=0$$

$$\textcircled{3} x=1 \quad \textcircled{4} \text{해가 없다.} \quad \textcircled{5} x=-1$$



08 x 의 값이 $-1, 0, 1, 2$ 이므로

$$x=-1 \text{ 일 때, } 3 \times (-1)^2 - 2 \times (-1) - 1 \neq 0$$

$$x=0 \text{ 일 때, } 3 \times 0^2 - 2 \times 0 - 1 \neq 0$$

$$x=1 \text{ 일 때, } 3 \times 1^2 - 2 \times 1 - 1 = 0$$

$$x=2 \text{ 일 때, } 3 \times 2^2 - 2 \times 2 - 1 \neq 0$$

따라서 해는 $x=1$ 이다.

09 주어진 이차방정식에 $x=-1$ 을 대입하면

$$(-1)^2 - (a+1) \times (-1) - 2a - 1 = 0$$

$$1 + a + 1 - 2a - 1 = 0, -a = -1 \quad \therefore a = 1$$

10 $x=-2$ 를 두 이차방정식에 각각 대입하면

$$(-2)^2 + a \times (-2) + 2 = 0, 4 - 2a + 2 = 0$$

$$-2a = -6 \quad \therefore a = 3$$

$$(-2)^2 - 3 \times (-2) + b = 0, 4 + 6 + b = 0 \quad \therefore b = -10$$

$$\therefore a + b = 3 + (-10) = -7$$

11 $2x^2 + ax - 1 = 0$ 에 $x=-1$ 을 대입하면

$$2 \times (-1)^2 + a \times (-1) - 1 = 0, -a = -1 \quad \therefore a = 1$$

$$3x^2 - x + b = 0 \text{에 } x=2 \text{를 대입하면}$$

$$3 \times 2^2 - 2 + b = 0 \quad \therefore b = -10$$

$$\therefore ab = 1 \times (-10) = -10$$

12 $2x^2 - 3x + 5 = 0$ 에 $x=a$ 를 대입하면

$$2a^2 - 3a + 5 = 0, 2a^2 - 3a = -5$$

$$\therefore 2a^2 - 3a + 4 = -5 + 4 = -1$$

13 $x^2 - 4x + 1 = 0$ 에 $x=a$ 를 대입하면 $a^2 - 4a + 1 = 0$

$$\text{양변을 } a \text{로 나누면 } a - 4 + \frac{1}{a} = 0 \quad \therefore a + \frac{1}{a} = 4$$

$$\therefore a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2 = 4^2 - 2 = 14$$

14 [단계 ①] $x^2 - 5x + 1 = 0$ 에 $x=a$ 를 대입하면 $a^2 - 5a + 1 = 0$

$$\text{양변을 } a \text{로 나누면 } a - 5 + \frac{1}{a} = 0 \quad \therefore a + \frac{1}{a} = 5$$

[단계 ②] $x^2 - 5x + 1 = 0$ 에 $x=b$ 를 대입하면

$$b^2 - 5b + 1 = 0 \quad \therefore b^2 - 5b = -1$$

$$\text{[단계 ③]} \therefore \left(a + \frac{1}{a}\right)(b^2 - 5b) = 5 \times (-1) = -5$$

| 채점 기준 | 배점 |
|--|------|
| ① $a + \frac{1}{a}$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ② $b^2 - 5b$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ $\left(a + \frac{1}{a}\right)(b^2 - 5b)$ 의 값 구하기 | 20 % |

15 $x^2 - 3x + 4 = 0$ 에 $x=a$ 를 대입하면

$$a^2 - 3a + 4 = 0, a^2 - 3a = -4 \quad \dots\dots ①$$

$2x^2 + x - 5 = 0$ 에 $x=b$ 를 대입하면

$$2b^2 + b - 5 = 0, 2b^2 + b = 5 \quad \dots\dots ②$$

$$\therefore a^2 + 2b^2 - 3a + b = (a^2 - 3a) + (2b^2 + b)$$

$$= -4 + 5 = 1 \quad \dots\dots ③$$

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------------------------|------|
| ① $a^2 - 3a$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ② $2b^2 + b$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ $a^2 + 2b^2 - 3a + b$ 의 값 구하기 | 20 % |

09. 이차방정식의 풀이

개 · 념 · 확 · 인

54~55쪽

01 (1) $x = -1$ 또는 $x = 2$ (2) $x = 0$ 또는 $x = 1$

(3) $x = \frac{5}{2}$ 또는 $x = -3$

02 (1) $x = 1$ 또는 $x = 3$ (2) $x = -3$ 또는 $x = 2$

03 (1) $x = -3$ (중근) (2) $x = 2$ (중근)

(3) $x = \frac{3}{2}$ (중근)

04 15

05 (1) $x = \pm\sqrt{5}$ (2) $x = \pm 2$

(3) $x = \pm\sqrt{6}$ (4) $x = \pm\frac{\sqrt{30}}{5}$

(5) $x = -3 \pm \sqrt{7}$ (6) $x = 1 \pm \sqrt{5}$

06 (1) $-2, 9, 9, 3, 7, 3, \sqrt{7}, -3 \pm \sqrt{7}$

(2) $2, 2, 4, 4, 2, 6, 2, \sqrt{6}, 2 \pm \sqrt{6}$

02 (1) $x^2 - 4x + 3 = 0$ 에서 $(x-1)(x-3) = 0$

$$x-1=0 \text{ 또는 } x-3=0 \quad \therefore x=1 \text{ 또는 } x=3$$

(2) $x^2 + x = 6$ 에서 $x^2 + x - 6 = 0, (x+3)(x-2) = 0$

$$x+3=0 \text{ 또는 } x-2=0 \quad \therefore x=-3 \text{ 또는 } x=2$$

03 (1) $x = -3$ (중근)

(2) $(x-2)^2 = 0 \quad \therefore x = 2$ (중근)

(3) $(2x-3)^2 = 0 \quad \therefore x = \frac{3}{2}$ (중근)

04 (완전제곱식) $= 0$ 의 꼴로 인수분해되려면

$$k+1 = \left(\frac{-8}{2}\right)^2, k+1 = 16 \quad \therefore k = 15$$

05 (1) $x = \pm\sqrt{5}$

(2) $x^2 = 4 \quad \therefore x = \pm 2$



(3) 양변을 4로 나누면 $x^2=6$ $\therefore x=\pm\sqrt{6}$

(4) $5x^2=6$ 에서 양변을 5로 나누면 $x^2=\frac{6}{5}$

$\therefore x=\pm\sqrt{\frac{6}{5}}=\pm\frac{\sqrt{30}}{5}$

(5) $x+3=\pm\sqrt{7}$ $\therefore x=-3\pm\sqrt{7}$

(6) 양변을 5로 나누면 $(x-1)^2=5$, $x-1=\pm\sqrt{5}$
 $\therefore x=1\pm\sqrt{5}$

핵심유형으로 개·념·정·복·하·기

56~57쪽

핵심유형 1 ③ 1-1 ① 1-2 ⑤ 1-3 ②

핵심유형 2 ④ 2-1 ③ 2-2 ④ 2-3 ③

핵심유형 3 ③ 3-1 ② 3-2 ④ 3-3 ⑤

핵심유형 4 ④ 4-1 ② 4-2 ④ 4-3 ①

핵심유형 1 $x^2+2x-3=6(x-1)$ 에서

$x^2+2x-3=6x-6$, $x^2-4x+3=0$

$(x-1)(x-3)=0$ $\therefore x=1$ 또는 $x=3$

1-1 $(x+3)(2x-1)=0$ 에서 $x+3=0$ 또는 $2x-1=0$

$\therefore x=-3$ 또는 $x=\frac{1}{2}$

1-2 $(x+1)(x-1)=2x^2-10$ 에서

$x^2-1=2x^2-10$, $x^2-9=0$

$(x+3)(x-3)=0$ $\therefore x=-3$ 또는 $x=3$

1-3 $4x^2+7x-2=0$ 에서 $(4x-1)(x+2)=0$

$\therefore x=\frac{1}{4}$ 또는 $x=-2$

따라서 두 근의 곱은 $\frac{1}{4} \times (-2) = -\frac{1}{2}$

핵심유형 2 (완전제곱식)=0의 꼴로 인수분해되려면

$2m+1=\left(\frac{-6}{2}\right)^2$, $2m+1=9$

$2m=8$ $\therefore m=4$

2-1 \neg . $(x+3)(x-1)=0$ $\therefore x=-3$ 또는 $x=1$

\sqcup . $(x+4)^2=0$ $\therefore x=-4$ (중근)

\sqcap . $(x-2)(x-5)=0$ $\therefore x=2$ 또는 $x=5$

\sqcup . $\left(x-\frac{3}{2}\right)^2=0$ $\therefore x=\frac{3}{2}$ (중근)

\sqcap . $(5x-2)^2=0$ $\therefore x=\frac{2}{5}$ (중근)

따라서 중근을 갖는 것은 \sqcup , \sqcup , \sqcap 의 3개이다.

2-2 (완전제곱식)=0의 꼴로 인수분해되려면

$p-3=\left(\frac{-2}{2}\right)^2=1$ $\therefore p=4$

2-3 (완전제곱식)=0의 꼴로 인수분해되려면

$4=\left(\frac{k-1}{2}\right)^2$, $4=\frac{k^2-2k+1}{4}$, $k^2-2k+1=16$

$k^2-2k-15=0$, $(k+3)(k-5)=0$

$\therefore k=-3$ 또는 $k=5$

따라서 모든 상수 k 의 값의 합은 $-3+5=2$ 이다.

핵심유형 3 $3(x-3)^2-15=0$ 에서 $3(x-3)^2=15$

$(x-3)^2=5$, $x-3=\pm\sqrt{5}$

$\therefore x=3\pm\sqrt{5}$

3-1 $25x^2-4=0$ 에서 $25x^2=4$, $x^2=\frac{4}{25}$

$\therefore x=\pm\frac{2}{5}$

3-2 $(2x-3)^2=5$ 에서 $2x-3=\pm\sqrt{5}$

$2x=3\pm\sqrt{5}$ $\therefore x=\frac{3\pm\sqrt{5}}{2}$

$\therefore ab=\left(\frac{3+\sqrt{5}}{2}\right)\left(\frac{3-\sqrt{5}}{2}\right)=1$

3-3 $4(x-1)^2=20$ 에서 $(x-1)^2=5$

$x-1=\pm\sqrt{5}$ $\therefore x=1\pm\sqrt{5}$

따라서 $A=1$, $B=5$ 이므로 $A+B=1+5=6$

핵심유형 4 $x^2+ax-1=0$ 에서 $x^2+ax=1$

$x^2+ax+\frac{a^2}{4}=1+\frac{a^2}{4}$

$\left(x+\frac{a}{2}\right)^2=1+\frac{a^2}{4}$, $x+\frac{a}{2}=\pm\sqrt{\frac{a^2}{4}+1}$

$\therefore x=\frac{-a\pm\sqrt{a^2+4}}{2}$

따라서 $a=-1$, $b=(-1)^2+4=5$ 이므로

$a+b=-1+5=4$

4-1 $x^2-6x+3=0$ 에서 $x^2-6x=-3$

$x^2-6x+9=-3+9$ $\therefore (x-3)^2=6$

$\therefore p=-3$, $q=6$

4-2 $2x^2+4x-10=0$ 에서 $x^2+2x-5=0$

$x^2+2x=5$, $x^2+2x+1=5+1$, $(x+1)^2=6$

$\therefore x=-1\pm\sqrt{6}$

따라서 $A=1$, $B=1$, $C=6$ 이므로

$A+B+C=1+1+6=8$



4-3 $x^2+6x-1=p$ 에서 $x^2+6x=p+1$

$$x^2+6x+9=p+1+9, (x+3)^2=p+10$$

$$\therefore x=-3\pm\sqrt{p+10}$$

따라서 $a=-3$, $p+10=7$ 에서 $p=-3$ 이므로

$$a+p=-3+(-3)=-6$$

기출문제 실·력·다·지·기

58~59쪽

01 ④

02 ①

03 ③

04 ②

05 ②

06 ③

07 ①

08 ⑤

09 ①

10 ②

11 ①

12 ①

13 ③

14 $x=\frac{3}{2}$

15 5, 8, 9

01 ④ $x=-1$ 또는 $x=-2$ 이므로 두 근의 합은 $-1+(-2)=-3$

02 $2x^2+5x-3=0$ 에서 $(x+3)(2x-1)=0$
 $\therefore x=-3$ 또는 $x=\frac{1}{2}$

03 $2(x-1)^2=-3x+8$ 에서 $2(x^2-2x+1)=-3x+8$
 $2x^2-4x+2=-3x+8, 2x^2-x-6=0$
 $(x-2)(2x+3)=0 \quad \therefore x=2$ 또는 $x=-\frac{3}{2}$
 $\therefore 2 \times \left(-\frac{3}{2}\right)=-3$

04 $x^2-4x-5=0$ 에서 $(x+1)(x-5)=0$
 $\therefore x=-1$ 또는 $x=5$
 $2x^2-x-3=0$ 에서 $(x+1)(2x-3)=0$
 $\therefore x=-1$ 또는 $x=\frac{3}{2}$
 따라서 두 이차방정식의 공통인 근은 $x=-1$ 이다.

05 $x=2$ 를 $3x^2+kx-8=0$ 에 대입하면
 $3 \times 2^2+2k-8=0, 2k=-4 \quad \therefore k=-2$
 $3x^2-2x-8=0$ 에서 $(x-2)(3x+4)=0$
 $\therefore x=2$ 또는 $x=-\frac{4}{3}$
 따라서 나머지 한 근은 $x=-\frac{4}{3}$ 이다.

06 (완전제곱식) $=0$ 의 꼴로 인수분해되려면
 $9=\{-(m-1)\}^2, 9=m^2-2m+1, m^2-2m-8=0$
 $(m+2)(m-4)=0 \quad \therefore m=-2$ 또는 $m=4$
 따라서 상수 m 의 값의 합은 $-2+4=2$

07 $(x+4)(x+a)=b$ 에서 $x^2+(4+a)x+4a-b=0$
 중근 $x=-3$ 을 가지고 x^2 의 계수가 1인 방정식은
 $(x+3)^2=0$ 이므로 $x^2+6x+9=0$
 $4+a=6$ 에서 $a=2$
 $4a-b=9$ 에서 $8-b=9 \quad \therefore b=-1$
 $\therefore a+b=2+(-1)=1$

08 $4x^2-28=0$ 에서 $4x^2=28, x^2=7 \quad \therefore x=\pm\sqrt{7}$

09 $(x+4)^2=2$ 에서 $x+4=\pm\sqrt{2} \quad \therefore x=-4\pm\sqrt{2}$
 따라서 $A=-4, B=2$ 이므로 $\frac{A}{B}=\frac{-4}{2}=-2$

10 $6(x-1)^2=54$ 에서 $(x-1)^2=9, x-1=\pm 3$
 $\therefore x=-2$ 또는 $x=4$
 따라서 작은 근은 $x=-2$ 이다.

11 $2(x+a)^2=b$ 에서 $(x+a)^2=\frac{b}{2}$
 $x+a=\pm\sqrt{\frac{b}{2}} \quad \therefore x=-a\pm\sqrt{\frac{b}{2}}$
 해가 $x=2\pm\sqrt{5}$ 이므로 $-a=2$ 에서 $a=-2$
 $\sqrt{\frac{b}{2}}=\sqrt{5}$ 에서 $b=10$
 $\therefore ab=-2 \times 10=-20$

12 $(x-1)(x-5)=4$ 에서
 $x^2-6x+5=4, x^2-6x=-1$
 $x^2-6x+9=-1+9 \quad \therefore (x-3)^2=8$
 따라서 $p=-3, q=8$ 이므로 $p-q=-3-8=-11$

13 $x^2-10x-2a=0$ 에서 $x^2-10x+25=2a+25$
 $(x-5)^2=2a+25 \quad \therefore x=5\pm\sqrt{2a+25}$
 $2a+25=3$ 이므로 $2a=-22 \quad \therefore a=-11$

14 [단계 ①] $x^2-x=2$ 에서 $x^2-x-2=0$
 $(x+1)(x-2)=0 \quad \therefore x=-1$ 또는 $x=2$
 [단계 ②] $x=-1$ 을 $2x^2+(a-1)x-3=0$ 에 대입하면
 $2 \times (-1)^2+(a-1) \times (-1)-3=0 \quad \therefore a=0$
 [단계 ③] $a=0$ 을 $2x^2+(a-1)x-3=0$ 에 대입하면
 $2x^2-x-3=0, (x+1)(2x-3)=0$
 $\therefore x=-1$ 또는 $x=\frac{3}{2}$
 따라서 다른 한 근은 $x=\frac{3}{2}$ 이다.

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------------|------|
| ① $x^2-x=2$ 의 근 구하기 | 30 % |
| ② a 의 값 구하기 | 30 % |
| ③ 다른 한 근 구하기 | 40 % |



- 15 $x^2-6x+a=0$ 에서 $x^2-6x=-a$, $x^2-6x+9=-a+9$
 $(x-3)^2=-a+9$, $x-3=\pm\sqrt{-a+9}$
 $\therefore x=3\pm\sqrt{-a+9}$ ①
 유리수인 해를 찾기 위해서는 $\sqrt{-a+9}$ 가 유리수가 되어야 한다.
 즉, $-a+9$ 가 0 또는 9보다 작은 제곱수이어야 하므로
 $-a+9=0$, 1, 4 $\therefore a=5$, 8, 9 ②

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------|------|
| ① 이차방정식의 해 구하기 | 50 % |
| ② 자연수 a의 값 구하기 | 50 % |

10. 이차방정식의 근의 공식과 활용

개 · 념 · 확 · 인

60~61쪽

- 01 (1) $x=\frac{3\pm\sqrt{5}}{2}$ (2) $x=\frac{1\pm\sqrt{17}}{4}$
 02 (1) $k<1$ (2) $k=1$ (3) $k>1$
 03 (1) $x=-3\pm\sqrt{7}$ (2) $x=\frac{-2\pm\sqrt{22}}{6}$
 (3) $x=\frac{5\pm\sqrt{35}}{2}$ (4) $x=-1$ 또는 $x=6$
 04 (1) 4 (2) -2
 (3) 20 (4) 24
 (5) -2 (6) -10
 05 6 cm

- 01 (1) $a=1$, $b=-3$, $c=1$ 이므로

$$x=\frac{-(-3)\pm\sqrt{(-3)^2-4\times 1\times 1}}{2\times 1}=\frac{3\pm\sqrt{5}}{2}$$

 (2) $a=2$, $b=-1$, $c=-2$ 이므로

$$x=\frac{-(-1)\pm\sqrt{(-1)^2-4\times 2\times (-2)}}{2\times 2}=\frac{1\pm\sqrt{17}}{4}$$

 02 (1) $2^2-4\times 1\times k>0$ $\therefore k<1$
 (2) $2^2-4\times 1\times k=0$ $\therefore k=1$
 (3) $2^2-4\times 1\times k<0$ $\therefore k>1$
 03 (1) 괄호를 풀면 $3(x^2+4x+4)=x^2+8$, $2x^2+12x+4=0$
 $x^2+6x+2=0$ $\therefore x=-3\pm\sqrt{7}$
 (2) 양변에 분모의 최소공배수인 12를 곱하면 $6x^2+4x-3=0$
 $\therefore x=\frac{-2\pm\sqrt{22}}{6}$

- (3) 양변에 10을 곱하면 $2x^2-10x-5=0$
 $\therefore x=\frac{5\pm\sqrt{35}}{2}$
 (4) $x-1=A$ 로 치환하면 $A^2-3A-10=0$
 $(A+2)(A-5)=0$
 $\therefore A=-2$ 또는 $A=5$
 $\therefore x-1=-2$ 또는 $x-1=5$
 $\therefore x=-1$ 또는 $x=6$

04 (1) $\alpha+\beta=-\frac{-4}{1}=4$

(2) $\alpha\beta=\frac{-2}{1}=-2$

(3) $\alpha^2+\beta^2=(\alpha+\beta)^2-2\alpha\beta=4^2-2\times(-2)=20$

(4) $(\alpha-\beta)^2=(\alpha+\beta)^2-4\alpha\beta=4^2-4\times(-2)=24$

(5) $\frac{1}{\alpha}+\frac{1}{\beta}=\frac{\alpha+\beta}{\alpha\beta}=\frac{4}{-2}=-2$

(6) $\frac{\beta}{\alpha}+\frac{\alpha}{\beta}=\frac{\alpha^2+\beta^2}{\alpha\beta}=\frac{20}{-2}=-10$

- 05 처음 정사각형의 한 변의 길이를 x cm 라 하면
 $(x+2)(x+3)=2x^2$, $x^2-5x-6=0$, $(x+1)(x-6)=0$
 $\therefore x=6$ ($\because x>0$)
 따라서 처음 정사각형의 한 변의 길이는 6 cm이다.

핵심유형으로 개 · 념 · 정 · 복 · 하 · 기

62~63쪽

| | | | |
|----------|--------|-------|-------|
| 핵심유형 1 ③ | 1-1 ① | 1-2 ③ | 1-3 ⑤ |
| 핵심유형 2 ⑤ | 2-1 ④ | 2-2 ④ | 2-3 ③ |
| 핵심유형 3 ④ | 3-1 ② | 3-2 ⑤ | 3-3 ③ |
| 핵심유형 4 ⑤ | 4-1 13 | 4-2 ⑤ | 4-3 ③ |

핵심유형 1 $a=3$, $b=5$, $c=A$ 이므로

$$x=\frac{-5\pm\sqrt{5^2-4\times 3\times A}}{2\times 3}=\frac{-5\pm\sqrt{25-12A}}{6}$$

따라서 $25-12A=13$ 이므로 $A=1$

1-1 $a=2$, $b=-3$, $c=-4$ 이므로

$$x=\frac{-(-3)\pm\sqrt{(-3)^2-4\times 2\times (-4)}}{2\times 2}=\frac{3\pm\sqrt{41}}{4}$$

따라서 $A=3$, $B=41$ 이므로

$$A+B=3+41=44$$



1-2 $b=-1, c=-2$ 이므로

$$x = \frac{-(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 - 4 \times a \times (-2)}}{2 \times a}$$

$$= \frac{1 \pm \sqrt{1+8a}}{2a} = \frac{1 \pm \sqrt{k}}{4}$$

따라서 $a=2, k=17$ 이므로 $a+k=2+17=19$

1-3 ① $1^2 - 4 \times 2 \times (-3) > 0$ (근이 2개)

② $(-2)^2 - 4 \times 3 \times (-1) > 0$ (근이 2개)

③ $4^2 - 4 \times 1 \times (-3) > 0$ (근이 2개)

④ $(-4)^2 - 4 \times 1 \times (-4) > 0$ (근이 2개)

⑤ $4^2 - 4 \times 4 \times 1 = 0$ (근이 0개)

핵심유형 2 양변에 6을 곱하면 $2x^2 - 3x - 1 = 0$

$$\therefore x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4 \times 2 \times (-1)}}{2 \times 2} = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{4}$$

2-1 괄호를 풀면 $2(x^2 - 2x + 1) = x^2 + 5, x^2 - 4x - 3 = 0$

$$\therefore x = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 4 \times 1 \times (-3)}}{2 \times 1}$$

$$= \frac{4 \pm 2\sqrt{7}}{2} = 2 \pm \sqrt{7}$$

2-2 양변에 10을 곱하면 $x^2 - 5x - 10 = 0$

$$\therefore x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 1 \times (-10)}}{2 \times 1}$$

$$= \frac{5 \pm \sqrt{65}}{2}$$

2-3 $x+1=A$ 라 하면

$$A^2 - 3A + 2 = 0, (A-1)(A-2) = 0$$

$$\therefore A=1 \text{ 또는 } A=2$$

$$A=x+1 \text{ 이므로 } x+1=1 \text{ 또는 } x+1=2$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=1$$

핵심유형 3 $\alpha + \beta = -\frac{-6}{3} = 2, \alpha\beta = \frac{2}{3}$ 이므로

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 2^2 - 2 \times \frac{2}{3} = \frac{8}{3}$$

3-1 (두 근의 합) $= -\frac{-m}{2} = \frac{m}{2} = 3 \quad \therefore m=6$

3-2 ⑤ $\alpha + \beta = -\frac{2}{3}, \alpha\beta = -\frac{1}{3}$ 이므로

$$(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta = \left(-\frac{2}{3}\right)^2 - 4 \times \left(-\frac{1}{3}\right)$$

$$= \frac{4}{9} + \frac{4}{3} = \frac{16}{9}$$

$$\therefore \alpha - \beta = \frac{4}{3} \quad (\because \alpha > \beta \text{에서 } \alpha - \beta > 0)$$

3-3 두 근의 합은 $k = -\frac{-8}{4} = 2$ 이므로

$$k^2 - 3k + p = 0 \text{에 } k=2 \text{를 대입하면}$$

$$2^2 - 3 \times 2 + p = 0 \quad \therefore p=2$$

핵심유형 4 도로의 폭이 x m이므로 $(30-x)(24-x) = 520$

$$720 - 54x + x^2 = 520, x^2 - 54x + 200 = 0$$

$$(x-4)(x-50) = 0 \quad \therefore x=4 \text{ 또는 } x=50$$

$$x < 24 \text{이므로 } x=4$$

따라서 도로의 폭은 4 m이다.

4-1 연속하는 자연수를 $n, n+1$ 이라 하면

$$n(n+1) = n^2 + (n+1)^2 - 43$$

$$n^2 + n = n^2 + (n^2 + 2n + 1) - 43$$

$$n^2 + n - 42 = 0, (n-6)(n+7) = 0$$

$$\therefore n=6 \text{ 또는 } n=-7$$

$$n > 0 \text{이므로 } n=6$$

따라서 연속하는 두 수는 6, 7이므로 두 수의 합은 $6+7=13$ 이다.

4-2 똑같이 늘인 길이를 x cm라 하면

$$(18+x)(12+x) = 2 \times 18 \times 12, x^2 + 30x - 216 = 0$$

$$(x+36)(x-6) = 0 \quad \therefore x=-36 \text{ 또는 } x=6$$

$$x > 0 \text{이므로 } x=6$$

따라서 6 cm씩 늘였다.

4-3 $-5t^2 + 10t + 120 = 45, t^2 - 2t - 15 = 0$

$$(t+3)(t-5) = 0 \quad \therefore t=-3 \text{ 또는 } t=5$$

$$t > 0 \text{이므로 } t=5$$

따라서 5초 후에 물체의 높이가 45 m이다.

기출문제 실·력·다·지·기

64~65쪽

01 ④

02 ③

03 ④

04 ③

05 ④

06 ⑤

07 ①

08 ⑤

09 ①

10 ②

11 ④

12 ③

13 ①

14 $x=-2$ 또는 $x=6$

15 28 cm^2

01 $2x(x-2) = x+1$ 에서 $2x^2 - 4x = x+1, 2x^2 - 5x - 1 = 0$

$$\therefore x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 2 \times (-1)}}{2 \times 2} = \frac{5 \pm \sqrt{33}}{4}$$

$$\therefore A=33$$

02 ③ $x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \times 1 \times (-4)}}{2 \times 1} = \frac{-2 \pm 2\sqrt{5}}{2}$

$$= -1 \pm \sqrt{5}$$



03 증근을 가지려면 $(k-2)^2 - 4 \times 4 \times 1 = k^2 - 4k - 12 = 0$
 $(k+2)(k-6) = 0 \quad \therefore k = -2 \text{ 또는 } k = 6$
 따라서 증근을 갖도록 하는 모든 상수 k 의 값의 합은 $-2+6=4$ 이다.

04 $(-4)^2 - 4 \times 1 \times (m-1) = -4m + 20 > 0 \quad \therefore m < 5$
 따라서 m 의 값 중에서 가장 큰 정수는 4이다.

05 $(-4)^2 - 4 \times 3 \times k < 0, 16 < 12k \quad \therefore \frac{4}{3} < k$

06 양변에 10을 곱하면 $x^2 - 5x + 2 = 0$
 $\therefore x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 1 \times 2}}{2 \times 1}$
 $= \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2}$

07 양변에 6을 곱하면 $3x^2 + 4x - 1 = 0$
 $\therefore x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \times 3 \times (-1)}}{2 \times 3}$
 $= \frac{-4 \pm 2\sqrt{7}}{6} = \frac{-2 \pm \sqrt{7}}{3}$
 따라서 $a = -2, b = 7$ 이므로 $a+b = -2+7=5$

08 $x-1=A$ 라 하면
 $A^2 - 4A - 12 = 0, (A+2)(A-6) = 0$
 $\therefore A = -2 \text{ 또는 } A = 6$
 $A = x-1$ 이므로 $x-1 = -2 \text{ 또는 } x-1 = 6$
 따라서 $x = -1 \text{ 또는 } x = 7$ 이므로 $\alpha = 7, \beta = -1$
 $\therefore \alpha - \beta = 7 - (-1) = 8$

09 (두 근의 곱) $= \frac{k}{2} = -2 \quad \therefore k = -4$
 $2x^2 + 7x - 4 = 0, (2x-1)(x+4) = 0$
 $\therefore x = \frac{1}{2} \text{ 또는 } x = -4$
 따라서 작은 근은 $x = -4$ 이다.

10 $\alpha + \beta = -\frac{-6}{3} = 2, \alpha\beta = \frac{1}{3}$ 이므로
 $\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha\beta} = \frac{(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta}{\alpha\beta}$
 $= \frac{2^2 - 2 \times \frac{1}{3}}{\frac{1}{3}} = 10$

11 두 근이 $-3, \frac{2}{3}$ 이고, x^2 의 계수가 3인 이차방정식은
 $3(x+3)\left(x-\frac{2}{3}\right) = 0, 3\left(x^2 + \frac{7}{3}x - 2\right) = 0$
 $\therefore 3x^2 + 7x - 6 = 0$
 따라서 $m = 7, n = -6$ 이므로 $m+n = 1$

12 처음 직사각형의 세로의 길이를 x cm라 하면 가로 길이는 $(x+5)$ cm이다. 이때 직육면체의 부피가 72 cm^3 이므로
 $2(x+1)(x-4) = 72, x^2 - 3x - 40 = 0$
 $(x+5)(x-8) = 0 \quad \therefore x = -5 \text{ 또는 } x = 8$
 $x > 4$ 이므로 $x = 8$
 따라서 직사각형의 세로의 길이는 8 cm이다.

13 언니의 나이를 x 살이라 하면 동생의 나이는 $(x-3)$ 살이므로
 $8x = (x-3)^2 + 4, 8x = x^2 - 6x + 9 + 4$
 $x^2 - 14x + 13 = 0, (x-1)(x-13) = 0$
 $\therefore x = 1 \text{ 또는 } x = 13$
 $x > 3$ 이므로 $x = 13$
 따라서 언니의 나이는 13살이다.

14 [단계 ①] 예원이가 얻은 해는 $x = -4$ 또는 $x = 3$ 이므로
 $(x+4)(x-3) = 0, x^2 + x - 12 = 0$
 예원은 상수항을 바르게 보았으므로 상수항은 -12 이다.

[단계 ②] 현우가 얻은 해는 $x = -1$ 또는 $x = 5$ 이므로
 $(x+1)(x-5) = 0, x^2 - 4x - 5 = 0$
 현우는 x 의 계수를 바르게 보았으므로 x 의 계수는 -4 이다.

[단계 ③] 따라서 처음 주어진 이차방정식은
 $x^2 - 4x - 12 = 0, (x+2)(x-6) = 0$
 $\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 6$

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------|------|
| ① 예원이가 푼 이차방정식 구하기 | 30 % |
| ② 현우가 푼 이차방정식 구하기 | 30 % |
| ③ 바른 이차방정식의 해 구하기 | 40 % |

15 가장 작은 정사각형의 한 변의 길이를 x cm라 하면 가운데 정사각형과 가장 큰 정사각형의 한 변의 길이는 각각 $(x+2)$ cm, $(x+4)$ cm이므로
 $(x+4)^2 = x^2 + (x+2)^2 \quad \dots\dots ①$
 $x^2 + 8x + 16 = x^2 + x^2 + 4x + 4, x^2 - 4x - 12 = 0$
 $(x+2)(x-6) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 6$
 $x > 0$ 이므로 $x = 6 \quad \dots\dots ②$
 \therefore (색칠한 부분의 넓이)
 $= (\text{가운데 정사각형의 넓이}) - (\text{가장 작은 정사각형의 넓이})$
 $= 8^2 - 6^2 = 64 - 36 = 28 (\text{cm}^2) \quad \dots\dots ③$

| 채점 기준 | 배점 |
|------------------|------|
| ① 이차방정식 세우기 | 40 % |
| ② 이차방정식의 해 구하기 | 30 % |
| ③ 색칠한 부분의 넓이 구하기 | 30 % |

IV 이차함수

11. 이차함수의 뜻과 이차함수 $y=ax^2$ 의 그래프

개 · 념 · 확 · 인

66~67쪽

01 ①, ④

02 ③

03 (1) ㄱ, ㄴ, ㄹ (2) ㄷ, ㄹ, ㅁ (3) ㄴ, ㅁ (4) ㄱ, ㄷ

04 ③

05 ④

01 ③ $y=x^2+2x+1-x^2=2x+1$ (일차함수)

④ $y=-2x^2+2x$ (이차함수)

⑤ $y=x(x^2-1)=x^3-x$ (이차함수가 아니다.)

따라서 이차함수는 ①, ④이다.

02 ③ $y=-x^2$ 과 x 축에 대칭이다.

④ y 축($x=0$)을 축으로 하는 선대칭도형이다.

04 점 $(-2, 4)$ 를 지나므로 $4=a \times (-2)^2$, $4=4a$

$\therefore a=1$

05 그래프가 아래로 볼록한 포물선이므로 $a>0$

또한, $\frac{1}{2} < |a| < 2$ 이므로

$\frac{1}{2} < a < 2$

핵심유형으로 개 · 념 · 정 · 복 · 하 · 기

68~69쪽

핵심유형 1 2개

1-1 ⑤

1-2 ④

1-3 ⑤

핵심유형 2 ⑤

2-1 ⑤

2-2 ①

핵심유형 3 ③

3-1 ⑤

3-2 ③

3-3 ②

3-4 ⑤

3-5 ③

3-6 ③

핵심유형 1 ㄱ. $y=x^2-1$ (이차함수)

ㄴ. $y=\frac{1}{x^2}+1$ (이차함수가 아니다.)

ㄷ. $y=\frac{1}{2}x^2-\frac{1}{2}$ (이차함수)

ㄹ. $y=x^2-(1-x)^2=x^2-(1-2x+x^2)=2x-1$
(일차함수)

ㅁ. $y=(x-1)(x+1)-x^2=x^2-1-x^2=-1$
(이차함수가 아니다.)

따라서 이차함수인 것은 ㄱ, ㄷ의 2개이다.

1-1 ⑤ $y=x(x+1)(x-1)=x^3-x$ (이차함수가 아니다.)

1-2 $y=(k-3)x^2+x(x+1)=kx^2-3x^2+x^2+x$

$= (k-2)x^2+x$

이므로 $k-2 \neq 0 \quad \therefore k \neq 2$

1-3 ① $y=1000x$ (일차함수)

② $y=-100x+10000$ (일차함수)

③ $y=10x$ (일차함수)

④ $y=\frac{3}{2}x$ (일차함수)

⑤ $y=x(5-x)=-x^2+5x$ (이차함수)

핵심유형 2 ① 아래로 볼록한 포물선이다.

② 축의 방정식은 $x=0$ (y 축)이다.

③ 꼭짓점의 좌표는 원점 $(0, 0)$ 이다.

④ $y=-x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭이다.

2-1 ① 위로 볼록한 포물선이다.

② 축의 방정식은 $x=0$ (y 축)이다.

③ 꼭짓점의 좌표는 원점 $(0, 0)$ 이다.

④ $y=x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭이다.

2-2 점 $A(3, a)$ 를 지나므로 $a=-3^2 \quad \therefore a=-9$

점 $A(3, -9)$ 와 x 축에 대칭인 점의 좌표는 $(3, 9)$ 이다.

핵심유형 3 ㄴ. y 축을 축으로 한다.

ㄷ. a 의 절댓값이 클수록 폭이 좁아진다.

ㅁ. $a>0$ 이면 아래로 볼록하고, $a<0$ 이면 위로 볼록하다.

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄷ, ㅁ이다.

3-1 ⑤ $y=\frac{3}{2}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭이다.

3-2 원점을 지나는 포물선이므로 $y=ax^2$ 으로 놓으면

점 $(-2, 6)$ 을 지나므로 $x=-2, y=6$ 을 대입하면

$6=a \times (-2)^2$ 에서 $a=\frac{3}{2} \quad \therefore y=\frac{3}{2}x^2$

3-3 $y=ax^2$ 으로 놓고 $x=-3, y=-9$ 를 대입하면

$-9=a \times (-3)^2$ 에서 $a=-1 \quad \therefore y=-x^2$

3-4 $y=-3x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프의 이차함수의 식은 $y=3x^2$ 이다.

3-5 $y = \frac{3}{4}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프의 이차함수의

식은 $y = -\frac{3}{4}x^2$ 이다.

$y = -\frac{3}{4}x^2$ 의 그래프가 점 $(-2, k)$ 를 지나므로

$$k = -\frac{3}{4} \times (-2)^2 = -3$$

3-6 $y = ax^2$ 에서 $-\frac{1}{2} < a < 1$, $a \neq 0$ 이다.

따라서 두 그래프 사이에 있는 것은 ③ $y = \frac{3}{4}x^2$ 이다.

기출문제로 실·력·다·지·기

70~71쪽

| | | | |
|------|---------|------|------|
| 01 ② | 02 ③, ④ | 03 ② | 04 ④ |
| 05 ③ | 06 ③ | 07 ⑤ | 08 ⑤ |
| 09 ⑤ | 10 ⑤ | 11 ④ | 12 ① |
| 13 ① | 14 18 | 15 6 | |

01 ① $y = 2x + 1$ (일차함수)

② $y = 2x^2 - x$ (이차함수)

③ $y = x^3 + x^2 - 2x$ (이차함수가 아니다.)

④ $3x^2 + 2x - 1 = 0$ (이차방정식)

⑤ $y = x^2 + x - x^2 + 1 = x + 1$ (일차함수)

02 ① $y = 24 - x$ (일차함수)

② $y = 2x$ (일차함수)

③ $y = \pi x^2$ (이차함수)

④ $y = x(x + 1) = x^2 + x$ (이차함수)

⑤ $y = 4x$ (일차함수)

03 $f(2) = 12 - 8 + a = 8 \quad \therefore a = 4$

04 ㄷ, y 축에 대칭이다.

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄹ이다.

05 점 $(2, 2)$ 를 지나므로 $2 = a \times 2^2 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$

06 $y = ax^2$ 으로 놓고 $x = -3$, $y = 6$ 을 대입하면

$$6 = a \times (-3)^2 \text{에서 } a = \frac{2}{3} \quad \therefore y = \frac{2}{3}x^2$$

07 점 $(-2, 12)$ 를 지나므로

$$12 = a \times (-2)^2 \text{에서 } a = 3 \quad \therefore y = 3x^2$$

점 $(3, b)$ 를 지나므로 $b = 3 \times 3^2 = 27$

$$\therefore a + b = 3 + 27 = 30$$

08 원점을 지나는 포물선이므로 $y = ax^2$ 으로 놓으면 점 $(2, 3)$ 을 지

$$\text{나므로 } 3 = a \times 2^2 \text{에서 } a = \frac{3}{4} \quad \therefore y = \frac{3}{4}x^2$$

$$\therefore f(-4) = \frac{3}{4} \times (-4)^2 = 12$$

09 ① 위로 볼록한 포물선이다.

② 축은 y 축이다.

③ 꼭짓점의 좌표는 $(0, 0)$ 이다.

④ $y = \frac{2}{3}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭이다.

10 $y = ax^2$ 의 그래프가 위로 볼록하므로 $a < 0$ 이고, 폭이 가장 좁은 것은 a 의 절댓값이 가장 큰 것이므로 ⑤ $y = -2x^2$ 이다.

11 a 의 절댓값이 작은 것부터 나타내면 ㄱ, ㄴ, ㄷ, ㄹ, ㄴ이다.

12 $y = ax^2$ 의 그래프가 위로 볼록하므로 $a < 0$ 이고, 그래프의 폭이 $y = -x^2$ 의 그래프의 폭보다 좁으므로 a 의 절댓값은 1보다 크다.

$$\therefore a < -1$$

13 $y = x^2$ 에 $y = 9$ 를 대입하면 $x = \pm 3$ 이므로 $y = 9$ 와 $y = x^2$ 의 그래프의 교점의 좌표는 $(-3, 9)$, $(3, 9)$ 이다.

따라서 $y = 9$ 와 $y = ax^2$ 의 그래프의 교점의 좌표는 $(-6, 9)$, $(6, 9)$ 이므로 $y = ax^2$ 에 $x = 6$, $y = 9$ 를 대입하면

$$9 = a \times 6^2 \quad \therefore a = \frac{1}{4}$$

14 [단계 ①] 원점을 지나는 포물선이므로 $y = ax^2$ 으로 놓으면 점 $(-2, -8)$ 을 지나므로 $-8 = a \times (-2)^2$ 에서 $a = -2$
 $\therefore y = -2x^2$

[단계 ②] $y = -2x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 그래프의 식은 $y = 2x^2$

[단계 ③] $y = 2x^2$ 의 그래프가 점 $(3, k)$ 를 지나므로
 $k = 2 \times 3^2 = 18$

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------------|------|
| ① 이차함수의 식 구하기 | 40 % |
| ② x 축에 대칭인 그래프의 식 구하기 | 30 % |
| ③ k 의 값 구하기 | 30 % |

15 $f(2) = 3 \times 2^2 - 2 + 1 = 11$ ①

$$f(-2) = 3 \times (-2)^2 - (-2) + 1 = 15$$
 ②

$$\therefore f(2) - \frac{1}{3}f(-2) = 11 - \frac{1}{3} \times 15 = 6$$
 ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------------------------|------|
| ① $f(2)$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ② $f(-2)$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ $f(2) - \frac{1}{3}f(-2)$ 의 값 구하기 | 20 % |

12. 이차함수의 그래프

개 · 념 · 확 · 인

72~73쪽

01 (1) $y=3x^2-1$, $(0, -1)$, $x=0$

(2) $y=-\frac{1}{3}x^2+4$, $(0, 4)$, $x=0$

02 (1) $y=-3(x-4)^2$, $(4, 0)$, $x=4$

(2) $y=\frac{1}{2}(x+1)^2$, $(-1, 0)$, $x=-1$

03 (1) $y=4(x-1)^2-3$, $(1, -3)$, $x=1$

(2) $y=-\frac{2}{3}(x+1)^2+4$, $(-1, 4)$, $x=-1$

04 (1) $(-2, 5)$, $x=-2$ (2) $(-3, -3)$, $x=-3$

04 (1) $y=-(x^2+4x+4-4)+1=-(x+2)^2+5$

꼭짓점의 좌표: $(-2, 5)$, 축의 방정식: $x=-2$

(2) $y=2(x^2+6x+9-9)+15=2(x+3)^2-3$

꼭짓점의 좌표: $(-3, -3)$, 축의 방정식: $x=-3$

핵심유형으로 개 · 념 · 정 · 복 · 하 · 기

74~75쪽

핵심유형 1 ② 1-1 ③ 1-2 ④ 1-3 ③

핵심유형 2 ③ 2-1 ⑤ 2-2 ① 2-3 ②

핵심유형 3 ④ 3-1 ⑤ 3-2 ② 3-3 2

핵심유형 4 ② 4-1 (2, 7) 4-2 ① 4-3 ④

핵심유형 1 ② 축의 방정식은 $x=0$ 이다.

1-1 $y=5x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=5x^2+2$ 이다.

1-2 꼭짓점이 $(0, 3)$ 이므로 $y=ax^2+3$

점 $(-2, 0)$ 을 지나므로

$$0=a \times (-2)^2+3, 4a=-3 \quad \therefore a=-\frac{3}{4}$$

$$\therefore y=-\frac{3}{4}x^2+3$$

1-3 $y=-3x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=-3x^2+2$

점 $(1, a)$ 를 지나므로

$$a=-3 \times 1^2+2=-1$$

핵심유형 2 ① 아래로 볼록한 포물선이다.

② 축의 방정식은 $x=-3$ 이다.

④ $x>-3$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

⑤ $x=-3$ 일 때 $y=0$ 이다.

2-1 $y=-2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=-2(x+1)^2$ 이다.

2-2 주어진 그래프의 식은 $y=\frac{1}{2}(x-2)^2$

따라서 $f(x)=\frac{1}{2}(x-2)^2$ 이므로

$$f(3)=\frac{1}{2}, f(-1)=\frac{9}{2}$$

$$\therefore f(3)-f(-1)=\frac{1}{2}-\frac{9}{2}=-4$$

2-3 $y=-\frac{2}{3}x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -1 만큼 평행이동한

그래프의 식은 $y=-\frac{2}{3}(x+1)^2$

따라서 꼭짓점의 좌표는 $(-1, 0)$, 축의 방정식은 $x=-1$ 이므로 $a=-1, b=-1$

$$\therefore a+b=-1+(-1)=-2$$

핵심유형 3 꼭짓점의 좌표가 $(-1, 3)$ 이므로 $y=a(x+1)^2+3$

점 $(0, 1)$ 을 지나므로 $1=a(0+1)^2+3$ 에서 $a=-2$

$$\therefore y=-2(x+1)^2+3$$

3-1 $y=\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 3만큼, y 축의 방향으로 -1 만큼 평행이동한 이차함수의 식은 $y=\frac{1}{2}(x-3)^2-1$

3-2 $y=-\frac{2}{3}(x+2)^2-5$ 의 그래프는 위로 볼록한 포물선이고, 축의 방정식은 $x=-2$ 이다.

따라서 $x>-2$ 일 때, x 의 값이 증가함에 따라 y 의 값은 감소한다.

3-3 $y=-2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1만큼, y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=-2(x-1)^2-3$

점 $(a, -5)$ 를 지나므로 $-5=-2(a-1)^2-3$

$$-5=-2a^2+4a-2-3, -2a^2+4a=0$$

$$a(a-2)=0 \quad \therefore a=0 \text{ 또는 } a=2$$

$$\therefore a=2 (\because a>1)$$

핵심유형 4 $y=-x^2-4x+3=-(x^2+4x+4-4)+3$

$$=-(x+2)^2+7$$

② 꼭짓점의 좌표는 $(-2, 7)$ 이다.

4-1 점 $(1, 5)$ 를 지나므로 $5=-2 \times 1^2+a-1 \quad \therefore a=8$

$$y=-2x^2+8x-1=-2(x^2-4x+4-4)-1$$

$$=-2(x-2)^2+7$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 $(2, 7)$ 이다.

4-2 아래로 볼록하므로 $a > 0$

축이 y 축의 왼쪽에 있으므로 $ab > 0 \quad \therefore b > 0$
 y 절편이 음수이므로 $c < 0$
 $\therefore a > 0, b > 0, c < 0$

4-3 $y = -\frac{1}{2}x^2 - 2x + 2$

$$= -\frac{1}{2}(x^2 + 4x + 4 - 4) + 2$$

$$= -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 4$$

따라서 꼭짓점의 좌표가 $(-2, 4)$ 이고, y 축과의 교점의 좌표가 $(0, 2)$ 인 위로 볼록한 포물선이다.

기출문제로 실·력·다·지·기

76~77쪽

| | | | |
|------|-------------------|-------|------|
| 01 ③ | 02 ① | 03 ③ | 04 ② |
| 05 ② | 06 ⑤ | 07 ⑤ | 08 ① |
| 09 ③ | 10 ⑤ | 11 ① | 12 ④ |
| 13 ④ | 14 $\frac{19}{2}$ | 15 27 | |

01 점 $(-2, 1)$ 을 지나므로 $1 = -\frac{1}{2} \times (-2)^2 + q$ 에서 $q = 3$

따라서 $y = -\frac{1}{2}x^2 + 3$ 이므로 꼭짓점의 좌표는 $(0, 3)$ 이다.

02 $y = -3x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y = -3(x+2)^2$ 이다.

이 그래프가 점 $(-1, m)$ 을 지나므로
 $m = -3(-1+2)^2 = -3$

03 축의 방정식이 $x = -1$ 이므로 $y = a(x+1)^2 + 2$
 $\therefore p = -1$
 $y = a(x+1)^2 + 2$ 의 그래프가 점 $(-2, 5)$ 를 지나므로
 $5 = a(-2+1)^2 + 2 \quad \therefore a = 3$
 $\therefore a + p = 3 + (-1) = 2$

04 꼭짓점의 좌표가 $(2, 3)$ 이므로 $y = a(x-2)^2 + 3$
 $\therefore p = 2, q = 3$
 점 $(0, 1)$ 을 지나므로 $1 = a(0-2)^2 + 3$
 $\therefore a = -\frac{1}{2}$
 $\therefore apq = -\frac{1}{2} \times 2 \times 3 = -3$

05 ② 꼭짓점의 좌표는 $(-3, -4)$ 이다.

06 꼭짓점의 좌표를 구해 보면

- ① $(0, 2) \Rightarrow y$ 축 ② $(0, -1) \Rightarrow y$ 축
 ③ $(3, 5) \Rightarrow$ 제1사분면 ④ $(1, 2) \Rightarrow$ 제1사분면
 ⑤ $(-1, -2) \Rightarrow$ 제3사분면

07 평행이동한 그래프의 식은

$$y = 2(x-1+4)^2 + 3 - 2 = 2(x+3)^2 + 1$$

이 그래프가 점 $(1, a)$ 를 지나므로

$$a = 2(1+3)^2 + 1 = 33$$

08 평행이동한 그래프의 식은 $y = -\frac{1}{3}(x-p)^2 + q - 3$

꼭짓점의 좌표가 $(-2, -1)$ 이므로 $p = -2, q = 2$

$y = -\frac{1}{3}(x+2)^2 - 1$ 의 그래프가 점 $(1, a)$ 를 지나므로

$$a = -\frac{1}{3}(1+2)^2 - 1 = -4$$

$$\therefore a + p + q = -4 + (-2) + 2 = -4$$

09 $y = -3(x+2)^2 - 4$ 의 그래프를 x 축에 대하여 대칭이동한 그래프의 식은

$$-y = -3(x+2)^2 - 4$$

$$\therefore y = 3(x+2)^2 + 4$$

10 $y = \frac{1}{2}(x-1)^2 + 3$ 의 그래프를 y 축에 대하여 대칭이동한 그래프의 식은

$$y = \frac{1}{2}(-x-1)^2 + 3$$

$$\therefore y = \frac{1}{2}(x+1)^2 + 3$$

이 그래프가 점 $(1, k)$ 를 지나므로

$$k = \frac{1}{2}(1+1)^2 + 3 = 5$$

$$11 \quad y = \frac{1}{3}x^2 - 2x + 1 = \frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9 - 9) + 1 \\ = \frac{1}{3}(x-3)^2 - 2$$

따라서 그래프는 꼭짓점의 좌표가 $(3, -2)$ 이고, y 축과의 교점의 좌표가 $(0, 1)$ 인 아래로 볼록한 포물선이다.

12 두 점 A, B가 x 축 위의 점이므로 $y = 0$ 을 대입하면

$$x^2 + x - 12 = 0, (x+4)(x-3) = 0$$

$$\therefore x = -4 \text{ 또는 } x = 3$$

따라서 x 축과의 교점은 $(-4, 0), (3, 0)$ 이다.

$$\therefore \overline{AB} = 7$$

13 $y = -3x^2 + kx - 2$ 의 그래프가 점 $(2, -2)$ 를 지나므로
 $-2 = -3 \times 2^2 + k \times 2 - 2 \quad \therefore k = 6$



$$\begin{aligned}\therefore y &= -3x^2 + 6x - 2 = -3(x^2 - 2x + 1 - 1) - 2 \\ &= -3(x-1)^2 + 1\end{aligned}$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (1, 1)이다.

14 [단계 ①] $y=0$ 을 대입하면

$$\begin{aligned}2x^2 - 7x + 6 &= 0, (2x-3)(x-2) = 0 \\ \therefore x &= \frac{3}{2} \text{ 또는 } x=2\end{aligned}$$

따라서 x 축과의 교점의 좌표는 $(\frac{3}{2}, 0), (2, 0)$ 이다.

$$\therefore m = \frac{3}{2}, n=2 \text{ 또는 } m=2, n=\frac{3}{2}$$

[단계 ②] $x=0$ 을 대입하면 $y=2 \times 0^2 - 7 \times 0 + 6 = 6$
따라서 y 축과의 교점의 좌표는 (0, 6)이다.
 $\therefore k=6$

[단계 ③] $\therefore m+n+k = \frac{3}{2} + 2 + 6 = \frac{19}{2}$

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------|------|
| ① m, n 의 값 구하기 | 40 % |
| ② k 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ $m+n+k$ 의 값 구하기 | 20 % |

15 $-x^2 + 4x + 5 = 0, x^2 - 4x - 5 = 0$

$$(x+1)(x-5) = 0 \quad \therefore x = -1 \text{ 또는 } x=5$$

따라서 점 A, B의 좌표는 A(-1, 0), B(5, 0)이다. ①

$$y = -x^2 + 4x + 5 = -(x-2)^2 + 9$$

이므로 꼭짓점의 좌표는 C(2, 9)이다. ②

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27 \quad \dots\dots ③$$

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------------|------|
| ① 점 A, B의 좌표 구하기 | 40 % |
| ② 점 C의 좌표 구하기 | 30 % |
| ③ $\triangle ABC$ 의 넓이 구하기 | 30 % |

13. 이차함수의 활용

개 · 념 · 확 · 인

78~79쪽

01 $y = -3x^2 - 6x + 1$

02 $y = -x^2 + 2x + 5$

03 (1) $x = -2$ 일 때, 최솟값 -5

(2) $x = 1$ 일 때, 최댓값 4

(3) $x = 2$ 일 때, 최솟값 -3

(4) $x = -3$ 일 때, 최댓값 $\frac{7}{2}$

04 -3

05 5 cm

06 45 m

01 꼭짓점의 좌표가 (-1, 4)이므로 이차함수의 식을

$$y = a(x+1)^2 + 4 \text{로 놓으면}$$

이 그래프가 점 (-2, 1)을 지나므로

$$1 = a(-2+1)^2 + 4 \text{에서}$$

$$a = -3$$

$$\therefore y = -3(x+1)^2 + 4 = -3x^2 - 6x + 1$$

02 이차함수의 식을 $y = ax^2 + bx + c$ 로 놓으면

점 (0, 5)를 지나므로 $c=5$

점 (-2, -3)을 지나므로 $-3 = 4a - 2b + 5 \quad \dots\dots ㉠$

점 (3, 2)를 지나므로 $2 = 9a + 3b + 5 \quad \dots\dots ㉡$

㉠, ㉡을 연립하여 풀면 $a = -1, b = 2$

$$\therefore y = -x^2 + 2x + 5$$

03 (1) $y = (x^2 + 4x + 4 - 4) - 1$

$$= (x+2)^2 - 5$$

따라서 $x = -2$ 일 때, 최솟값 -5를 갖는다.

(2) $y = -(x^2 - 2x + 1 - 1) + 3$

$$= -(x-1)^2 + 4$$

따라서 $x = 1$ 일 때, 최댓값 4를 갖는다.

(3) $y = 2(x^2 - 4x + 4 - 4) + 5$

$$= 2(x-2)^2 - 3$$

따라서 $x = 2$ 일 때, 최솟값 -3을 갖는다.

(4) $y = -\frac{1}{2}(x^2 + 6x + 9 - 9) - 1$

$$= -\frac{1}{2}(x+3)^2 + \frac{7}{2}$$

따라서 $x = -3$ 일 때, 최댓값 $\frac{7}{2}$ 을 갖는다.

04 꼭짓점의 좌표가 (-1, 3)이고, x^2 의 계수가 -2이므로

$$y = -2(x+1)^2 + 3 = -2(x^2 + 2x + 1) + 3$$

$$= -2x^2 - 4x + 1$$

따라서 $m = -4, n = 1$ 이므로

$$m+n = -4+1 = -3$$

05 가로 길이를 x cm라 하면 세로 길이는 $(10-x)$ cm이다.

직사각형의 넓이를 y cm²라 하면

$$y = x(10-x) = -x^2 + 10x$$

$$= -(x-5)^2 + 25$$

따라서 가로 길이가 5 cm일 때, 직사각형의 넓이가 25 cm²로 최대이다.

06 $h = -5t^2 + 30t = -5(t^2 - 6t)$

$$= -5(t-3)^2 + 45$$

따라서 3초 후에 최고 높이 45 m에 도달한다.

| | | | |
|----------|--------|-------|-------|
| 핵심유형 1 ③ | 1-1 ② | 1-2 ③ | 1-3 ① |
| 핵심유형 2 ④ | 2-1 ③ | 2-2 ④ | 2-3 ③ |
| 핵심유형 3 ① | 3-1 ② | 3-2 ④ | 3-3 ⑤ |
| 핵심유형 4 ⑤ | 4-1 50 | 4-2 ② | 4-3 ① |

핵심유형 1 꼭짓점의 좌표가 (3, 4)이므로

$$y = a(x-3)^2 + 4 \text{로 놓으면}$$

점 (0, -14)를 지나므로

$$-14 = a(0-3)^2 + 4, 9a = -18$$

$$\therefore a = -2$$

$y = -2(x-3)^2 + 4$ 의 그래프가 점 (2, m)을 지나므로

$$m = -2(2-3)^2 + 4 = 2$$

1-1 꼭짓점의 좌표가 (-2, 3)이므로

$$y = a(x+2)^2 + 3 \text{로 놓으면}$$

점 (1, -6)을 지나므로

$$-6 = a(1+2)^2 + 3, 9a = -9$$

$$\therefore a = -1$$

$$y = -(x+2)^2 + 3 = -x^2 - 4x - 1 \text{이므로}$$

$$b = -4, c = -1$$

$$\therefore a + b - c = -1 + (-4) - (-1)$$

$$= -4$$

1-2 x축과 두 점 (-1, 0), (3, 0)에서 만나므로

$$y = a(x+1)(x-3) \text{로 놓으면}$$

$$y = 2x^2 + 4x - 1 \text{의 그래프와 모양과 폭이 같으므로 } a = 2$$

$$\therefore y = 2(x+1)(x-3) = 2x^2 - 4x - 6$$

1-3 이차함수의 식을 $y = ax^2 + bx + c$ 로 놓으면

점 (0, 0)을 지나므로 $c = 0$

$$\text{점 } (-2, 12) \text{를 지나므로 } 12 = 4a - 2b \quad \cdots \textcircled{7}$$

$$\text{점 } (1, -3) \text{을 지나므로 } -3 = a + b \quad \cdots \textcircled{8}$$

$$\textcircled{7}, \textcircled{8} \text{을 연립하여 풀면 } a = 1, b = -4$$

$$\therefore y = x^2 - 4x$$

핵심유형 2 $y = -\frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9 - 9) - 1$

$$= -\frac{1}{3}(x-3)^2 + 2$$

따라서 $x = 3$ 일 때, 최댓값 2를 갖는다.

2-1 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 는 $a > 0$ 일 때 최솟값을 갖는다.

2-2 위로 볼록하므로 $x = 2$ 일 때, 최댓값 3을 갖는다.

2-3 $y = 3(x^2 - 2x + 1 - 1) + 5 = 3(x-1)^2 + 2$

이므로 $x = 1$ 일 때, 최솟값 2를 갖는다.

따라서 $a = 1, b = 2$ 이므로 $a + b = 1 + 2 = 3$

핵심유형 3 꼭짓점의 좌표가 (4, -2)이므로

$$y = \frac{1}{2}(x-4)^2 - 2 = \frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16) - 2$$

$$= \frac{1}{2}x^2 - 4x + 6$$

따라서 $m = -4, n = 6$ 이므로

$$mn = (-4) \times 6 = -24$$

3-1 최솟값이 -4이므로 $y = 2(x-p)^2 - 4$

$$\therefore q = -4$$

점 (0, 4)를 지나므로 $4 = 2(0-p)^2 - 4$

$$2p^2 = 8, p^2 = 4 \quad \therefore p = 2 \quad (\because p > 0)$$

$$\therefore p + q = 2 + (-4) = -2$$

3-2 $x = 2$ 일 때, 최댓값 3을 가지므로

$$y = -(x-2)^2 + 3 = -(x^2 - 4x + 4) + 3$$

$$= -x^2 + 4x - 1$$

따라서 $a = 4, b = -1$ 이므로

$$a + b = 4 + (-1) = 3$$

3-3 꼭짓점의 좌표가 (-3, -2)이므로

$$y = a(x+3)^2 - 2 \text{로 놓으면}$$

점 (-2, 1)을 지나므로

$$1 = a(-2+3)^2 - 2 \text{에서 } a = 3$$

$$y = 3(x+3)^2 - 2 = 3x^2 + 18x + 25$$

따라서 $a = 3, b = 18, c = 25$ 이므로

$$a + b + c = 3 + 18 + 25 = 46$$

핵심유형 4 새로 만든 직사각형의 넓이를 $y \text{ cm}^2$ 라 하면

$$y = (10-x)(8+x) = -x^2 + 2x + 80$$

$$= -(x-1)^2 + 81$$

따라서 직사각형의 최대 넓이는 81 cm^2 이다.

4-1 두 수를 $x, x+10$ 이라 하고 두 수의 제곱의 합을 y 라 하면

$$y = x^2 + (x+10)^2 = 2x^2 + 20x + 100$$

$$= 2(x+5)^2 + 50$$

따라서 두 수의 제곱의 합의 최솟값은 50이다.

4-2 잘라낸 정사각형의 한 변의 길이를 $x \text{ cm}$, 상자의 옆넓이를 $y \text{ cm}^2$ 라 하면

$$y = 4x(8-2x) = -8x^2 + 32x$$

$$= -8(x^2 - 4x + 4 - 4)$$

$$= -8(x-2)^2 + 32$$

따라서 옆넓이가 최대가 되도록 잘라낸 정사각형의 한 변의

길이는 2 cm 이다.



4-3 $y = -2x^2 + 40x - 20$
 $= -2(x^2 - 20x) - 20$
 $= -2(x - 10)^2 + 180$

따라서 이익금이 최대가 되려면 하루에 10개의 제품을 생산해야 한다.

기출문제 실·력·다·지·기

82~83쪽

| | | | |
|------|------|------|------|
| 01 ④ | 02 ③ | 03 ② | 04 ② |
| 05 ① | 06 ② | 07 ⑤ | 08 ② |
| 09 ⑤ | 10 ③ | 11 ③ | 12 ① |
| 13 ② | 14 8 | 15 2 | |

01 $y = -x^2 + 4x + 3 = -(x^2 - 4x + 4 - 4) + 3$
 $= -(x - 2)^2 + 7$

이므로 꼭짓점의 좌표는 (2, 7)이다.

$y = a(x - 2)^2 + 7$ 의 그래프가 점 (3, 5)를 지나므로

$5 = a(3 - 2)^2 + 7 \quad \therefore a = -2$

$\therefore y = -2(x - 2)^2 + 7 = -2x^2 + 8x - 1$

02 축의 방정식이 $x = -2$ 이므로 $y = a(x + 2)^2 + q$ 로 놓으면
 점 (0, 1)을 지나므로

$1 = a(0 + 2)^2 + q, 4a + q = 1 \quad \dots\dots \textcircled{A}$

점 (2, -5)를 지나므로

$-5 = a(2 + 2)^2 + q, 16a + q = -5 \quad \dots\dots \textcircled{B}$

①, ②를 연립하여 풀면 $a = -\frac{1}{2}, q = 3$ 이므로

$y = -\frac{1}{2}(x + 2)^2 + 3$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (-2, 3)이다.

03 $y = ax^2 + bx + c$ 로 놓으면

점 (0, 1)을 지나므로 $c = 1$

점 (-2, 1)을 지나므로 $1 = 4a - 2b + 1 \quad \dots\dots \textcircled{A}$

점 (2, 17)을 지나므로 $17 = 4a + 2b + 1 \quad \dots\dots \textcircled{B}$

①, ②를 연립하여 풀면 $a = 2, b = 4$

$\therefore y = 2x^2 + 4x + 1 = 2(x + 1)^2 - 1$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (-1, -1)이다.

04 x 축과의 교점이 (-2, 0), (3, 0)이므로

$y = a(x + 2)(x - 3)$ 로 놓으면

점 (0, -3)을 지나므로

$-3 = a(0 + 2)(0 - 3)$

$\therefore a = \frac{1}{2}$

$y = \frac{1}{2}(x + 2)(x - 3) = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}x - 3$

따라서 $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}, c = -3$ 이므로

$a + b + c = \frac{1}{2} + \left(-\frac{1}{2}\right) + (-3) = -3$

05 $y = -2(x^2 - 4x + 4 - 4) + k$

$= -2(x - 2)^2 + 8 + k$

최댓값이 5이므로 $8 + k = 5$

$\therefore k = -3$

06 평행이동한 그래프의 식은

$y = -2(x - 1 - 1)^2 + \frac{1}{3} - 3$

$= -2(x - 2)^2 - \frac{8}{3}$

따라서 $x = 2$ 일 때, 최댓값 $-\frac{8}{3}$ 을 갖는다.

07 $y = -x^2 + 4x + k + 1$

$= -(x^2 - 4x + 4 - 4) + k + 1$

$= -(x - 2)^2 + k + 5$

$y = 3x^2 - 6x + 2k - 1 = 3(x^2 - 2x + 1 - 1) + 2k - 1$

$= 3(x - 1)^2 + 2k - 4$

최댓값과 최솟값이 같으므로 $k + 5 = 2k - 4$

$\therefore k = 9$

08 $x = -2$ 일 때 최솟값이 -8이므로

$y = a(x + 2)^2 - 8 = ax^2 + 4ax + 4a - 8$

이차함수가 최솟값을 가지므로 $a > 0$

또, 그래프가 제4사분면을 지나지 않기 위해서는 y 축과의 교점

이 원점이거나 원점의 위쪽에 위치해야 하므로 $4a - 8 \geq 0$

따라서 $a \geq 2$ 이다.

09 $y = x^2 - 2kx + 4k + 3 = (x - k)^2 - k^2 + 4k + 3$ 이므로

$m = -k^2 + 4k + 3 = -(k - 2)^2 + 7$

따라서 m 은 $k = 2$ 일 때, 최댓값 7을 갖는다.

10 두 근이 $x = -2, x = 4$ 이므로 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프와 x 축과의 두 교점의 x 좌표는 -2, 4이다.

$\therefore y = a(x + 2)(x - 4) = a(x^2 - 2x - 8)$

$= a(x - 1)^2 - 9a$

이 함수의 최솟값이 -9이므로 $-9a = -9$

$\therefore a = 1$

따라서 $y = x^2 - 2x - 8$ 이므로 $b = -2, c = -8$

$\therefore a + b - c = 1 + (-2) - (-8) = 7$



- 11** 닭장의 세로의 길이를 x m, 넓이를 y m²라 하면 가로 길이는 $(24-2x)$ m이므로
 $y = x(24-2x) = -2x^2 + 24x$
 $= -2(x-6)^2 + 72$
 따라서 세로의 길이가 6 m일 때, 닭장의 넓이가 72 m²로 최대이다.

- 12** 부채꼴의 반지름의 길이를 x cm, 넓이를 y cm²라 하면
 $y = \frac{1}{2}x(12-2x) = -x^2 + 6x$
 $= -(x-3)^2 + 9$
 따라서 부채꼴의 넓이의 최댓값은 9 cm²이다.
 [참고] 반지름의 길이가 r , 호의 길이가 l 인 부채꼴의 넓이를 S 라 하면 $S = \frac{1}{2}rl$ 이다.

- 13** $y = -\frac{8}{5}t^2 + 4t = -\frac{8}{5}\left(t^2 - \frac{5}{2}t + \frac{25}{16} - \frac{25}{16}\right)$
 $= -\frac{8}{5}\left(t - \frac{5}{4}\right)^2 + \frac{5}{2}$
 따라서 $\frac{5}{4}$ 초 후에 최대 높이 $\frac{5}{2}$ m에 도달한다.

- 14** [단계 ❶] $y = -2x^2 + bx + c$ 의 그래프에서 y 축과의 교점의 y 좌표가 6이므로 $c = 6$
 $y = -2x^2 + bx + 6$ 의 그래프가 점 $(3, 0)$ 을 지나므로
 $0 = -2 \times 3^2 + 3b + 6, 3b = 12 \quad \therefore b = 4$
 [단계 ❷] $y = -2x^2 + 4x + 6 = -2(x^2 - 2x + 1 - 1) + 6$
 $= -2(x-1)^2 + 8$
 [단계 ❸] 따라서 $x = 1$ 일 때, 최댓값 8을 갖는다.

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------------|------|
| ❶ b, c 의 값 구하기 | 40 % |
| ❷ $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼴로 나타내기 | 40 % |
| ❸ 이차함수의 최댓값 구하기 | 20 % |

- 15** 점 B의 좌표를 $(x, -2x+4)$ 라 하고 ❶
 $\square OABC$ 의 넓이를 y 라 하면
 $y = x(-2x+4) = -2x^2 + 4x = -2(x-1)^2 + 2$ ❷
 따라서 $\square OABC$ 의 넓이의 최댓값은 2이다. ❸

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------------------------|------|
| ❶ 점 B의 좌표를 x 에 대한 식으로 나타내기 | 30 % |
| ❷ $\square OABC$ 의 넓이를 식으로 나타내기 | 50 % |
| ❸ $\square OABC$ 의 넓이의 최댓값 구하기 | 20 % |

내신만점 도전편 정답 및 풀이

01. 제곱근의 뜻과 성질

86~87쪽

| | | | |
|---------|-------------|-------|------|
| 01 ②, ④ | 02 ② | 03 ⑤ | 04 ① |
| 05 ⑤ | 06 ⑤ | 07 ① | 08 ② |
| 09 ② | 10 ⑤ | 11 ④ | 12 ③ |
| 13 ② | 14 $-2a+2c$ | 15 25 | |

01 ① 1의 제곱근은 $-1, 1$ 의 2개이다.

③ $\sqrt{16}=4$

⑤ 음이 아닌 모든 수의 제곱근은 1개 또는 2개이다.

02 $\sqrt{81}=9$ 이므로 9의 제곱근은 ± 3 이다.

03 두 원의 반지름의 길이의 비가 $1:\sqrt{3}$ 이므로 넓이의 비는 $1:(\sqrt{3})^2=1:3$ 이다.

넓이의 합이 $40\pi \text{ cm}^2$ 이므로 큰 원의 넓이는

$$40\pi \times \frac{3}{4} = 30\pi (\text{cm}^2)$$

따라서 큰 원의 반지름의 길이는 $\sqrt{30} \text{ cm}$ 이다.

04 ① $\sqrt{0.01}=0.1$ 의 제곱근은 $\pm\sqrt{0.1}$ 이다.

② $1.\dot{7}=\frac{16}{9}$ 의 제곱근은 $\pm\sqrt{\frac{16}{9}}=\pm\frac{4}{3}$

③ $\frac{1}{4}$ 의 제곱근은 $\pm\sqrt{\frac{1}{4}}=\pm\frac{1}{2}$

④ $\frac{81}{4}$ 의 제곱근은 $\pm\sqrt{\frac{81}{4}}=\pm\frac{9}{2}$

⑤ $\sqrt{256}=16$ 의 제곱근은 $\pm\sqrt{16}=\pm 4$

05 ⑤ $\sqrt{\left(-\frac{4}{9}\right)^2}=\frac{4}{9}$

06 $\sqrt{9^2} \div (-\sqrt{3})^2 + \sqrt{(-7)^2} \times \left(-\sqrt{\frac{1}{7}}\right)^2$
 $= 9 \div 3 + 7 \times \frac{1}{7} = 3 + 1 = 4$

07 $2-x < 0, x-5 < 0$ 이므로

$$\begin{aligned} (\text{주어진 식}) &= \sqrt{(2-x)^2} + \sqrt{\{3(x-5)\}^2} \\ &= -(2-x) + \{-3(x-5)\} \\ &= -2+x-3x+15 \\ &= -2x+13 \end{aligned}$$

08 $\sqrt{210-7x}$ 가 자연수가 되려면 $210-7x$ 가 제곱수가 되어야 한다.

$$210-7x=7(30-x) \text{에서 } 30-x=7 \text{ 또는 } 30-x=28$$

따라서 x 의 값은 2, 23의 2개이다.

09 ① $\sqrt{65} > 8 = \sqrt{64}$

③ $0.2 = \sqrt{0.04} < \sqrt{0.2}$

④ $\sqrt{\frac{1}{5}} < \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{1}{4}}$

⑤ $-\sqrt{15} > -4 = -\sqrt{16}$

10 $-\frac{1}{2} = -\sqrt{\frac{1}{4}}$ 이므로 $-\sqrt{3} < -\sqrt{\frac{1}{2}} < -\frac{1}{2}$
 따라서 두 번째로 작은 수는 ⑤이다.

11 $2=\sqrt{4}, 4=\sqrt{16}$ 이므로

$$\sqrt{4} < \sqrt{2x+1} < \sqrt{16}$$

$$4 < 2x+1 < 16$$

$$3 < 2x < 15$$

따라서 $\frac{3}{2} < x < \frac{15}{2}$ 이므로 이를 만족하는 자연수 x 의 값은 2, 3, 4, 5, 6, 7의 6개이다.

12 $3 < \sqrt{15} < 4$ 이므로 $4-\sqrt{15} > 0, \sqrt{15}-4 < 0$
 $\sqrt{(4-\sqrt{15})^2} - \sqrt{(\sqrt{15}-4)^2}$
 $= (4-\sqrt{15}) + (\sqrt{15}-4) = 0$

13 $11 < \sqrt{125} < 12$ 이므로 $f(125)=11$

$$8 < \sqrt{72} < 9 \text{이므로 } f(72)=8$$

$$\therefore f(125)-f(72)=11-8=3$$

14 [단계 ①] $a-b < 0, b-c < 0, c-a > 0$

$$\begin{aligned} [\text{단계 ②}] & \sqrt{(a-b)^2} + \sqrt{(b-c)^2} + \sqrt{(c-a)^2} \\ &= -(a-b) - (b-c) + c-a \\ &= -2a+2c \end{aligned}$$

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------|------|
| ① 괄호 안의 식의 부호 각각 정하기 | 50 % |
| ② 주어진 식을 간단히 정리하기 | 50 % |

15 $\sqrt{135a} = \sqrt{3^3 \times 5 \times a}$ 가 자연수가 되게 하는 a 의 값 중 가장 작은 자연수는 $3 \times 5 = 15$ 이다. ①

$\sqrt{\frac{72b}{5}} = \sqrt{\frac{2^3 \times 3^2 \times b}{5}}$ 가 자연수가 되게 하는 b 의 값 중 가장 작은 자연수는 $2 \times 5 = 10$ 이다. ②

따라서 구하는 두 수의 합은 $15+10=25$ ③

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------------------|------|
| ① a 의 값 중 가장 작은 자연수 구하기 | 40 % |
| ② b 의 값 중 가장 작은 자연수 구하기 | 40 % |
| ③ 두 수의 합 구하기 | 20 % |

02. 무리수와 실수

88~89쪽

| | | | |
|---------|---|------|------|
| 01 ④, ⑤ | 02 ③ | 03 ② | 04 ④ |
| 05 ③ | 06 ④ | 07 ④ | 08 ② |
| 09 ④ | 10 ④ | 11 ③ | 12 ⑤ |
| 13 18 | 14 $-\frac{5}{4}, 1-\sqrt{3}, \sqrt{2}, \sqrt{2}+1, \sqrt{3}+1$ | | |

01 순환하지 않는 무한소수는 무리수이다.

① 2.25의 제곱근은 $\pm\sqrt{2.25}=\pm 1.5$

② 제곱근 49는 $\sqrt{49}=7$ 이다.

③ $\sqrt{0.4}=\sqrt{\frac{4}{9}}=\frac{2}{3}$

따라서 무리수는 ④, ⑤이다.

02 정사각형의 한 변의 길이를 각각 구해 보면

① $\sqrt{3}$ ② $\sqrt{7}$ ③ 3 ④ $\sqrt{13}$ ⑤ $3\sqrt{3}$

03 ② 유한소수로 나타낼 수 없는 수 중에서 순환소수는 유리수이다.

04 $-1+\sqrt{2}$ 는 -1 에서 오른쪽으로 $\sqrt{2}$ 만큼 이동한 점 D에 대응한다.

05 $\overline{AC}=\overline{AE}=\sqrt{2}$ 이므로 점 A에 대응하는 수는 $3+\sqrt{2}$ 이다.
정사각형 ABCD의 한 변의 길이는 1이므로 점 D에 대응하는 수는 $3+\sqrt{2}-1=2+\sqrt{2}$

06 ① 점 A는 -1 에서 왼쪽으로 $\sqrt{2}$ 만큼 이동한 점이므로

A($-1-\sqrt{2}$)

② 점 B는 -2 에서 오른쪽으로 $\sqrt{2}$ 만큼 이동한 점이므로

B($-2+\sqrt{2}$)

③ 점 C는 2에서 왼쪽으로 $\sqrt{5}$ 만큼 이동한 점이므로

C($2-\sqrt{5}$)

④ 점 D는 2에서 오른쪽으로 $\sqrt{5}$ 만큼 이동한 점이므로

D($2+\sqrt{5}$)

⑤ $\overline{CD}=2\sqrt{5}$

07 $\because 2<\sqrt{7}<3<\sqrt{13}<4$ 이므로 $\sqrt{7}$ 과 $\sqrt{13}$ 사이에는 1개의 자연수가 있다. (참)

ㄴ. 두 자연수 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다. (참)

ㄷ. 무리수와 유리수 사이에는 무수히 많은 유리수가 있다. (거짓)

ㄹ. 두 유리수 사이에는 무수히 많은 실수가 있다. (참)

따라서 옳은 것은 모두 3개이다.

08 ② $3-\sqrt{3}<\sqrt{3}$ 이므로 두 수 사이에 있는 수가 아니다.

09 ① $\sqrt{10}-2-1=\sqrt{10}-3=\sqrt{10}-\sqrt{9}>0$ 이므로 $\sqrt{10}-2>1$

② $\sqrt{8}-2-(-2+\sqrt{7})=\sqrt{8}-\sqrt{7}>0$ 이므로 $\sqrt{8}-2>-2+\sqrt{7}$

③ $2-\sqrt{3}-(\sqrt{5}-\sqrt{3})=2-\sqrt{5}=\sqrt{4}-\sqrt{5}<0$ 이므로

$2-\sqrt{3}<\sqrt{5}-\sqrt{3}$

④ $3<\sqrt{10}$ 이므로 $\sqrt{7}+3<\sqrt{7}+\sqrt{10}$

⑤ $\frac{1}{3}>\frac{1}{5}$ 이므로 $-\sqrt{\frac{1}{3}}<-\sqrt{\frac{1}{5}} \therefore 5-\sqrt{\frac{1}{3}}<5-\sqrt{\frac{1}{5}}$

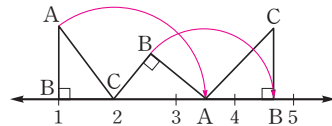
10 $A-B=1-(\sqrt{3}-1)=2-\sqrt{3}>0$ 이므로 $A>B$

$C-A=\sqrt{5}-1-1=\sqrt{5}-2>0$ 이므로 $C>A$

$\therefore C>A>B$

11 $0<\sqrt{2}-1<1$ 이므로 $\sqrt{2}-1$ 에 대응하는 점은 C이다.

12 점 C가 수직선과 만나는 점에 대응하는 수는 2이므로 점 A가 수직선과 만나는 점에 대응하는 수는 $2+\sqrt{2}$, 점 B가 수직선과 만나는 점에 대응하는 수는 $2+\sqrt{2}+1=3+\sqrt{2}$ 이다.



13 [단계 ①] □EFGH의 넓이는 10이므로 한 변의 길이는 $\sqrt{10}$ 이다.

[단계 ②] 점 P에 대응하는 수는 $-1-\sqrt{10}$ 이므로

$a=-1, b=10$

[단계 ③] 점 Q에 대응하는 수는 $-1+\sqrt{10}$ 이므로

$c=-1, d=10$

[단계 ④] $\therefore a+b+c+d=-1+10-1+10=18$

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------|------|
| ① □EFGH의 한 변의 길이 구하기 | 30 % |
| ② 점 P에 대응하는 수 구하기 | 30 % |
| ③ 점 Q에 대응하는 수 구하기 | 30 % |
| ④ $a+b+c+d$ 의 값 구하기 | 10 % |

14 음수의 대소 관계를 구해 보면

$-\frac{5}{4}-(1-\sqrt{3})=-\frac{9}{4}+\sqrt{3}<0$ 이므로

$-\frac{5}{4}<1-\sqrt{3}$

..... ①

양수의 대소 관계를 구해 보면 $\sqrt{2}<\sqrt{2}+1<\sqrt{3}+1$

..... ②

$\therefore -\frac{5}{4}<1-\sqrt{3}<\sqrt{2}<\sqrt{2}+1<\sqrt{3}+1$

..... ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------|------|
| ① 음수의 대소 관계 구하기 | 40 % |
| ② 양수의 대소 관계 구하기 | 40 % |
| ③ 작은 수부터 차례로 나열하기 | 20 % |



03. 제곱근의 곱셈과 나눗셈

90~91쪽

- 01 ④ 02 ⑤ 03 ① 04 ⑤
 05 ④ 06 ④ 07 ③ 08 ③
 09 ③ 10 ⑤ 11 ④ 12 ⑤
 13 ③ 14 $\frac{1}{2}$ 15 $12\sqrt{2}$

01 $4\sqrt{2} \times 5\sqrt{6} = 20\sqrt{12} = 40\sqrt{3}$

02 정사각형 EFGH의 넓이는 정사각형 ABCD의 넓이의 $\frac{1}{2}$ 이므로 $\frac{1}{2} \times 144 = 72$
 따라서 한 변의 길이는 $\sqrt{72} = 6\sqrt{2}$ 이므로 □EFGH의 둘레의 길이는 $4 \times 6\sqrt{2} = 24\sqrt{2}$ 이다.

03 $3\sqrt{2} \div \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{8}} \div \frac{1}{\sqrt{40}} = 3\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{5}} \times \sqrt{40}$
 $= 3\sqrt{2 \times \frac{8}{5} \times 40}$
 $= 24\sqrt{2}$

$\therefore n = 24$

04 $\sqrt{75} = \sqrt{3 \times 5^2} = 5\sqrt{3}$ 이므로 $a = 5$
 $4\sqrt{5} = \sqrt{4^2 \times 5} = \sqrt{80}$ 이므로 $b = 80$
 $\therefore b - a = 75$

05 $\sqrt{15 \times 18 \times 20} = \sqrt{3 \times 5 \times 2 \times 3^2 \times 2^2 \times 5}$
 $= 30\sqrt{6}$
 $\therefore a = 30$

06 $\sqrt{180} = \sqrt{2^2 \times 3^2 \times 5} = 3 \times (\sqrt{2})^2 \times \sqrt{5} = 3a^2b$

07 $a\sqrt{\frac{2b}{a}} + b\sqrt{\frac{a}{8b}} = \sqrt{a^2 \times \frac{2b}{a}} + \sqrt{b^2 \times \frac{a}{8b}}$
 $= \sqrt{2ab} + \sqrt{\frac{ab}{8}}$
 $= \sqrt{16} + \sqrt{1} = 4 + 1 = 5$

08 $\frac{12}{\sqrt{18}} = \frac{12}{3\sqrt{2}} = \frac{4}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$ 이므로 $a - 1 = 2$
 $\therefore a = 3$

09 ③ $\frac{6}{\sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2}$

10 $\frac{a}{\sqrt{18}} = \frac{a}{3\sqrt{2}} = \frac{a}{6}\sqrt{2}$ 이므로 $\frac{a}{6} = \frac{3}{2}$
 $\therefore a = 9$

$\frac{b}{\sqrt{24}} = \frac{b}{2\sqrt{6}} = \frac{b}{12}\sqrt{6}$ 이므로 $\frac{b}{12} = \frac{2}{3}$

$\therefore b = 8$

$\therefore a + b = 9 + 8 = 17$

11 $\sqrt{\frac{b}{a}} + \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{ab}}{a} + \frac{\sqrt{ab}}{b} = \sqrt{ab} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right)$
 $= \frac{a+b}{ab} \times \sqrt{ab} = \frac{12}{3} \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$

12 $\sqrt{108} \div 2\sqrt{3} \times \sqrt{54} = 6\sqrt{3} \div 2\sqrt{3} \times 3\sqrt{6}$
 $= 3 \times 3\sqrt{6} = 9\sqrt{6}$

13 $\triangle ADE \sim \triangle ABC$ 이고, 넓이의 비가 2 : 3이므로 닮음비는 $\sqrt{2} : \sqrt{3}$ 이다.
 $\sqrt{2} : \sqrt{3} = \overline{DE} : \overline{BC}$ 에서 $\sqrt{2} : \sqrt{3} = \overline{DE} : 9$ 이므로
 $\overline{DE} = \frac{9\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = 3\sqrt{6}$

14 [단계 ①] $\sqrt{500} = 10\sqrt{5}$ 이므로 $\sqrt{5}$ 의 10배이다.
 $\therefore a = 10$

[단계 ②] $\sqrt{0.05} = \sqrt{\frac{5}{100}} = \frac{\sqrt{5}}{10}$, $\sqrt{20} = 2\sqrt{5}$ 이고,
 $\frac{\sqrt{5}}{10} = \frac{1}{20} \times 2\sqrt{5}$ 이므로 $\sqrt{0.05}$ 는 $\sqrt{20}$ 의 $\frac{1}{20}$ 배이다.
 $\therefore b = \frac{1}{20}$

[단계 ③] $\therefore ab = 10 \times \frac{1}{20} = \frac{1}{2}$

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------|------|
| ① a의 값 구하기 | 40 % |
| ② b의 값 구하기 | 40 % |
| ③ ab의 값 구하기 | 20 % |

15 삼각형의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} = 8$ ①

두 도형의 넓이의 비가 4 : 9이므로 정사각형의 넓이를 x 라 하면
 $4 : 9 = 8 : x$ 에서 $x = 18$ ②

정사각형의 한 변의 길이는 $\sqrt{18} = 3\sqrt{2}$ 이고 ③

정사각형의 둘레의 길이는 $4 \times 3\sqrt{2} = 12\sqrt{2}$ ④

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------------|------|
| ① 삼각형의 넓이 구하기 | 30 % |
| ② 정사각형의 넓이 구하기 | 30 % |
| ③ 정사각형의 한 변의 길이 구하기 | 20 % |
| ④ 정사각형의 둘레의 길이 구하기 | 20 % |

04. 제곱근의 덧셈과 뺄셈

92~93쪽

| | | | |
|------|----------------|--------------------------|------|
| 01 ③ | 02 ③ | 03 ② | 04 ① |
| 05 ⑤ | 06 ⑤ | 07 ③ | 08 ④ |
| 09 ④ | 10 ③ | 11 ② | 12 ⑤ |
| 13 ④ | 14 $8\sqrt{3}$ | 15 $\frac{5\sqrt{3}}{2}$ | |

$$01 \quad \sqrt{8} + \sqrt{45} + \sqrt{18} - \sqrt{20} = 2\sqrt{2} + 3\sqrt{5} + 3\sqrt{2} - 2\sqrt{5} \\ = 5\sqrt{2} + \sqrt{5}$$

이므로 $a=5, b=1$

$$\therefore a+b=5+1=6$$

$$02 \quad 2\sqrt{a}+2=4\sqrt{a}-4, 2\sqrt{a}=6, \sqrt{a}=3 \\ \therefore a=9$$

$$03 \quad \text{점 P에 대응하는 수는 } -3+\sqrt{2}, \text{ 점 Q에 대응하는 수는 } 3-\sqrt{2} \\ \text{이므로 } a=-3+\sqrt{2}, b=3-\sqrt{2} \\ \therefore 2a-\sqrt{2}b=2(-3+\sqrt{2})-\sqrt{2}(3-\sqrt{2}) \\ =-6+2\sqrt{2}-3\sqrt{2}+2 \\ =-4-\sqrt{2}$$

$$04 \quad \sqrt{2}(\sqrt{6}-\sqrt{3})-\sqrt{2}(\sqrt{6}+\sqrt{3})=\sqrt{12}-\sqrt{6}-\sqrt{12}-\sqrt{6} \\ =-2\sqrt{6}$$

$$05 \quad ① 2-\sqrt{2}-(\sqrt{2}-1)=3-2\sqrt{2}=\sqrt{9}-\sqrt{8}>0 \\ \therefore 2-\sqrt{2}>\sqrt{2}-1$$

$$② 4+\sqrt{5}-(\sqrt{5}+\sqrt{15})=4-\sqrt{15}=\sqrt{16}-\sqrt{15}>0 \\ \therefore 4+\sqrt{5}>\sqrt{5}+\sqrt{15}$$

$$③ 3-\sqrt{8}-(3-\sqrt{5})=-\sqrt{8}+\sqrt{5}<0 \\ \therefore 3-\sqrt{8}<3-\sqrt{5}$$

$$④ 3-(\sqrt{17}-1)=4-\sqrt{17}=\sqrt{16}-\sqrt{17}<0 \\ \therefore 3<\sqrt{17}-1$$

$$⑤ -\sqrt{2}-(-5\sqrt{2}+4)=4\sqrt{2}-4>0 \\ \therefore -\sqrt{2}>-5\sqrt{2}+4$$

$$06 \quad (9+3\sqrt{5})(a-2\sqrt{5})=9a-18\sqrt{5}+3a\sqrt{5}-30 \\ = (9a-30) + (3a-18)\sqrt{5}$$

가 유리수가 되려면 $3a-18=0$

$$\therefore a=6$$

$$07 \quad (\sqrt{32}-3\sqrt{2}) \div \sqrt{2} + \frac{4}{\sqrt{2}}(\sqrt{2}-\sqrt{3}) \\ = (4\sqrt{2}-3\sqrt{2}) \div \sqrt{2} + 4 - \frac{4\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \\ = \sqrt{2} \div \sqrt{2} + 4 - 2\sqrt{6} \\ = 1 + 4 - 2\sqrt{6} = 5 - 2\sqrt{6}$$

$$08 \quad (\text{삼각형의 넓이}) = \frac{1}{2}(\sqrt{6}+\sqrt{2})(3\sqrt{6}-\sqrt{2}) \\ = \frac{1}{2}(18-2\sqrt{3}+6\sqrt{3}-2) \\ = 8+2\sqrt{3}$$

$$09 \quad \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{\sqrt{6}-\sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{6}+\sqrt{2})^2}{(\sqrt{6}-\sqrt{2})(\sqrt{6}+\sqrt{2})} \\ = \frac{8+4\sqrt{3}}{4} = 2+\sqrt{3}$$

$$\text{이므로 } a=2, b=1 \quad \therefore a+b=3$$

$$10 \quad x = \frac{\sqrt{2}-1}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)} = \sqrt{2}-1,$$

$$y = \frac{\sqrt{2}+1}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} = \sqrt{2}+1$$

$$\text{이므로 } x+y=2\sqrt{2}, xy=1$$

$$\therefore x^2+3xy+y^2 = (x+y)^2+xy \\ = (2\sqrt{2})^2+1 \\ = 9$$

$$11 \quad ① \sqrt{329} = \sqrt{100 \times 3.29} = 10\sqrt{3.29} = 18.14$$

$$② \sqrt{3290} = \sqrt{100 \times 32.9} = 10\sqrt{32.9} = 57.36$$

$$③ \sqrt{0.329} = \sqrt{\frac{32.9}{100}} = \frac{\sqrt{32.9}}{10} = 0.5736$$

$$④ \sqrt{0.0329} = \sqrt{\frac{3.29}{100}} = \frac{\sqrt{3.29}}{10} = 0.1814$$

$$⑤ \sqrt{0.00329} = \sqrt{\frac{32.9}{10000}} = \frac{\sqrt{32.9}}{100} = 0.05736$$

$$12 \quad 1 < \sqrt{2} < 2 \text{에서 } -2 < -\sqrt{2} < -1 \text{이므로 } 2 < 4-\sqrt{2} < 3$$

$$\therefore a = (4-\sqrt{2})-2 = 2-\sqrt{2}$$

$$2 < \sqrt{8} < 3 \text{이므로 } b = \sqrt{8}-2$$

$$\therefore a^2-b = (2-\sqrt{2})^2 - (\sqrt{8}-2) \\ = 6-4\sqrt{2}-2\sqrt{2}+2 \\ = 8-6\sqrt{2}$$

$$13 \quad \frac{1}{f(x)} = \frac{1}{\sqrt{x}+\sqrt{x+1}} \\ = \frac{\sqrt{x}-\sqrt{x+1}}{(\sqrt{x}+\sqrt{x+1})(\sqrt{x}-\sqrt{x+1})} \\ = \sqrt{x+1}-\sqrt{x}$$

이므로

$$\frac{1}{f(1)} + \frac{1}{f(2)} + \frac{1}{f(3)} + \cdots + \frac{1}{f(99)} \\ = (\sqrt{2}-\sqrt{1}) + (\sqrt{3}-\sqrt{2}) + \cdots + (\sqrt{100}-\sqrt{99}) \\ = -\{(\sqrt{1}-\sqrt{2}) + (\sqrt{2}-\sqrt{3}) + \cdots + (\sqrt{99}-\sqrt{100})\} \\ = -(\sqrt{1}-\sqrt{100}) = -1+10=9$$



14 [단계 ①] 세 정사각형 (가), (나), (다)의 넓이가 각각 3, 12, 27이므로 한 변의 길이는 각각 $\sqrt{3}$, $2\sqrt{3}$, $3\sqrt{3}$ 이다.

[단계 ②] \overline{AC} 의 길이는 정사각형 (가)와 (나)의 한 변의 길이의 합이므로 $\overline{AC} = \sqrt{3} + 2\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$

\overline{CD} 의 길이는 정사각형 (나)와 (다)의 한 변의 길이의 합이므로 $\overline{CD} = 2\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = 5\sqrt{3}$

[단계 ③] $\overline{AC} + \overline{CD} = 3\sqrt{3} + 5\sqrt{3} = 8\sqrt{3}$

| 채점 기준 | 배점 |
|--|------|
| ① 세 정사각형의 한 변의 길이 구하기 | 30 % |
| ② \overline{AC} , \overline{CD} 의 길이 구하기 | 40 % |
| ③ $\overline{AC} + \overline{CD}$ 의 길이 구하기 | 30 % |

15 $[\sqrt{7}]$ 은 $\sqrt{7}$ 의 정수 부분이므로

$2 < \sqrt{7} < 3$ 에서 $[\sqrt{7}] = 2$ ①

$< \sqrt{3} >$ 은 $\sqrt{3}$ 의 소수 부분이므로

$1 < \sqrt{3} < 2$ 에서 $< \sqrt{3} > = \sqrt{3} - 1$ ②

$$\frac{15}{[\sqrt{7}] + 2 < \sqrt{3} >} = \frac{15}{2 + 2(\sqrt{3} - 1)}$$

$$= \frac{15}{2\sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{2} \quad \text{..... ③}$$

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------|------|
| ① $[\sqrt{7}]$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ② $< \sqrt{3} >$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ 주어진 식의 값 구하기 | 20 % |

I. 실수와 그 계산 내 · 신 · 만 · 점 · 도 · 전 · 하 · 기

94~97쪽

| | | | |
|--------------------------------|---------------------|-------------------|------|
| 01 ② | 02 ② | 03 ① | 04 ② |
| 05 ② | 06 ② | 07 ③ | 08 ③ |
| 09 ④ | 10 ① | 11 ⑤ | 12 ② |
| 13 ① | 14 ③ | 15 ③ | 16 ⑤ |
| 17 $\sqrt{13}$ | 18 $\frac{1}{6}$ | 19 50 | |
| 20 $12\sqrt{2} + 2\sqrt{2}\pi$ | 21 $-7 + 4\sqrt{3}$ | 22 $1 + \sqrt{2}$ | |
| 23 2 | 24 5 | 25 12 | |

01 $\sqrt{(-4)^2} = \sqrt{16} = 4$ 의 양의 제곱근은 2이므로 $a = 2$
 25의 음의 제곱근은 -5 이므로 $b = -5$
 $\therefore b - a = -5 - 2 = -7$

$$02 \quad -\sqrt{16} - (-\sqrt{5})^2 + \sqrt{(-7)^2} - \sqrt{144}$$

$$= -4 - 5 + 7 - 12$$

$$= -14$$

03 $\sqrt{24x} = \sqrt{2^2 \times 6 \times x}$ 이므로 x 의 값은 $6 \times (\text{자연수})^2$ 의 꼴이어야 한다.

ㄱ. 6×1^2 ㄴ. 6×2 ㄷ. 6×3 ㄹ. 6×2^2 ㅁ. 6×3^2
 따라서 x 의 값으로 적당한 것은 ㄱ, ㄹ, ㅁ이다.

$$04 \quad \frac{1}{\sqrt{3}} < \frac{\sqrt{x}}{6} < \frac{1}{\sqrt{2}} \text{에서 } \frac{\sqrt{3}}{3} < \frac{\sqrt{x}}{6} < \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{2\sqrt{3}}{6} < \frac{\sqrt{x}}{6} < \frac{3\sqrt{2}}{6} \text{이므로 } \sqrt{12} < \sqrt{x} < \sqrt{18}$$

따라서 x 의 값은 13, 14, 15, 16, 17의 5개이다.

$$05 \quad \sqrt{\frac{9}{49}} = \frac{3}{7}, \sqrt{0.04} = 0.2 \text{이므로 무리수는 } \sqrt{1000}, -\pi + 3, \sqrt{18}$$

의 3개이다.

06 $1 - \sqrt{2}$ 는 1에서 왼쪽으로 $\sqrt{2}$ 만큼 이동한 점이므로 점 B이다.

$$07 \quad (\text{사다리꼴 } ABCD \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times (\sqrt{3} + 3\sqrt{3}) \times \sqrt{3} = 6$$

이므로 정사각형의 한 변의 길이를 x 라 하면

$$x^2 = 6 \quad \therefore x = \sqrt{6}$$

$$08 \quad a - b > 0, ab < 0 \text{이므로}$$

$$a > 0, b < 0, b - a < 0$$

$$\therefore \sqrt{a^2} + |b| - \sqrt{(b-a)^2} = a - b + (b - a)$$

$$= 0$$

$$09 \quad \sqrt{2} \times \sqrt{a} \times \sqrt{6} \times \sqrt{3a} = \sqrt{2 \times a \times 6 \times 3a}$$

$$= \sqrt{36 \times a^2}$$

$$= 6a$$

따라서 $6a = 30$ 이므로 $a = 5$

$$10 \quad \sqrt{0.05} = \sqrt{\frac{5}{100}} = \frac{\sqrt{5}}{10} = \frac{a}{10}$$

$$11 \quad \sqrt{27} + \sqrt{75} - \sqrt{45} + \sqrt{80} = 3\sqrt{3} + 5\sqrt{3} - 3\sqrt{3} + 4\sqrt{5}$$

$$= 8\sqrt{3} + \sqrt{5}$$

이므로 $a = 8, b = 1$
 $\therefore a + b = 8 + 1 = 9$



12 $\frac{1}{\sqrt{5}}(\sqrt{2}-\sqrt{10})-\left(\sqrt{10}+\frac{\sqrt{50}}{5}\right)\div\sqrt{5}$
 $=\frac{\sqrt{10}}{5}-\sqrt{2}-\left(\sqrt{2}+\frac{\sqrt{10}}{5}\right)$
 $=-2\sqrt{2}$

13 $\sqrt{6}+1$ 의 역수는
 $\frac{1}{\sqrt{6}+1}=\frac{\sqrt{6}-1}{(\sqrt{6}+1)(\sqrt{6}-1)}=\frac{\sqrt{6}-1}{5}$
 $=-\frac{1}{5}+\frac{1}{5}\sqrt{6}$
 $\therefore a=-\frac{1}{5}, b=\frac{1}{5}$
 $\therefore a-b=-\frac{1}{5}-\frac{1}{5}=-\frac{2}{5}$

14 ① $2-\sqrt{3}-(\sqrt{5}-\sqrt{3})=2-\sqrt{5}<0$ 이므로
 $2-\sqrt{3}<\sqrt{5}-\sqrt{3}$
 ② $-4\sqrt{3}-(-7)=-\sqrt{48}+\sqrt{49}>0$ 이므로
 $-4\sqrt{3}>-7$
 ③ $\sqrt{18}-(2\sqrt{2}+1)=\sqrt{2}-1>0$ 이므로
 $\sqrt{18}>2\sqrt{2}+1$
 ④ $-\frac{2}{3}=-\sqrt{\frac{4}{9}}$ 이므로 $-\sqrt{\frac{4}{9}}>-\sqrt{3}$
 $\therefore -\frac{2}{3}>-\sqrt{3}$
 ⑤ $2\sqrt{2}-1-(2-\sqrt{2})=-3+3\sqrt{2}>0$ 이므로
 $2\sqrt{2}-1>2-\sqrt{2}$

15 ① $\sqrt{0.02}=\sqrt{\frac{2}{100}}=\frac{\sqrt{2}}{10}$
 ② $\sqrt{0.5}=\sqrt{\frac{1}{2}}=\frac{\sqrt{2}}{2}$
 ③ $\sqrt{20}=2\sqrt{5}$
 ④ $\sqrt{200}=10\sqrt{2}$
 ⑤ $\sqrt{20000}=100\sqrt{2}$

16 $1<\sqrt{3}<2, 3<2+\sqrt{3}<4$ 이므로
 $a=3, b=2+\sqrt{3}-3=-1+\sqrt{3}$
 $\therefore a+3b=3+3(-1+\sqrt{3})$
 $=3\sqrt{3}$

17 작은 정사각형의 한 변의 길이는 $3-2=1$ 이므로
 (큰 정사각형의 넓이)
 $=$ (작은 정사각형의 넓이) $+4\times$ (직각삼각형의 넓이)
 $=1^2+4\times\frac{1}{2}\times 2\times 3=13$
 $x^2=13$ 이므로 $x=\sqrt{13}$

18 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던져서 나오는 모든 경우의 수는 36이다. ①

$\sqrt{12ab}$ 가 자연수가 되려면 $12ab$ 가 제곱수가 되어야 한다.

$12=2^2\times 3$ 이므로 ab 가 될 수 있는 수는 3 또는 $3\times 2^2=12$ 이다.

$ab=3$ 인 경우

$\Rightarrow (1, 3), (3, 1)$ 로 2가지

$ab=12$ 인 경우

$\Rightarrow (2, 6), (3, 4), (4, 3), (6, 2)$ 로 4가지

따라서 자연수가 되는 경우의 수는 6이므로 ②

구하는 확률은 $\frac{6}{36}=\frac{1}{6}$ 이다. ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------------------------|------|
| ① 모든 경우의 수 구하기 | 20 % |
| ② $\sqrt{12ab}$ 가 자연수가 되는 경우의 수 구하기 | 60 % |
| ③ 확률 구하기 | 20 % |

19 50번째의 수는 $\sqrt{1+3+5+\cdots+99}$ 이다.

$$\sqrt{1}=1, \sqrt{1+3}=\sqrt{2^2}=2, \sqrt{1+3+5}=\sqrt{3^2}=3,$$

$$\sqrt{1+3+5+7}=\sqrt{4^2}=4, \dots$$
이므로

$$\sqrt{1+3+5+\cdots+99}=\sqrt{50^2}=50$$
이다.

20 점 Q에 대응하는 수는 점 P(0)에서 부채꼴의 둘레의 길이만큼 이동한 수이므로

$$6\sqrt{2}\times 2+2\times \pi\times 6\sqrt{2}\times \frac{60}{360}=12\sqrt{2}+2\sqrt{2}\pi$$

21 $(2+\sqrt{3})^{10}(2-\sqrt{3})^{12}(2\sqrt{2}+3)^5(2\sqrt{2}-3)^5$
 $=\{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})\}^{10}(2-\sqrt{3})^2\{(2\sqrt{2}+3)(2\sqrt{2}-3)\}^5$
 $=1^{10}\times (2-\sqrt{3})^2\times (-1)^5=-(2-\sqrt{3})^2=-7+4\sqrt{3}$

22 $(x-y)^2=(x+y)^2-4xy=4^2-4\times 2=8$ 이므로

$$x-y=2\sqrt{2} \quad (\because x>y)$$

$$\therefore \frac{\sqrt{x}+\sqrt{y}}{\sqrt{x}-\sqrt{y}}=\frac{(\sqrt{x}+\sqrt{y})^2}{(\sqrt{x}-\sqrt{y})(\sqrt{x}+\sqrt{y})}$$

$$=\frac{(\sqrt{x}+\sqrt{y})^2}{x-y}=\frac{x+y+2\sqrt{xy}}{x-y}$$

$$=\frac{4+2\sqrt{2}}{2\sqrt{2}}=\frac{2}{\sqrt{2}}+1=1+\sqrt{2}$$

23 $\sqrt{24}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}-\frac{1}{\sqrt{6}}\right)+\frac{a}{\sqrt{2}}(\sqrt{8}-2)$
 $=\sqrt{8}-\sqrt{4}+a\sqrt{4}-a\sqrt{2}$
 $=2\sqrt{2}-2+2a-a\sqrt{2}$
 $=-2+2a+(2-a)\sqrt{2}$

..... ①



따라서 주어진 수가 유리수가 되려면

$2-a=0$ 이어야 한다.

..... ②

$\therefore a=2$

..... ③

| 채점 기준 | 배점 |
|------------------|------|
| ① 주어진 식 간단히 정리하기 | 50 % |
| ② 유리수가 될 조건 알기 | 30 % |
| ③ a의 값 구하기 | 20 % |

$$\begin{aligned}
 24 \quad f(x) &= \frac{\sqrt{2x+1} - \sqrt{2x-1}}{(\sqrt{2x+1} + \sqrt{2x-1})(\sqrt{2x+1} - \sqrt{2x-1})} \\
 &= \frac{\sqrt{2x+1} - \sqrt{2x-1}}{2} \\
 \therefore f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(60) \\
 &= \frac{1}{2} \{ (\sqrt{3}-1) + (\sqrt{5}-\sqrt{3}) + \cdots + (\sqrt{121}-\sqrt{119}) \} \\
 &= \frac{1}{2} (-1 + \sqrt{121}) = \frac{1}{2} (-1 + 11) = 5
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 25 \quad (a+b)(c+d) &= \frac{4}{3-2\sqrt{2}} \times \frac{4}{3+2\sqrt{2}} \\
 &= \frac{4 \times 4}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})} = \frac{16}{9-8} = 16 \\
 \text{한편 } (a+b)(c+d) &= ac+ad+bc+bd \\
 &= ad+bc+4 \quad (\because ac=bd=2) \\
 ad+bc+4 &= 16 \text{ 이므로} \\
 ad+bc &= 16-4=12
 \end{aligned}$$

05. 인수분해와 인수분해 공식(1)

98~99쪽

| | | | |
|------|-------|------------------|------|
| 01 ⑤ | 02 ② | 03 ② | 04 ④ |
| 05 ③ | 06 ③ | 07 ② | 08 ③ |
| 09 ③ | 10 ③ | 11 ⑤ | 12 ⑤ |
| 13 ② | 14 37 | 15 $\frac{5}{9}$ | |

$$\begin{aligned}
 03 \quad 2x^2+ax+b &= (x-3)(2x-1) = 2x^2-7x+3 \\
 \text{이므로 } a &= -7, b=3 \\
 \therefore a+b &= -7+3 = -4
 \end{aligned}$$

$$04 \quad ④ \quad x(x^2-1) = x(x+1)(x-1) \text{ 이므로 } x-1 \text{ 을 인수로 갖는다.}$$

$$\begin{aligned}
 05 \quad x^2-6x+3+A &= (x+B)^2 = x^2+2Bx+B^2 \text{ 에서} \\
 -6 &= 2B, 3+A=B^2 \text{ 이므로 } B=-3, A=6 \\
 \therefore A+B &= 6+(-3)=3
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 06 \quad ① \quad x^2-3x+\frac{9}{4} &= \left(x-\frac{3}{2}\right)^2 \\
 ② \quad x^2-4x+4 &= (x-2)^2 \\
 ④ \quad x^2+8x+16 &= (x+4)^2 \\
 ⑤ \quad x^2+10x+25 &= (x+5)^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 07 \quad (i) \quad 9x^2+(3+a)x+16 &= (3x+4)^2 \text{ 에서} \\
 3+a &= 24 \quad \therefore a=21 \\
 (ii) \quad 9x^2+(3+a)x+16 &= (3x-4)^2 \text{ 에서} \\
 3+a &= -24 \quad \therefore a=-27 \\
 \text{따라서 두 수의 합은 } 21+(-27) &= -6
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 08 \quad x+2 > 0, x-3 < 0 \text{ 이므로} \\
 \sqrt{x^2+4x+4} + \sqrt{4x^2-24x+36} \\
 &= \sqrt{(x+2)^2} + 2\sqrt{(x-3)^2} \\
 &= x+2-2(x-3) \\
 &= -x+8
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 09 \quad 9x^2-81 &= 9(x^2-9) = 9(x+3)(x-3) \\
 \text{이므로 } A &= 9, B=3 \\
 \therefore AB &= 27
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 10 \quad \frac{1}{4}x^2-a &= \left(\frac{1}{2}x+5\right)\left(\frac{1}{2}x+b\right) \text{ 라 하면} \\
 \text{일차항이 없으므로 } \frac{5}{2} + \frac{b}{2} &= 0 \\
 \therefore b &= -5 \\
 \text{따라서 } \frac{1}{4}x^2-a &= \left(\frac{1}{2}x+5\right)\left(\frac{1}{2}x-5\right) \text{ 이므로 } a=25
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 11 \quad x^4-1 &= (x^2+1)(x^2-1) \\
 &= (x^2+1)(x+1)(x-1) \\
 \text{따라서 인수가 아닌 것은 } ⑤ \text{ 이다.}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 12 \quad x^2-y^2 &= (x+y)(x-y) = 36 \text{ 에서} \\
 18 \times (x-y) &= 36 \\
 \therefore x-y &= 2 \\
 x+y &= 18, x-y=2 \text{ 를 연립하여 풀면} \\
 x=10, y &= 8 \\
 \therefore 3x-2y &= 3 \times 10 - 2 \times 8 \\
 &= 30-16=14
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 13 \quad 8n^3-2n &= 2n(4n^2-1) = 2n(2n-1)(2n+1) \\
 \text{즉, 연속된 세 자연수의 곱이고 연속된 세 자연수는 2의 배수인} \\
 \text{동시에 3의 배수이므로 } 8n^3-2n &\text{은 6의 배수이다.}
 \end{aligned}$$



14 [단계 ①] $\frac{1}{16}x^2 + Ax + \frac{1}{9}$ 이 완전제곱식이 되려면

$$A = 2 \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$

[단계 ②] $x^2 + 12x + B$ 가 완전제곱식이 되려면

$$B = \left(\frac{12}{2}\right)^2 = 36$$

[단계 ③] $\therefore 6A + B = 6 \times \frac{1}{6} + 36 = 1 + 36 = 37$

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------|------|
| ① A의 값 구하기 | 40 % |
| ② B의 값 구하기 | 40 % |
| ③ 6A+B의 값 구하기 | 20 % |

15 $f(x) = \left(1 + \frac{1}{x}\right)\left(1 - \frac{1}{x}\right)$ 이므로 ①

$$f(2) \times f(3) \times \cdots \times f(9)$$

$$= \left(1 + \frac{1}{2}\right)\left(1 - \frac{1}{2}\right)\left(1 + \frac{1}{3}\right)\left(1 - \frac{1}{3}\right) \cdots \left(1 + \frac{1}{9}\right)\left(1 - \frac{1}{9}\right) \cdots \textcircled{2}$$

$$= \frac{3}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \times \frac{2}{3} \times \cdots \times \frac{10}{9} \times \frac{8}{9}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{10}{9} = \frac{5}{9} \cdots \textcircled{3}$$

| 채점 기준 | 배점 |
|--|------|
| ① $f(x)$ 를 인수분해하기 | 30 % |
| ② $x=2, 3, \cdots, 9$ 를 대입하기 | 30 % |
| ③ $f(2) \times f(3) \times \cdots \times f(9)$ 의 값 구하기 | 40 % |

06. 인수분해 공식(2)

100~101쪽

| | | | |
|------|------|-----------------|------|
| 01 ② | 02 ① | 03 ④ | 04 ③ |
| 05 ⑤ | 06 ④ | 07 ⑤ | 08 ④ |
| 09 ② | 10 ④ | 11 ⑤ | 12 ② |
| 13 ① | 14 4 | 15 $(x-9)(x+2)$ | |

01 $x^2 - x - 20 = (x-5)(x+4)$ 이므로 두 일차식의 합은
 $(x-5) + (x+4) = 2x-1$

02 $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ 이므로 $ab = -12$

이를 만족하는 두 정수 a, b 의 순서쌍 (a, b) 는

$(1, -12), (2, -6), (3, -4), (4, -3), (6, -2),$
 $(12, -1), (-1, 12), (-2, 6), (-3, 4), (-4, 3),$
 $(-6, 2), (-12, 1)$

이므로 A의 값이 될 수 있는 것은 $-11, -4, -1, 1, 4, 11$ 이다.

따라서 A의 값이 될 수 없는 것은 ① -13 이다.

03 $x^2 + 4x + 3 = (x+1)(x+3)$ 이므로 직사각형의 가로, 세로의 길이는 각각 $x+1, x+3$ 또는 $x+3, x+1$ 이므로 이 직사각형의 둘레의 길이는 $2(x+1+x+3) = 4x+8$

$$\begin{aligned} 04 \quad (x+2)(x-4) - 7 &= x^2 - 2x - 8 - 7 \\ &= x^2 - 2x - 15 \\ &= (x-5)(x+3) \end{aligned}$$

05 $ax^2 + 3x - 2 = (4x-1)(bx+2)$ 이므로
 $3 = 8 - b$ 에서 $b = 5, a = 4b = 4 \times 5 = 20$
 $\therefore a + b = 20 + 5 = 25$

06 $6x^2 + ax - 6$ 이 $3x-2$ 로 나누어 떨어지므로
 $6x^2 + ax - 6 = (3x-2)(2x+b)$ 라 하면
 $-6 = -2b$ 에서 $b = 3$
 따라서 $6x^2 + ax - 6 = (3x-2)(2x+3)$ 이므로
 $a = 3 \times 3 - 2 \times 2 = 5$

07 $6x^2 + 3x - 18 = 3(2x^2 + x - 6) = 3(x+2)(2x-3)$
 이므로 $ax + b = 2x - 3$
 따라서 $a = 2, b = -3$ 이므로
 $a - b = 2 - (-3) = 5$

08 ④ $4x^2 + 4x - 15 = (2x+5)(2x-3)$

09 ① $2x(x-3)$ ③ $(x-2)^2$ ④ $(x-4)(x+2)$ ⑤ $(3x+1)^2$
 따라서 유리수의 범위에서 인수분해할 수 없는 것은 ②이다.

10 ① $2x^2 - 7x + 3 = (2x-1)(x-3)$
 ② $x^2 - 6x + 9 = (x-3)^2$
 ③ $4x^2 - 11x - 3 = (4x+1)(x-3)$
 ④ $3x^2 + 8x - 3 = (x+3)(3x-1)$ 이므로 $x-3$ 을 인수로 갖지 않는다.
 ⑤ $2x^2 - 13x + 21 = (2x-7)(x-3)$

11 $x^2 - mx + 12 = (x-2)(x+a)$ 로 놓으면
 $-m = -2 + a, -2a = 12 \quad \therefore a = -6, m = 8$
 $3x^2 - 2x - n = (x-2)(3x+b)$ 로 놓으면
 $-2 = -6 + b, -n = -8 \quad \therefore n = 8$
 $\therefore m + n = 8 + 8 = 16$

12 $2x^2 - 7x + 6 = (2x-3)(x-2)$
 $x^2 - x - 2 = (x-2)(x+1)$



이므로 $A=2x-3$, $B=x-2$, $C=x+1$
 따라서 A와 C를 뽑아 뒷면에 적힌 일차식을 곱한 결과는
 $(2x-3)(x+1)=2x^2-x-3$ 이다.

- 13 (가)의 넓이는
 $(x-3)^2-1^2=(x-3+1)(x-3-1)$
 $= (x-4)(x-2)$
 따라서 (나)의 세로의 길이는 $x-4$ 이다.

- 14 [단계 ❶] $3x^2+(a+5)x-6=(3x-2)(x+m)$ 이라 하면
 $-6=-2m$ 에서 $m=3$
 $a+5=-2+3m$ 에서 $a=2$
 [단계 ❷] 이때 $2x^2+4x+2=2(x+1)^2$ 이므로
 $b=2$
 [단계 ❸] $\therefore a+b=2+2=4$

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------|------|
| ❶ a의 값 구하기 | 40 % |
| ❷ b의 값 구하기 | 40 % |
| ❸ a+b의 값 구하기 | 20 % |

- 15 동은이는 상수항을 제대로 보았으므로 상수항은
 $-6 \times 3 = -18$ ❶
 슬기는 x의 계수를 제대로 보았으므로 x의 계수는
 $-8+1=-7$ ❷
 따라서 처음의 이차식은 $x^2-7x-18$ 이고 ❸
 이 식을 인수분해하면
 $x^2-7x-18=(x-9)(x+2)$ ❹

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------|------|
| ❶ 상수항 구하기 | 30 % |
| ❷ x의 계수 구하기 | 30 % |
| ❸ 처음의 이차식 구하기 | 20 % |
| ❹ 처음의 이차식을 인수분해하기 | 20 % |

07. 인수분해 공식의 활용

102~103쪽

| | | | |
|------|------|-------|------|
| 01 ③ | 02 ③ | 03 ② | 04 ② |
| 05 ③ | 06 ⑤ | 07 ② | 08 ③ |
| 09 ② | 10 ② | 11 ② | 12 ② |
| 13 ④ | 14 4 | 15 20 | |

- 01 $ax^2-2ax-3a=a(x^2-2x-3)$
 $=a(x-3)(x+1)$
 따라서 인수가 아닌 것은 ③ $x+3$ 이다.

- 02 (주어진 식) $=a(a-c)-b(a-c)+(b-a)(b-c)$
 $= (a-c)(a-b)-(a-b)(b-c)$
 $= (a-b)(a-c-b+c)=(a-b)^2$

- 03 $xy-3x+y-3=x(y-3)+(y-3)$
 $= (x+1)(y-3)$
 $x^2+x-xy-y=x(x+1)-y(x+1)$
 $= (x+1)(x-y)$
 따라서 두 다항식의 공통인수는 $x+1$ 이다.

- 04 $4x^2+4xy+y^2-9=(4x^2+4xy+y^2)-9$
 $= (2x+y)^2-3^2$
 $= (2x+y+3)(2x+y-3)$
 이므로 두 일차식의 합은
 $(2x+y+3)+(2x+y-3)=4x+2y$

- 05 $x^2-xy-x-2y-6=x^2-x-6-xy-2y$
 $= (x-3)(x+2)-y(x+2)$
 $= (x+2)(x-y-3)$
 이므로 인수인 것은 ③ $x-y-3$ 이다.

- 06 $3x-4=A$, $x+3=B$ 라 하면
 $(3x-4)^2-(x+3)^2=A^2-B^2=(A+B)(A-B)$
 $= (3x-4+x+3)(3x-4-x-3)$
 $= (4x-1)(2x-7)$
 이므로 $a=4$, $b=-7$
 $\therefore a-b=4-(-7)=11$

- 07 $3x+2=A$ 라 하면
 $(3x+2)^2-2(3x+2)-3=A^2-2A-3=(A-3)(A+1)$
 $= (3x+2-3)(3x+2+1)$
 $= (3x-1)(3x+3)$
 $= 3(3x-1)(x+1)$

- 08 $2002 \times 2004 + 1 = (2003-1)(2003+1) + 1$
 $= 2003^2 - 1^2 + 1 = 2003^2$
 이므로 $A = \pm 2003$ $\therefore A = 2003$ ($\because A > 0$)

- 09 (주어진 식) $= (1+2)(1-2) + (3+4)(3-4) + (5+6)(5-6)$
 $+ (7+8)(7-8) + (9+10)(9-10)$
 $= (-1) \times (1+2+3+4+\cdots+9+10)$
 $= -55$



$$\begin{aligned}
 10 \quad \frac{a^2-4a+3}{a-2} &= \frac{(a-1)(a-3)}{a-2} \\
 &= \frac{(2+\sqrt{3}-1)(2+\sqrt{3}-3)}{2+\sqrt{3}-2} \\
 &= \frac{(1+\sqrt{3})(-1+\sqrt{3})}{\sqrt{3}} \\
 &= \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 11 \quad x &= \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{3})^2}{(\sqrt{7}-\sqrt{3})(\sqrt{7}+\sqrt{3})} = \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{3})^2}{4} \\
 &= \frac{10+2\sqrt{21}}{4} = \frac{5+\sqrt{21}}{2} \\
 y &= \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{3})^2}{(\sqrt{7}+\sqrt{3})(\sqrt{7}-\sqrt{3})} = \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{3})^2}{4} \\
 &= \frac{10-2\sqrt{21}}{4} = \frac{5-\sqrt{21}}{2} \\
 \therefore x^2-2xy+y^2 &= (x-y)^2 \\
 &= \left(\frac{5+\sqrt{21}}{2} - \frac{5-\sqrt{21}}{2}\right)^2 \\
 &= (\sqrt{21})^2 = 21
 \end{aligned}$$

12 $\overline{PQ}=x$ 라 하면 선분 PS를 지름으로 하는 원의 둘레의 길이는 $l=\pi(x+a)$

선분 PR를 지름으로 하는 원은 반지름의 길이가 $\frac{x+2a}{2}$ 이므로 넓이는 $\pi\left(\frac{x+2a}{2}\right)^2$

선분 PS를 지름으로 하는 원은 반지름의 길이가 $\frac{x+a}{2}$ 이므로 원의 넓이는 $\pi\left(\frac{x+a}{2}\right)^2$

따라서 색칠한 부분의 넓이는

$$\begin{aligned}
 &\pi\left(\frac{x+2a}{2}\right)^2 - \pi\left(\frac{x+a}{2}\right)^2 \\
 &= \pi\left(\frac{x+2a}{2} + \frac{x+a}{2}\right)\left(\frac{x+2a}{2} - \frac{x+a}{2}\right) \\
 &= \pi \times \frac{2x+3a}{2} \times \frac{a}{2} = \frac{a(2x+3a)}{4} \pi \\
 &= \frac{a}{4} \{2(x+a) + a\} \pi = \frac{a}{4} (2l + a\pi) \\
 &= \frac{al}{2} + \frac{a^2\pi}{4}
 \end{aligned}$$

13 (큰 피자 한 조각의 넓이) $= \frac{1}{8}\pi \times 22^2$ (cm²)

(작은 피자 한 조각의 넓이) $= \frac{1}{8}\pi \times 14^2$ (cm²)

따라서 두 조각의 넓이의 차는

$$\frac{1}{8}\pi(22^2-14^2) = \frac{1}{8}\pi(22+14)(22-14) = 36\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

14 [단계 ①] $x^2-4x-y^2-4y = x^2-y^2-4x-4y$

$$\begin{aligned}
 &= (x+y)(x-y) - 4(x+y) \\
 &= (x+y)(x-y-4)
 \end{aligned}$$

[단계 ②] $\therefore a=1, b=-1, c=-4$

[단계 ③] $\therefore a+b-c=1-1-(-4)=4$

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------------|------|
| ① x^2-4x-y^2-4y 를 인수분해하기 | 40 % |
| ② a, b, c 의 값 각각 구하기 | 30 % |
| ③ $a+b-c$ 의 값 구하기 | 30 % |

15 $x^2-y^2=10$ 이므로 $(x+y)(x-y)=10$ ①

$4x-4y=8$ 이므로 $4(x-y)=8 \quad \therefore x-y=2$ ②

$2(x+y)=10$ 이므로 $x+y=5$ ③

따라서 둘레의 길이의 합은

$4x+4y=4(x+y)=4 \times 5=20$ ④

| 채점 기준 | 배점 |
|------------------------|------|
| ① $(x+y)(x-y)$ 의 값 구하기 | 20 % |
| ② $x-y$ 의 값 구하기 | 20 % |
| ③ $x+y$ 의 값 구하기 | 30 % |
| ④ 둘레의 길이의 합 구하기 | 30 % |

II. 인수분해 내 · 신 · 만 · 점 · 도 · 전 · 하 · 기

104~107쪽

| | | | |
|-------------------|-------|-----------|---------|
| 01 ⑤ | 02 ③ | 03 ① | 04 ③ |
| 05 ④ | 06 ② | 07 ③ | 08 ② |
| 09 ④ | 10 ⑤ | 11 ③ | 12 ①, ④ |
| 13 ③ | 14 ④ | 15 ④ | 16 ② |
| 17 1, 15, 49 | 18 5 | 19 24, 26 | 20 6개 |
| 21 $(x-y)(x+y-z)$ | 22 4쌍 | 23 20 | |
| 24 21개 | | | |

01 $x^2y-y=y(x^2-1)=y(x+1)(x-1)$ 이므로 인수가 아닌 것은 ⑤이다.

02 ③ $x^2+2x-15=(x-3)(x+5)$

03 ① 16 ② ± 12 ③ 4 ④ 9 ⑤ ± 12

따라서 □ 안에 들어갈 수가 가장 큰 것은 ①이다.



04 $2n+1=A$, $2n-1=B$ 로 치환하면

$$\begin{aligned} & (2n+1)^2 - (2n-1)^2 \\ &= A^2 - B^2 = (A+B)(A-B) \\ &= \{(2n+1) + (2n-1)\} \{(2n+1) - (2n-1)\} = 4n \times 2 \\ & \text{따라서 연속한 두 홀수의 제곱의 차는 8의 배수가 된다.} \end{aligned}$$

05 $2x^2+5x+2=(x+2)(2x+1)$ 이므로

직사각형의 가로의 길이와 세로의 길이는 $x+2$, $2x+1$ 이다.
따라서 가로의 길이와 세로의 길이의 합은
 $x+2+2x+1=3x+3$

06 $6x^2-8x-40=2(3x^2-4x-20)$

$$=2(x+2)(3x-10)$$

$x-3=A$ 라 하면

$$\begin{aligned} (x-3)^2 + 2(x-3) - 15 &= A^2 + 2A - 15 \\ &= (A+5)(A-3) \\ &= (x-3+5)(x-3-3) \\ &= (x+2)(x-6) \end{aligned}$$

따라서 두 다항식의 공통인수는 $x+2$ 이다.

07 $x+1$ 과 $2x-3$ 으로 나누어 떨어지므로

$$\begin{aligned} ax^2-x+b &= (x+1)(2x-3) = 2x^2-x-3 \\ \text{따라서 } a &= 2, b = -3 \text{ 이므로} \\ a+b &= 2+(-3) = -1 \end{aligned}$$

08 A는 상수항을 제대로 보았으므로 처음 이차식의 상수항은

$$2 \times (-6) = -12$$

B는 x 의 계수를 제대로 보았으므로 처음 이차식의 x 의 계수는
 $3-2=1$

따라서 처음의 이차식은 x^2+x-12 이고 이를 바르게 인수분해
하면 $(x+4)(x-3)$ 이다.

09 $2x^2+5x+1=(2x+3)A-2$ 이므로

$$2x^2+5x+3=(2x+3)A$$

다항식 $A=ax+b$ 라 하면

$$2x^2+5x+3=(2x+3)(ax+b)$$

$$2=2a \text{에서 } a=1, 3=3b \text{에서 } b=1$$

따라서 $2x^2+5x+3=(2x+3)(x+1)$ 이므로

$$A=x+1$$

10 $6(2x-1)^2-(2x-1)=(2x-1)(12x-6-1)$

$$=(2x-1)(12x-7)$$

이므로 $a=-1$, $b=12$

$$\therefore a+b=-1+12=11$$

11 $4x^2-y^2+2y-1=4x^2-(y^2-2y+1)$

$$=(2x)^2-(y-1)^2$$

$$=(2x+y-1)(2x-y+1)$$

이므로 두 일차식의 합은

$$(2x+y-1)+(2x-y+1)=4x$$

12 $x+1=A$, $y-2=B$ 라 하면

$$3(x+1)^2-4(x+1)(y-2)+(y-2)^2$$

$$=3A^2-4AB+B^2=(3A-B)(A-B)$$

$$=(3x+3-y+2)(x+1-y+2)$$

$$=(3x-y+5)(x-y+3)$$

이므로 인수인 것은 ①, ④이다.

13 $98^2-1=(98+1)(98-1)=99 \times 97$ 이므로 가장 알맞은 인수
분해 공식은 ③이다.

14 $42^2-2 \times 42 \times 38+38^2=(42-38)^2=4^2=16$

15 $x = \frac{1}{5-2\sqrt{6}} = \frac{5+2\sqrt{6}}{(5-2\sqrt{6})(5+2\sqrt{6})} = 5+2\sqrt{6}$

$$\begin{aligned} \therefore x^2-10x+25 &= (x-5)^2 = \{(5+2\sqrt{6})-5\}^2 \\ &= (2\sqrt{6})^2 = 24 \end{aligned}$$

16 $x^2-y^2-8x+8y=(x+y)(x-y)-8(x-y)$

$$=(x-y)(x+y-8)$$

$$=\sqrt{6}(9-8)=\sqrt{6}$$

17 양변을 제곱하면 $m^2=n^2+99$, $m^2-n^2=99$

$$(m+n)(m-n)=1 \times 99=3 \times 33=9 \times 11$$

(i) $m-n=1$, $m+n=99$ 이면 $n=49$

(ii) $m-n=3$, $m+n=33$ 이면 $n=15$

(iii) $m-n=9$, $m+n=11$ 이면 $n=1$

따라서 n 의 값은 1, 15, 49이다.

18 $x=(a-1)^2=a^2-2a+1$ 이므로

..... ①

$$\sqrt{x+6a+3}+\sqrt{x-4a+8}$$

$$=\sqrt{a^2+4a+4}+\sqrt{a^2-6a+9}$$

$$=\sqrt{(a+2)^2}+\sqrt{(a-3)^2}$$

..... ②

$$=a+2-(a-3) (\because a+2>0, a-3<0)$$

$$=5$$

..... ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-----------------------------|------|
| ① x 를 a 에 관한 식으로 나타내기 | 30 % |
| ② 주어진 식의 근호 안을 완전제곱식으로 나타내기 | 30 % |
| ③ 주어진 식을 간단히 하기 | 40 % |



19 $5^{16}-1=(5^8)^2-1=(5^8+1)(5^8-1)$
 $= (5^8+1)(5^4+1)(5^4-1)$
 $= (5^8+1)(5^4+1)(5^2+1)(5^2-1)$
 $= (5^8+1)(5^4+1)(5^2+1)(5+1)(5-1)$
 이므로 20과 30 사이의 두 자연수는 24, 26이다.

20 x^2-x-m 이 x 의 계수와 상수항이 모두 정수인 두 일차식의 곱으로 인수분해되려면 m 이 연속하는 두 자연수의 곱이어야 한다.
 따라서 조건을 만족하는 다항식은
 $x^2-x-2, x^2-x-6, x^2-x-12, x^2-x-20,$
 x^2-x-30, x^2-x-42 의 6개이다.

21 $[x, y, z]-[y, z, x]=x^2+yz-(y^2+zx)$
 $=x^2-y^2+yz-zx$
 $=(x+y)(x-y)-z(x-y)$
 $=(x-y)(x+y-z)$

22 $xy-3x-3y+2=x(y-3)-3(y-3)-7=0$ 에서
 $(x-3)(y-3)=7$ 이므로 ①
 (i) $x-3=1, y-3=7$ 일 때, $x=4, y=10$
 (ii) $x-3=7, y-3=1$ 일 때, $x=10, y=4$
 (iii) $x-3=-1, y-3=-7$ 일 때, $x=2, y=-4$
 (iv) $x-3=-7, y-3=-1$ 일 때, $x=-4, y=2$ ②
 따라서 정수 x, y 는 모두 4쌍이다. ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------------|------|
| ① 주어진 식을 변형하기 | 40 % |
| ② 정수 x, y 를 각각 구하기 | 40 % |
| ③ 정수 x, y 가 몇 쌍인지 구하기 | 20 % |

23 (주어진 식) $=(x+1)(x+4)(x+2)(x+3)-15$
 $=(x^2+5x+4)(x^2+5x+6)-15$
 $x^2+5x=A$ 라 하면
 $(A+4)(A+6)-15$
 $=A^2+10A+9$
 $=(A+1)(A+9)$
 $=(x^2+5x+1)(x^2+5x+9)$
 따라서 $a=5, b=1, c=5, d=9$ 또는 $a=5, b=9, c=5, d=1$ 이므로
 $a+b+c+d=5+1+5+9=20$

24 $21^2+6 \times 21+9=21^2+2 \times 21 \times 3+3^2$
 $=(21+3)^2=24^2$
 $=(2^3 \times 3)^2=2^6 \times 3^2$
 이므로 약수의 개수는 $(6+1)(2+1)=21$ (개)

08. 이차방정식의 뜻과 해

108~109쪽

| | | | |
|------|-----------|------|------|
| 01 ④ | 02 ④ | 03 ③ | 04 ③ |
| 05 ④ | 06 ② | 07 ① | 08 ③ |
| 09 ⑤ | 10 ② | 11 ③ | 12 ② |
| 13 ⑤ | 14 $x=-1$ | 15 5 | |

01 x 에 대한 이차방정식은 (x 에 대한 이차식) $=0$ 의 꼴이다.

- ① 이차식
 ② 일차방정식
 ③ $x^2-x^2-\frac{1}{2}x=0, -\frac{1}{2}x=0$ (일차방정식)
 ⑤ 이차방정식이 아니다.

02 $(ax+1)(3x-2)=6x^2+2$ 에서
 $3ax^2+(-2a+3)x-2=6x^2+2$
 $(3a-6)x^2+(-2a+3)x-4=0$
 이 방정식이 x 에 대한 이차방정식이 되려면
 $3a-6 \neq 0 \quad \therefore a \neq 2$

03 $3x^2-x+1=x^2+3x-2$ 에서
 $3x^2-x+1-x^2-3x+2=0$
 $2x^2-4x+3=0$
 $\therefore a=2, b=-4, c=3$
 $\therefore a+b+c=2+(-4)+3=1$

04 $x=3$ 을 대입하여 등식이 성립하는 것을 찾는다.
 ③ $3^2+5 \times 3-24=0$

05 ① $1^2+1 \neq 0$
 ② $(-1)^2-1-2 \neq 0$
 ③ $3^2-6 \times 3+3 \neq 0$
 ④ $-1 \times (-1+3)=-1-1$
 ⑤ $(-1+1)(-1-3) \neq -3$
 따라서 [] 안의 수가 주어진 이차방정식의 해인 것은 ④이다.

06 $x=-3$ 일 때, $(-3)^2-3 \times (-3)-4 \neq 0$
 $x=-2$ 일 때, $(-2)^2-3 \times (-2)-4 \neq 0$
 $x=-1$ 일 때, $(-1)^2-3 \times (-1)-4=0$
 $x=0$ 일 때, $0^2-3 \times 0-4 \neq 0$
 $x=1$ 일 때, $1^2-3 \times 1-4 \neq 0$
 따라서 $x^2-3x-4=0$ 의 해는 $x=-1$ 이다.

07 $x=-2$ 일 때, $(-2)^2+3 \times (-2)+2=0$
 $x=-1$ 일 때, $(-1)^2+3 \times (-1)+2=0$
 $x=0$ 일 때, $0^2+3 \times 0+2 \neq 0$



$x=1$ 일 때, $1^2+3 \times 1+2 \neq 0$
 $x=2$ 일 때, $2^2+3 \times 2+2 \neq 0$
따라서 $x^2+3x+2=0$ 의 해는 $x=-1$ 또는 $x=-2$ 이므로 구하는 값은 $(-1)+(-2)=-3$

08 $2x-2 \leq x+1$, $x \leq 3$ 인 자연수이므로 $x=1, 2, 3$ 을
 $(x-2)^2=x$ 에 대입하여 등식이 성립하는 것을 찾는다.
 $x=1$ 일 때, $(1-2)^2=1$
 $x=2$ 일 때, $(2-2)^2 \neq 2$
 $x=3$ 일 때, $(3-2)^2 \neq 3$
따라서 $(x-2)^2=x$ 의 해는 $x=1$ 이다.

09 $x=2$ 를 대입하면 $2^2-5 \times 2+a=0 \quad \therefore a=6$

10 $x=-1$ 을 두 이차방정식에 각각 대입하면
 $(-1)^2-2 \times (-1)+a=0, 1+2+a=0 \quad \therefore a=-3$
 $3 \times (-1)^2+b \times (-1)-2=0, 3-b-2=0 \quad \therefore b=1$
 $\therefore a+b=-3+1=-2$

11 $x^2-px+10=0$ 에 $x=2$ 를 대입하면
 $2^2-2p+10=0, -2p=-14 \quad \therefore p=7$
 $x^2-3x+4q=0$ 에 $x=7$ 을 대입하면
 $7^2-3 \times 7+4q=0, 4q=-28 \quad \therefore q=-7$
 $\therefore p+q=7+(-7)=0$

12 $x=k$ 를 대입하면 $k^2-4k-1=0$ 에서 $k^2-4k=1$
 $2k^2-8k+a=2(k^2-4k)+a=2 \times 1+a=5$
 $\therefore a=3$

13 $x=a$ 를 대입하면 $a^2-5a-1=0$
 $a \neq 0$ 이므로 양변을 a 로 나누면 $a-5-\frac{1}{a}=0$
 $\therefore a-\frac{1}{a}=5$

14 [단계 ❶] $-3 < x \leq 1$ 을 만족하는 정수는 $-2, -1, 0, 1$ 이다.
[단계 ❷] $x=-2$ 일 때, $2 \times (-2)^2+(-2)-1 \neq 0$
 $x=-1$ 일 때, $2 \times (-1)^2+(-1)-1=0$
 $x=0$ 일 때, $2 \times 0^2+0-1 \neq 0$
 $x=1$ 일 때, $2 \times 1^2+1-1 \neq 0$
[단계 ❸] 따라서 해는 $x=-1$ 이다.

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------------------------|------|
| ❶ $-3 < x \leq 1$ 을 만족하는 정수 구하기 | 30 % |
| ❷ x 의 값을 대입하여 성립하는 등식 찾기 | 50 % |
| ❸ 이차방정식의 해 구하기 | 20 % |

15 $x=k$ 를 대입하면 $k^2+k-1=0$
 $\therefore 1-k^2=k, 1-k=k^2$ ❶

$$k \neq 0 \text{이므로 } \frac{2k}{1-k^2} + \frac{3k^2}{1-k} = \frac{2k}{k} + \frac{3k^2}{k^2} = 2+3=5 \quad \text{..... ❷}$$

| 채점 기준 | 배점 |
|-----------------------|------|
| ❶ k 에 대한 관계식으로 나타내기 | 50 % |
| ❷ 식의 값 구하기 | 50 % |

09. 이차방정식의 풀이

110~111쪽

| | | | |
|------|---------------------|---------------------|------|
| 01 ③ | 02 ⑤ | 03 ① | 04 ① |
| 05 ④ | 06 ④ | 07 ② | 08 ③ |
| 09 ③ | 10 ④ | 11 ⑤ | 12 ③ |
| 13 ③ | 14 $x=-2$ 또는 $x=-3$ | 15 $x=-\frac{3}{4}$ | |

01 ① $x=-1$ 또는 $x=\frac{1}{2}$
② $2x^2+x-1=0$ 에서 $(x+1)(2x-1)=0$
 $\therefore x=-1$ 또는 $x=\frac{1}{2}$
③ $2x^2-x-1=0$ 에서 $(x-1)(2x+1)=0$
 $\therefore x=1$ 또는 $x=-\frac{1}{2}$
④ $\frac{1}{2}(x^2-1)=0$ 에서 $\frac{1}{2}(x+1)(x-1)=0$
 $\therefore x=-1$ 또는 $x=1$
⑤ $-\frac{1}{2}(x^2+x-2)=0$ 에서 $-\frac{1}{2}(x+2)(x-1)=0$
 $\therefore x=-2$ 또는 $x=1$

02 $(2x+1)(x-3)=x^2-9$ 에서
 $2x^2-5x-3=x^2-9, x^2-5x+6=0$
 $(x-2)(x-3)=0$
 $\therefore x=2$ 또는 $x=3$

03 $6x^2+7x-3=0$ 에서 $(3x-1)(2x+3)=0$
 $\therefore x=\frac{1}{3}$ 또는 $x=-\frac{3}{2}$
 $A=\frac{1}{3}+\left(-\frac{3}{2}\right)=-\frac{7}{6}, B=\frac{1}{3} \times \left(-\frac{3}{2}\right)=-\frac{1}{2}$
 $\therefore A+B=-\frac{7}{6}+\left(-\frac{1}{2}\right)=-\frac{5}{3}$



04 $3x^2 - 16x - 12 = 0$ 에서 $(3x+2)(x-6) = 0$

$\therefore x = -\frac{2}{3}$ 또는 $x = 6$

따라서 두 근의 곱은 $-\frac{2}{3} \times 6 = -4$ 이다.

$x = -4$ 를 $x^2 + 3x + k = 0$ 에 대입하면

$(-4)^2 + 3 \times (-4) + k = 0$

$\therefore k = -4$

05 $2x^2 + x - 3 = 0$ 에서 $(2x+3)(x-1) = 0$

$\therefore x = -\frac{3}{2}$ 또는 $x = 1$

$(x-2)^2 = x$, $x^2 - 5x + 4 = 0$

$(x-1)(x-4) = 0$

$\therefore x = 1$ 또는 $x = 4$

따라서 공통인 해는 $x = 1$ 이다.

06 (완전제곱식) = 0의 꼴로 인수분해되려면

$4m+5 = \left(-\frac{10}{2}\right)^2$, $4m+5 = 25$

$\therefore m = 5$

07 (완전제곱식) = 0의 꼴로 인수분해되려면

$16 = \{-(m+1)\}^2$, $16 = m^2 + 2m + 1$, $m^2 + 2m - 15 = 0$

$(m-3)(m+5) = 0$

$\therefore m = 3$ 또는 $m = -5$

따라서 모든 상수 m 의 값의 합은 $3 + (-5) = -2$

08 $16x^2 - 25 = 0$ 에서 $16x^2 = 25$

$x^2 = \frac{25}{16}$ $\therefore x = \pm \sqrt{\frac{25}{16}} = \pm \frac{5}{4}$

09 $(x+1)^2 - \frac{3}{4} = 0$ 에서 $(x+1)^2 = \frac{3}{4}$

$x+1 = \pm \sqrt{\frac{3}{4}}$, $x = -1 \pm \frac{\sqrt{3}}{2}$

$\therefore x = \frac{-2 \pm \sqrt{3}}{2}$

10 $3(x+2)^2 - 21 = 0$ 에서

$(x+2)^2 = 7$, $x+2 = \pm \sqrt{7}$

$\therefore x = -2 \pm \sqrt{7}$

11 $4(x-a)^2 - 20 = 0$ 에서 $(x-a)^2 = 5$

$x-a = \pm \sqrt{5}$ $\therefore x = a \pm \sqrt{5}$

따라서 $a = 3$, $b = 5$ 이므로

$a+b = 3+5 = 8$

12 $2x^2 - 3x + 1 = 0$ 에서 $x^2 - \frac{3}{2}x + \frac{1}{2} = 0$

$x^2 - \frac{3}{2}x = -\frac{1}{2}$, $x^2 - \frac{3}{2}x + \frac{9}{16} = -\frac{1}{2} + \frac{9}{16}$

$\left(x - \frac{3}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$ $\therefore p = \frac{3}{4}$, $q = \frac{1}{16}$

$\therefore p+q = \frac{3}{4} + \frac{1}{16} = \frac{13}{16}$

13 $x^2 + 10x - 7 = p$ 에서 $x^2 + 10x = p+7$

$x^2 + 10x + 25 = p+7+25$, $(x+5)^2 = p+32$

$\therefore x = -5 \pm \sqrt{p+32}$

이때, $x = a \pm 2\sqrt{10} = a \pm \sqrt{40}$ 이므로 $a = -5$

$p+32 = 40$ 에서 $p = 8$

$\therefore a+p = -5+8 = 3$

14 [단계 ❶] x 의 계수와 상수항을 바꾸어 놓은 이차방정식은

$x^2 + 2ax + (a+2) = 0$ 이므로

$x = -1$ 을 $x^2 + 2ax + (a+2) = 0$ 에 대입하면

$(-1)^2 + 2a \times (-1) + (a+2) = 0$

$1 - 2a + a + 2 = 0$ $\therefore a = 3$

[단계 ❷] $a = 3$ 을 $x^2 + (a+2)x + 2a = 0$ 에 대입하면

$x^2 + 5x + 6 = 0$

[단계 ❸] $(x+2)(x+3) = 0$

$\therefore x = -2$ 또는 $x = -3$

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------|------|
| ❶ 상수 a 의 값 구하기 | 40 % |
| ❷ 처음 이차방정식 구하기 | 30 % |
| ❸ 처음 이차방정식의 해 구하기 | 30 % |

15 $2x^2 - 7x + 3 = 0$ 에서 $(2x-1)(x-3) = 0$

$\therefore x = \frac{1}{2}$ 또는 $x = 3$

$3x^2 - 8x - 3 = 0$ 에서 $(3x+1)(x-3) = 0$

$\therefore x = -\frac{1}{3}$ 또는 $x = 3$

따라서 공통인 근은 $x = 3$ 이다. ❶

$x = 3$ 을 $4x^2 + ax - 9 = 0$ 에 대입하면

$4 \times 3^2 + 3a - 9 = 0$ $\therefore a = -9$ ❷

$4x^2 - 9x - 9 = 0$, $(4x+3)(x-3) = 0$

$\therefore x = -\frac{3}{4}$ 또는 $x = 3$

따라서 다른 한 근은 $x = -\frac{3}{4}$ 이다. ❸

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------|------|
| ❶ 두 이차방정식의 공통인 근 구하기 | 40 % |
| ❷ 상수 a 의 값 구하기 | 30 % |
| ❸ 다른 한 근 구하기 | 30 % |



10. 이차방정식의 근의 공식과 활용

112~113쪽

- | | | | |
|---------|-------|---------|------|
| 01 ② | 02 ② | 03 ③ | 04 ① |
| 05 ④ | 06 ⑤ | 07 ⑤ | 08 ② |
| 09 ① | 10 ③ | 11 ⑤ | 12 ④ |
| 13 30 m | 14 -5 | 15 5 cm | |

01 $(x+3)(x-4)=-7x-11$ 에서 $x^2-x-12=-7x-11$
 $x^2+6x-1=0 \quad \therefore x=-3 \pm \sqrt{10}$

02 $x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \times 5 \times (-1)}}{2 \times 5} = \frac{-2 \pm \sqrt{24}}{10} = \frac{-1 \pm \sqrt{6}}{5}$
 따라서 $A=-1$, $B=6$ 이므로 $A+B=-1+6=5$

- 03 ① $(-3)^2-4 \times 1 \times 5=-11 < 0$ (근이 없다.)
 ② $6^2-4 \times 1 \times 9=0$ (근이 1개)
 ③ $(-5)^2-4 \times 1 \times (-4)=41 > 0$ (근이 2개)
 ④ $3^2-4 \times 2 \times 6=-39 < 0$ (근이 없다.)
 ⑤ $(-6)^2-4 \times 3 \times 3=0$ (근이 1개)

04 $(-12)^2-4 \times 9 \times k=0$ 이므로
 $144-36k=0 \quad \therefore k=4$

05 양변에 12를 곱하면 $4x^2+2x-3=0$
 $\therefore x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \times 4 \times (-3)}}{2 \times 4} = \frac{-2 \pm \sqrt{52}}{8}$
 $= \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{4}$

06 양변에 10을 곱하면 $2x^2+x-4=0$
 $\therefore x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \times 2 \times (-4)}}{2 \times 2} = \frac{-1 \pm \sqrt{33}}{4}$

07 양변에 10을 곱하면 $3x^2-5x+2=0$
 $\alpha+\beta=-\frac{-5}{3}=\frac{5}{3}$, $\alpha\beta=\frac{2}{3}$ 이므로
 $\alpha^2+\beta^2=(\alpha+\beta)^2-2\alpha\beta$
 $=\left(\frac{5}{3}\right)^2-2 \times \frac{2}{3}$
 $=\frac{25}{9}-\frac{4}{3}=\frac{13}{9}$

08 $\alpha+\beta=-\frac{3}{2}$, $\alpha\beta=-\frac{5}{2}$ 이므로
 $\alpha^2+3\alpha\beta+\beta^2=(\alpha+\beta)^2+\alpha\beta$
 $=\left(-\frac{3}{2}\right)^2+\left(-\frac{5}{2}\right)$
 $=\frac{9}{4}+\left(-\frac{5}{2}\right)=-\frac{1}{4}$

09 양변에 6을 곱하면 $x^2-3x-4=0$ 이므로 두 근의 합은 3, 두 근의 곱은 -4이다.

따라서 x^2 의 계수가 2이고, 두 근의 합과 곱을 해로 갖는 이차방정식은 $2(x+4)(x-3)=0 \quad \therefore 2x^2+2x-24=0$

즉, $p=2$, $q=-24$ 이므로

$$p+q=2+(-24)=-22$$

10 다솜이의 생일의 날짜를 x 일이라 하면 민우의 생일의 날짜는

$$(x+7)\text{일이므로 } x(x+7)=368, \quad x^2+7x-368=0$$

$$(x+23)(x-16)=0 \quad \therefore x=-23 \text{ 또는 } x=16$$

$x>0$ 이므로 $x=16$

따라서 다솜이와 민우의 생일은 각각 16일, 23일이므로 두 사람의 생일의 날짜의 합은 $16+23=39$ (일)이다.

11 땅에 떨어질 때의 높이는 0이므로

$$0=30+25t-5t^2, \quad t^2-5t-6=0$$

$$(t+1)(t-6)=0 \quad \therefore t=-1 \text{ 또는 } t=6$$

$t>0$ 이므로 $t=6$

따라서 폭죽이 땅에 떨어지는 것은 6초 후이다.

12 넓이가 처음과 같아지는 데 걸리는 시간을 x 초라 하면

$$(24-x)(20+2x)=24 \times 20, \quad x^2-14x=0$$

$$x(x-14)=0 \quad \therefore x=0 \text{ 또는 } x=14$$

$x>0$ 이므로 $x=14$

따라서 넓이가 처음과 같아지는 데는 14초가 걸린다.

13 밭의 가로 길이를 x m라 하면 세로 길이는 $(x-5)$ m이다.

$$(x-3)(x-7)=621, \quad x^2-10x-600=0$$

$$(x+20)(x-30)=0 \quad \therefore x=-20 \text{ 또는 } x=30$$

$x>7$ 이므로 $x=30$

따라서 처음 밭의 가로 길이는 30 m이다.

14 [단계 ①] $\frac{1}{2}x^2+x+\frac{1}{4}=0$ 의 양변에 4를 곱하면

$$2x^2+4x+1=0\text{이므로 } \alpha+\beta=-2, \quad \alpha\beta=\frac{1}{2}$$

[단계 ②] $\therefore (\beta-\alpha)^2=\beta^2-2\alpha\beta+\alpha^2=(\alpha+\beta)^2-4\alpha\beta$

$$=(-2)^2-4 \times \frac{1}{2}=2$$

[단계 ③] $x=2$ 를 $3x^2+ax-2=0$ 에 대입하면

$$3 \times 2^2+2a-2=0 \quad \therefore a=-5$$

| 채점 기준 | 배점 |
|------------------------------|------|
| ① 두 근의 합과 곱 구하기 | 30 % |
| ② $(\beta-\alpha)^2$ 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ a 의 값 구하기 | 30 % |



- 15 큰 정사각형의 한 변의 길이를 x cm라 하면 작은 정사각형의 한 변의 길이는 $(8-x)$ cm이다.

$$x^2 + (8-x)^2 = 34, \quad x^2 - 8x + 15 = 0 \quad \dots\dots ①$$

$$(x-3)(x-5) = 0$$

$$\therefore x=3 \text{ 또는 } x=5 \quad \dots\dots ②$$

$$x > 4 \text{ 이므로 } x=5$$

$$\text{따라서 큰 정사각형의 한 변의 길이는 } 5 \text{ cm이다.} \quad \dots\dots ③$$

| 채점 기준 | 배점 |
|-----------------------|------|
| ① 이차방정식 세우기 | 30 % |
| ② 이차방정식의 해 구하기 | 40 % |
| ③ 큰 정사각형의 한 변의 길이 구하기 | 30 % |

III. 이차방정식 내 · 신 · 만 · 점 · 도 · 전 · 하 · 기

114~117쪽

- | | | | |
|--|-------------------------------|---------|---------|
| 01 ③ | 02 ⑤ | 03 ④ | 04 ③ |
| 05 ① | 06 ⑤ | 07 ③ | 08 ② |
| 09 ④ | 10 ③ | 11 ② | 12 ① |
| 13 ③ | 14 ④ | 15 ④ | 16 ③ |
| 17 -5 | 18 $x = \frac{8}{3}$ 또는 $x=4$ | | |
| 19 $-\frac{4}{5} \leq k < \frac{1}{5}$ | 20 $x = -6$ 또는 $x=2$ | | |
| 21 10 | 22 $\frac{29}{24}$ | 23 6 cm | 24 3초 후 |

- 01 ㄱ. $-x=0$ (일차방정식)

$$\text{ㄴ. } \frac{1}{2}x^2 - 3x + \frac{1}{2} = 0 \text{ (이차방정식)}$$

$$\text{ㄷ. } x^2 - x - 2 = 0 \text{ (이차방정식)}$$

$$\text{ㄹ. } 4x - 2 = 0 \text{ (일차방정식)}$$

$$\text{ㅁ. } x^2 + 6x = 0 \text{ (이차방정식)}$$

따라서 이차방정식은 모두 3개이다.

- 02 ① $1^2 + 1 \neq 0$

$$\text{② } 2 \times 3^2 - 3 \times 3 \neq 0$$

$$\text{③ } (-2)^2 - 3 \times (-2) + 2 \neq 0$$

$$\text{④ } 3 \times \left(\frac{1}{3}\right)^2 - 5 \times \frac{1}{3} + 2 \neq 0$$

$$\text{⑤ } 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 + 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2} = 0$$

따라서 [] 안의 수가 주어진 이차방정식의 해인 것은 ⑤이다.

- 03 $3x^2 + 7x - 6 = 0$ 에서 $(3x-2)(x+3) = 0$

$$\therefore x = \frac{2}{3} \text{ 또는 } x = -3$$

- 04 $6x^2 - x - 1 = 0$ 에서 $(3x+1)(2x-1) = 0$

$$\therefore x = -\frac{1}{3} \text{ 또는 } x = \frac{1}{2}$$

$$m < n \text{ 이므로 } m = -\frac{1}{3}, \quad n = \frac{1}{2}$$

$$\therefore 3m + 2n = 3 \times \left(-\frac{1}{3}\right) + 2 \times \frac{1}{2} = 0$$

- 05 $(2x-1)^2 - (x+1)^2 = 0$ 에서

$$4x^2 - 4x + 1 - (x^2 + 2x + 1) = 0, \quad 3x^2 - 6x = 0$$

$$x^2 - 2x = 0, \quad x(x-2) = 0$$

$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = 2$$

- 06 $x^2 - 4x + 2a = 4x - 6$ 을 정리하면

$$x^2 - 8x + 2a + 6 = 0$$

이 이차방정식이 (완전제곱식) = 0의 꼴로 인수분해되려면

$$2a + 6 = \left(\frac{-8}{2}\right)^2, \quad 2a + 6 = 16 \quad \therefore a = 5$$

- 07 $4(x+3)^2 - 20 = 0$ 에서 $4(x+3)^2 = 20$

$$(x+3)^2 = 5, \quad x+3 = \pm\sqrt{5}$$

$$\therefore x = -3 \pm \sqrt{5}$$

- 08 $x = -1$ 을 $ax^2 + (a^2-1)x + 5 = 0$ 에 대입하면

$$a \times (-1)^2 + (a^2-1) \times (-1) + 5 = 0, \quad a - a^2 + 6 = 0$$

$$a^2 - a - 6 = 0, \quad (a-3)(a+2) = 0$$

$$\therefore a = 3 \text{ 또는 } a = -2$$

$$a > 0 \text{ 이므로 } a = 3$$

$$a = 3 \text{ 을 } ax^2 + (a^2-1)x + 5 = 0 \text{ 에 대입하면}$$

$$3x^2 + 8x + 5 = 0, \quad (x+1)(3x+5) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = -\frac{5}{3}$$

$$\text{따라서 다른 한 근은 } x = -\frac{5}{3} \text{ 이다.}$$

- 09 $x^2 - 5x + 2 = 0$ 에서 $x^2 - 5x = -2$

$$x^2 - 5x + \frac{25}{4} = -2 + \frac{25}{4}, \quad \left(x - \frac{5}{2}\right)^2 = \frac{17}{4}$$

$$\text{따라서 } a = -\frac{5}{2}, \quad b = \frac{17}{4} \text{ 이므로}$$

$$2a + 4b = 2 \times \left(-\frac{5}{2}\right) + 4 \times \frac{17}{4}$$

$$= -5 + 17 = 12$$

10 $ax^2+5x+1=0$ 에서

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{25-4a}}{2a} = \frac{-5 \pm \sqrt{k}}{6}$$

즉, $25-4a=k$ 에서 $2a=6$ 이므로 $a=3$, $k=13$

$$\therefore a+k=3+13=16$$

11 양변에 10을 곱하면 $2x^2-6x+3=0$

$$\begin{aligned} \therefore x &= \frac{-(-6) \pm \sqrt{(-6)^2-4 \times 2 \times 3}}{2 \times 2} = \frac{6 \pm \sqrt{12}}{4} \\ &= \frac{3 \pm \sqrt{3}}{2} \end{aligned}$$

12 양변에 6을 곱하면 $2x^2-3x-1=0$

$$\therefore x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2-4 \times 2 \times (-1)}}{2 \times 2} = \frac{3 \pm \sqrt{17}}{4}$$

따라서 $a=3$, $b=17$ 이므로

$$a+b=3+17=20$$

13 $x+1=A$ 로 치환하면

$$3A^2-7A+2=0, (3A-1)(A-2)=0$$

$$\therefore A=\frac{1}{3} \text{ 또는 } A=2$$

$$x+1=\frac{1}{3} \text{ 또는 } x+1=2 \text{ 이므로}$$

$$x=-\frac{2}{3} \text{ 또는 } x=1$$

14 $3x^2-4x-2=0$ 에서

$$\alpha+\beta=-\frac{-4}{3}=\frac{4}{3}, \alpha\beta=\frac{-2}{3}=-\frac{2}{3}$$

$$\therefore \alpha+\beta+\alpha\beta=\frac{4}{3}-\frac{2}{3}=\frac{2}{3}$$

15 펼친 책의 왼쪽 면의 쪽수를 x 라고 하면 오른쪽 면의 쪽수는 $x+1$ 이므로

$$x(x+1)=272, x^2+x-272=0$$

$$(x-16)(x+17)=0 \quad \therefore x=16 \text{ 또는 } x=-17$$

이때 $x>0$ 이어야 하므로 $x=16$

따라서 펼친 두 면의 쪽수는 각각 16, 17이므로 두 면의 쪽수의 합은 $16+17=33$

16 길의 폭을 x m라 하면

$$30x+20x-x^2=141, x^2-50x+141=0$$

$$(x-3)(x-47)=0$$

$$\therefore x=3 \text{ 또는 } x=47$$

$$x<20 \text{ 이므로 } x=3$$

따라서 길의 폭은 3 m이다.

17 $x^2-5x-2=0$ 의 두 근이 α, β 이므로

$$\alpha^2-5\alpha-2=0, \beta^2-5\beta-2=0$$

$$\therefore \alpha^2-5\alpha=2, \beta^2-5\beta=2$$

$$\begin{aligned} \therefore (\alpha^2-5\alpha+3)(\beta^2-5\beta-5) \\ &= [(\alpha^2-5\alpha)+3][2(\beta^2-5\beta)-5] \\ &= (2+3)(2 \times 2-5) \\ &= 5 \times (-1) = -5 \end{aligned}$$

18 $x-3=A$ 로 치환하면 $\frac{1}{2}A^2-\frac{1}{3}A-\frac{1}{6}=0$

$$\text{양변에 6을 곱하면 } 3A^2-2A-1=0, (3A+1)(A-1)=0$$

$$\therefore A=-\frac{1}{3} \text{ 또는 } A=1$$

$$\text{즉, } x-3=-\frac{1}{3} \text{ 또는 } x-3=1 \text{ 이므로}$$

$$x=\frac{8}{3} \text{ 또는 } x=4$$

19 (i) $5x^2-4x-k=0$ 이 해를 가질 조건은

$$(-4)^2-4 \times 5 \times (-k)=16+20k \geq 0$$

$$\therefore k \geq -\frac{4}{5} \quad \dots\dots ①$$

(ii) $(k-1)x^2+4x-5=0$ 이 해를 갖지 않을 조건은

$$4^2-4 \times (k-1) \times (-5)=16+20k-20 < 0$$

$$\therefore k < \frac{1}{5} \quad \dots\dots ②$$

$$(i), (ii) \text{에서 } -\frac{4}{5} \leq k < \frac{1}{5} \quad \dots\dots ③$$

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------|------|
| ① 해를 가질 조건 구하기 | 40 % |
| ② 해를 갖지 않을 조건 구하기 | 40 % |
| ③ k 의 값의 범위 구하기 | 20 % |

20 동호가 푼 이차방정식의 해는 $x=-3$ 또는 $x=4$ 이므로

$$(x+3)(x-4)=0, x^2-x-12=0$$

$$\text{즉, 이차방정식의 상수항은 } -12 \text{ 이다.} \quad \dots\dots ①$$

한결이가 푼 이차방정식의 해는 $x=-7$ 또는 $x=3$ 이므로

$$(x+7)(x-3)=0, x^2+4x-21=0$$

$$\text{즉, 이차방정식의 일차항의 계수는 } 4 \text{ 이다.} \quad \dots\dots ②$$

따라서 처음에 주어진 이차방정식은 $x^2+4x-12=0$

$$(x+6)(x-2)=0 \quad \therefore x=-6 \text{ 또는 } x=2 \quad \dots\dots ③$$

| 채점 기준 | 배점 |
|------------------------|------|
| ① 이차방정식의 상수항 구하기 | 40 % |
| ② 이차방정식의 일차항의 계수 구하기 | 40 % |
| ③ 처음에 주어진 이차방정식의 해 구하기 | 20 % |

21 두 근을 α , $\alpha+4$ 라 하면

두 근의 합은 $\alpha + (\alpha+4) = 2\alpha$, $\alpha = \alpha - 2$... ㉠

두 근의 곱은 $\alpha(\alpha+4) = 10\alpha - 4$... ㉡

㉠을 ㉡에 대입하면

$$(\alpha-2)(\alpha-2+4) = 10\alpha-4$$

$$\alpha^2-4 = 10\alpha-4, \alpha^2-10\alpha=0$$

$$\alpha(\alpha-10)=0 \quad \therefore \alpha=10 \quad (\because \alpha>0)$$

22 $4x^2-3x-1=0$ 에서 $\alpha+\beta=-\frac{-3}{4}=\frac{3}{4}$, $\alpha\beta=\frac{-1}{4}=-\frac{1}{4}$

$$\begin{aligned} \therefore \frac{\beta}{\alpha+1} + \frac{\alpha}{\beta+1} &= \frac{\alpha(\alpha+1) + \beta(\beta+1)}{(\alpha+1)(\beta+1)} \\ &= \frac{\alpha^2 + \beta^2 + \alpha + \beta}{\alpha\beta + \alpha + \beta + 1} \\ &= \frac{(\alpha+\beta)^2 - 2\alpha\beta + (\alpha+\beta)}{\alpha\beta + (\alpha+\beta) + 1} \\ &= \frac{\left(\frac{3}{4}\right)^2 - 2 \times \left(-\frac{1}{4}\right) + \frac{3}{4}}{-\frac{1}{4} + \frac{3}{4} + 1} \\ &= \frac{\frac{29}{16}}{\frac{3}{2}} = \frac{29}{16} \times \frac{2}{3} = \frac{29}{24} \end{aligned}$$

23 지름이 \overline{AC} 인 반원의 반지름의 길이를 x cm 라 하면 지름이 \overline{BC}

인 반원의 반지름의 길이는 $(5-x)$ cm 이므로

(색칠한 부분의 넓이) = (지름이 \overline{AB} 인 반원의 넓이)

-(지름이 \overline{AC} 인 반원의 넓이)

-(지름이 \overline{BC} 인 반원의 넓이)

$$6\pi = \frac{1}{2}\pi \times 5^2 - \frac{1}{2}\pi x^2 - \frac{1}{2}\pi(5-x)^2 \quad \dots\dots ①$$

$$x^2-5x+6=0, (x-2)(x-3)=0$$

$$\therefore x=2 \text{ 또는 } x=3 \quad \dots\dots ②$$

$$x>2.5 \text{ 이므로 } x=3$$

$$\therefore \overline{AC}=2x=2 \times 3=6(\text{cm}) \quad \dots\dots ③$$

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------------|------|
| ① 이차방정식 세우기 | 40 % |
| ② 이차방정식의 해 구하기 | 30 % |
| ③ \overline{AC} 의 길이 구하기 | 30 % |

24 x 초 후에 \overline{PB} , \overline{BQ} 의 길이를 구해 보면

$$\overline{PB}=(12-2x) \text{ cm}, \overline{BQ}=3x \text{ cm 이므로}$$

$$\frac{1}{2} \times (12-2x) \times 3x = 27, x^2-6x+9=0$$

$$(x-3)^2=0 \quad \therefore x=3$$

따라서 출발한 지 3초 후에 삼각형 PBQ의 넓이가 27 cm^2 가 된다.

11. 이차함수의 뜻과

이차함수 $y=ax^2$ 의 그래프

118~119쪽

| | | | |
|------|-------|-------------------|------|
| 01 ④ | 02 ② | 03 ① | 04 ⑤ |
| 05 ② | 06 ④ | 07 ⑤ | 08 ④ |
| 09 ④ | 10 ① | 11 ③ | 12 ③ |
| 13 ④ | 14 -2 | 15 $\frac{1}{12}$ | |

01 ① $y=2x$ (일차함수)

② $y=x-1$ (일차함수)

③ $y=x^2+2x+1-x^2=2x+1$ (일차함수)

④ $y=1-x^2=-x^2+1$ (이차함수)

⑤ $y=x^2(x-1)=x^3-x^2$ (이차함수가 아니다.)

02 ① $y=\frac{1}{2} \times 4 \times x \quad \therefore y=2x$ (일차함수)

② $y=\pi x^2$ (이차함수)

③ $y=4x$ (일차함수)

④ $y=2(x+1)+2x \quad \therefore y=4x+2$ (일차함수)

⑤ $y=\frac{1}{2} \times (x+2x) \times 6 \quad \therefore y=9x$ (일차함수)

03 $f(x)=x^2+2x-3$ 에서

$$f(-1)=(-1)^2+2 \times (-1)-3$$

$$=-4$$

04 $f(x)=2x^2-5x-3$ 에서

$$f(a)=2a^2-5a-3=-5, 2a^2-5a+2=0$$

$$(2a-1)(a-2)=0 \quad \therefore a=\frac{1}{2} \text{ 또는 } a=2$$

그런데 a 는 정수이므로 $a=2$

05 $f(-1)=1-a+b=4, -a+b=3 \quad \dots\dots ㉠$

$$f(2)=4+2a+b=1, 2a+b=-3 \quad \dots\dots ㉡$$

㉠, ㉡을 연립하여 풀면 $a=-2, b=1$

$$\therefore a+b=-2+1=-1$$

06 ① $x=-4$ 를 대입하면 $y=-\frac{3}{2} \times (-4)^2=-24$

따라서 점 $(-4, -24)$ 는 그래프 위의 점이다.

② $x=-2$ 를 대입하면 $y=-\frac{3}{2} \times (-2)^2=-6$

따라서 점 $(-2, -6)$ 은 그래프 위의 점이다.

③ $x=0$ 을 대입하면 $y=-\frac{3}{2} \times 0^2=0$

따라서 점 $(0, 0)$ 은 그래프 위의 점이다.



$$\textcircled{4} x = -1 \text{을 대입하면 } y = -\frac{3}{2} \times (-1)^2 = -\frac{3}{2}$$

따라서 점 $(-1, \frac{3}{2})$ 은 그래프 위의 점이 아니다.

$$\textcircled{5} x = 2 \text{를 대입하면 } y = -\frac{3}{2} \times 2^2 = -6$$

따라서 점 $(2, -6)$ 은 그래프 위의 점이다.

07 이차함수의 식을 $y = ax^2$ 으로 놓으면 점 $(-2, 3)$ 을 지나므로

$$3 = a \times (-2)^2, a = \frac{3}{4} \quad \therefore y = \frac{3}{4}x^2$$

08 ① 위로 볼록한 포물선이다.

② 점 $(-2, -2)$ 를 지난다.

③ $y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭이다.

⑤ $x < 0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

09 ④ a 의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁다.

10 이차함수의 식을 $y = ax^2$ 으로 놓으면 점 $(2, -4)$ 를 지나므로

$$-4 = a \times 2^2 \quad \therefore a = -1$$

따라서 $y = -x^2$ 이므로 x 축에 대칭인 이차함수의 식은 $y = x^2$ 이다.

11 $y = ax^2$ 의 그래프에서 아래로 볼록하므로 $a > 0$

폭이 가장 넓은 것은 a 의 절댓값이 가장 작은 것이므로

③ $y = \frac{1}{2}x^2$ 이다.

12 이차함수의 그래프가 원점을 꼭짓점으로 하고, 위로 볼록하므로 $y = ax^2$ 에서 $a < 0$ 이다.

또, $y = -x^2$ 보다 그래프의 폭이 넓으므로 a 의 절댓값이 1보다 작다.

따라서 a 의 값이 될 수 있는 것은 ③ $-\frac{1}{2}$ 이다.

13 포물선이 아래로 볼록하므로 $a > 0$ 이고, $y = 2x^2$ 의 그래프보다 폭이 넓으므로 a 의 절댓값이 2보다 작다.

$$\therefore 0 < a < 2$$

14 [단계 ①] 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프가 점 $(-3, 6)$ 을 지나므로

$$6 = a \times (-3)^2, a = \frac{2}{3}$$

$$\therefore y = \frac{2}{3}x^2$$

[단계 ②] $y = \frac{2}{3}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭인 이차함수의 식은

$$y = -\frac{2}{3}x^2$$

[단계 ③] 이차함수 $y = -\frac{2}{3}x^2$ 의 그래프가 점 $(2, k)$ 를 지나

므로

$$k = -\frac{2}{3} \times 2^2 = -\frac{8}{3}$$

$$\therefore a + k = \frac{2}{3} + \left(-\frac{8}{3}\right) = -2$$

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------------|------|
| ① 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프의 식 구하기 | 40 % |
| ② x 축에 대칭인 이차함수의 식 구하기 | 40 % |
| ③ $a + k$ 의 값 구하기 | 20 % |

15 이차함수의 식을 $y = ax^2$ 로 놓으면 점 $(3, 3)$ 을 지나므로

$$3 = a \times 3^2 \quad \therefore a = \frac{1}{3}$$

$$\therefore y = f(x) = \frac{1}{3}x^2 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$$\therefore f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{3} \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{12} \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

| 채점 기준 | 배점 |
|--|------|
| ① 이차함수의 식 구하기 | 50 % |
| ② $f\left(-\frac{1}{2}\right)$ 의 값 구하기 | 50 % |

12. 이차함수의 그래프

120~121쪽

| | | | |
|-------|------|------|--------------|
| 01 ④ | 02 ③ | 03 ② | 04 ① |
| 05 ⑤ | 06 ① | 07 ⑤ | 08 ② |
| 09 ⑤ | 10 ③ | 11 ② | 12 $(-1, 2)$ |
| 13 27 | | | |

01 $y = -\frac{5}{2}x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동하면

$$y = -\frac{5}{2}x^2 + q$$

이 그래프가 점 $(-2, -8)$ 을 지나므로

$$-8 = -\frac{5}{2} \times (-2)^2 + q \quad \therefore q = 2$$

02 $y = \frac{1}{3}(x-1)^2$ 의 그래프는 아래로 볼록하고, 축의 방정식이 $x=1$ 이다.

따라서 $x > 1$ 에서 x 의 값이 증가할 때, y 의 값도 증가한다.



03 $y = -2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 3만큼 평행이동하면
 $y = -2(x-3)^2$
 이 그래프가 점 $(2, k)$ 를 지나므로
 $k = -2 \times (2-3)^2 = -2$

04 축의 방정식이 $x = -2$ 이므로
 $y = a(x+2)^2 - 1 \quad \therefore p = -2$
 $y = a(x+2)^2 - 1$ 의 그래프가 점 $(-1, -4)$ 를 지나므로
 $-4 = a(-1+2)^2 - 1 \quad \therefore a = -3$
 $\therefore a + p = -3 + (-2) = -5$

05 꼭짓점의 좌표가 $(2, -1)$ 이므로 이차함수의 식을
 $y = a(x-2)^2 - 1$ 로 놓을 수 있다.
 $\therefore p = 2, q = -1$
 $y = a(x-2)^2 - 1$ 의 그래프가 점 $(0, 2)$ 를 지나므로
 $2 = a(0-2)^2 - 1 \quad \therefore a = \frac{3}{4}$
 $\therefore a + p + q = \frac{3}{4} + 2 + (-1) = \frac{7}{4}$

06 $y = -\frac{2}{3}(x+1)^2 + 4$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 m 만큼,
 y 축의 방향으로 n 만큼 평행이동한 이차함수의 식은
 $y = -\frac{2}{3}(x+1-m)^2 + 4+n$
 $1-m=0, 4+n=0$ 에서 $m=1, n=-4$
 $\therefore m+n=-3$

07 평행이동한 그래프의 식은
 $y = 3(x-1+2)^2 + 2 - 4 = 3(x+1)^2 - 2$
 이 그래프가 점 $(1, a)$ 를 지나므로
 $a = 3 \times (1+1)^2 - 2 = 10$

08 $y = -2(x+1)^2 + 3$ 의 그래프를 x 축에 대하여 대칭이동한 그래프의 식은
 $y = 2(x+1)^2 - 3$

09 ① $y = 3x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -1 만큼, y 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동한 그래프이다.
 ② $y = 3x^2$ 의 그래프와 포물선의 폭이 같다.
 ③ 꼭짓점의 좌표는 $(-1, -2)$ 이다.
 ④ 축의 방정식은 $x = -1$ 이다.

10 그래프가 위로 볼록하므로 $a < 0$ 이고, 꼭짓점이 제2사분면에 있

으므로 $p < 0, q > 0$ 이다.

11 $y = x^2 + 2x + 2 = (x+1)^2 + 1$ 이므로 아래로 볼록한 포물선이
 고, 꼭짓점의 좌표가 $(-1, 1)$, y 절편이 2인 그래프는 ②이다.

12 [단계 ①] $y = -2x^2 + 8x - 3$

$$\therefore y = -2(x-2)^2 + 5$$

[단계 ②] x 축의 방향으로 -3 만큼, y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동하면

$$y = -2(x-2+3)^2 + 5 - 3$$

$$\therefore y = -2(x+1)^2 + 2$$

[단계 ③] 따라서 꼭짓점의 좌표는 $(-1, 2)$ 이다.

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------------|------|
| ① $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼴로 나타내기 | 40 % |
| ② 평행이동한 이차함수의 식 구하기 | 40 % |
| ③ 꼭짓점의 좌표 구하기 | 20 % |

13 $y = x^2 - 4x - 5$ 에서 $y = (x-2)^2 - 9$ 이므로 꼭짓점의 좌표는
 $A(2, -9)$ 이다. ①

$y = x^2 - 4x - 5$ 에 $y = 0$ 을 대입하면

$$x^2 - 4x - 5 = 0, (x+1)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 5$$

따라서 두 점 B, C의 좌표는 $B(-1, 0), C(5, 0)$ 이다. ②

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27 \quad \dots\dots ③$$

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------------|------|
| ① 점 A의 좌표 구하기 | 40 % |
| ② 두 점 B, C의 좌표 구하기 | 40 % |
| ③ $\triangle ABC$ 의 넓이 구하기 | 20 % |

13. 이차함수의 활용

122~123쪽

| | | | |
|------|-----------------------|---------|------|
| 01 ⑤ | 02 ② | 03 ③ | 04 ③ |
| 05 ⑤ | 06 ③ | 07 ③ | 08 ④ |
| 09 ④ | 10 ② | 11 ① | 12 ③ |
| 13 ④ | 14 36 cm ² | 15 3 cm | |



01 꼭짓점의 좌표가 $(-1, -3)$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+1)^2-3 \text{로 놓으면}$$

점 $(1, -11)$ 을 지나므로

$$-11=a \times (1+1)^2-3 \quad \therefore a=-2$$

$$y=-2(x+1)^2-3=-2x^2-4x-5$$

$$\therefore a=-2, b=-4, c=-5$$

$$\therefore a+b+c=-2+(-4)-(-5)=-1$$

02 꼭짓점의 좌표가 $(2, -1)$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x-2)^2-1 \text{로 놓으면}$$

$y=x^2-x+3$ 의 그래프와 y 축에서 만나므로 점 $(0, 3)$ 을 지난다.

$y=a(x-2)^2-1$ 의 그래프가 점 $(0, 3)$ 을 지나므로

$$3=a(0-2)^2-1 \quad \therefore a=1$$

$$\therefore y=(x-2)^2-1=x^2-4x+3$$

03 축의 방정식이 $x=-1$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+1)^2+q \text{로 놓으면}$$

점 $(-2, -1)$ 을 지나므로

$$-1=a(-2+1)^2+q, a+q=-1$$

점 $(1, 5)$ 를 지나므로

$$5=a(1+1)^2+q, 4a+q=5$$

연립하여 풀면 $a=2, q=-3$

$$\therefore y=2(x+1)^2-3=2x^2+4x-1$$

04 이차함수의 식을 $y=ax^2+bx+c$ 로 놓으면

점 $(0, 1)$ 을 지나므로 $c=1$

점 $(-1, 6)$ 을 지나므로 $5=a-b$

점 $(1, 2)$ 를 지나므로 $1=a+b$

연립하여 풀면 $a=3, b=-2$

$$\therefore y=3x^2-2x+1$$

05 x 축과의 두 교점이 $(-2, 0), (1, 0)$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+2)(x-1) \text{로 놓으면}$$

점 $(2, -12)$ 를 지나므로

$$-12=a(2+2)(2-1) \quad \therefore a=-3$$

$$\therefore y=-3(x+2)(x-1)=-3x^2-3x+6$$

06 x 축과의 교점이 $(-1, 0), (5, 0)$ 이므로 이차함수의 식을

$$y=a(x+1)(x-5) \text{로 놓으면}$$

점 $(0, 5)$ 를 지나므로

$$5=a(0+1)(0-5) \quad \therefore a=-1$$

$$\therefore y=-(x+1)(x-5)=-x^2+4x+5$$

$$=-(x^2-4x+4-4)+5=-(x-2)^2+9$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 $(2, 9)$ 이다.

$$07 y=\frac{1}{2}x^2+x-3=\frac{1}{2}(x^2+2x+1-1)-3$$

$$=\frac{1}{2}(x+1)^2-\frac{7}{2}$$

따라서 $x=-1$ 일 때, 최솟값 $-\frac{7}{2}$ 을 갖는다.

08 $x=3$ 일 때, 최댓값이 10인 이차함수의 식은

$$y=-(x-3)^2+10=-(x^2-6x+9)+10$$

$$=-x^2+6x+1$$

$$\therefore a=6$$

09 $y=2x^2+bx+c$ 의 그래프가 두 점 $(-1, 9), (2, 3)$ 을 지나므로

$$9=2-b+c, 3=8+2b+c$$

$$\therefore b=-4, c=3$$

$$\therefore y=2x^2-4x+3=2(x-1)^2+1$$

따라서 $x=1$ 일 때, 최솟값 1을 갖는다.

10 $y=-x^2+4mx+8m$

$$=-(x^2-4mx+4m^2-4m^2)+8m$$

$$=-(x-2m)^2+4m^2+8m$$

$$k=4m^2+8m=4(m^2+2m+1-1)$$

$$=4(m+1)^2-4$$

따라서 k 의 최솟값은 -4 이다.

11 두 점 $(-4, 0), (2, 0)$ 을 지나므로 이차함수의 식은

$$y=a(x+4)(x-2)=a(x^2+2x-8)$$

$$=a(x+1)^2-9a$$

이 함수의 최댓값이 18이므로 $-9a=18$

$$\therefore a=-2$$

$$\therefore y=-2(x^2+2x-8)=-2x^2-4x+16$$

① $x=-3$ 을 대입하면

$$y=-2 \times (-3)^2-4 \times (-3)+16=10$$

따라서 점 $(-3, 10)$ 은 그래프 위의 점이다.

② $x=-2$ 를 대입하면

$$y=-2 \times (-2)^2-4 \times (-2)+16=16$$

따라서 점 $(-2, 14)$ 는 그래프 위의 점이 아니다.

③ $x=0$ 을 대입하면 $y=-2 \times 0^2-4 \times 0+16=16$

따라서 점 $(0, 14)$ 는 그래프 위의 점이 아니다.

⑤ $x=1$ 을 대입하면 $y=-2 \times 1^2-4 \times 1+16=10$

따라서 점 $(1, -10)$ 은 그래프 위의 점이 아니다.

④ $x=3$ 을 대입하면 $y=-2 \times 3^2-4 \times 3+16=-14$

따라서 점 $(3, 14)$ 는 그래프 위의 점이 아니다.



12 두 수를 x , $x+14$, 두 수의 제곱의 합을 y 라 하면
 $y = x^2 + (x+14)^2 = 2x^2 + 28x + 196$
 $= 2(x^2 + 14x + 49 - 49) + 196$
 $= 2(x+7)^2 + 98$
 따라서 $x = -7$ 일 때, 두 수의 제곱의 합의 최솟값은 98이다.

13 $y = -5x^2 + 40x + 30 = -5(x^2 - 8x) + 30$
 $= -5(x-4)^2 + 110$
 따라서 4초 후에 최고 높이 110 m에 도달한다.

14 [단계 ①] 가로 길이 x cm, 세로 길이 $(12-x)$ cm라 하고 직사각형의 넓이를 y cm²라 하면
 $y = x(12-x)$
 [단계 ②] $y = x(12-x) = -x^2 + 12x = -(x-6)^2 + 36$
 [단계 ③] 따라서 가로 길이가 6 cm일 때, 직사각형의 넓이의 최댓값은 36 cm²이다.

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------------|------|
| ① x, y 의 관계식 세우기 | 40 % |
| ② $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼴로 나타내기 | 40 % |
| ③ 최댓값 구하기 | 20 % |

15 $\overline{AP} = x$ cm라 하고 두 도형의 넓이의 합을 y cm²라 하면
 $y = x^2 + \frac{1}{2}(9-x)^2$ ①
 $= \frac{3}{2}x^2 - 9x + \frac{81}{2}$
 $= \frac{3}{2}(x-3)^2 + 27$ ②
 따라서 $\overline{AP} = 3$ cm일 때, 두 도형의 넓이의 합이 최소이다.
 ③

| 채점 기준 | 배점 |
|---|------|
| ① x, y 의 관계식 세우기 | 40 % |
| ② $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼴로 나타내기 | 40 % |
| ③ 넓이의 합이 최소일 때 \overline{AP} 의 길이 구하기 | 20 % |

| IV. 이차함수 내 · 신 · 만 · 점 · 도 · 전 · 하 · 기 | | | | 124~127쪽 |
|--|------|----------------------------|---------|----------|
| 01 ② | 02 ④ | 03 ① | 04 ② | |
| 05 ② | 06 ② | 07 ④ | 08 ② | |
| 09 ④ | 10 ② | 11 ③ | 12 ⑤ | |
| 13 ④ | 14 ④ | 15 ③ | 16 ② | |
| 17 12 m | 18 5 | 19 8 | 20 1초 후 | |
| 21 $a \geq 2$ | 22 8 | 23 18π cm ² | 24 50 | |

01 $\neg. y = x^2$ (이차함수)
 ㄴ. $y = \frac{1}{x}$ (이차함수가 아니다.)
 ㄷ. $y = x^2 + 5x$ (이차함수)
 ㄹ. $y = -x^2 + x^2 - x = -x$ (일차함수)
 ㅁ. $y = x^2 + 6x + 9 - (x^2 - 6x + 9) = 12x$ (일차함수)

02 ④ $y = \frac{4}{3}x^2$ 의 그래프와 x 축에 대칭이다.

03 점 $(-2, -5)$ 를 지나므로 $-5 = 4a + q$
 점 $(1, 1)$ 을 지나므로 $1 = a + q$
 연립하여 풀면 $a = -2, q = 3$
 $\therefore a - q = -2 - 3 = -5$

04 꼭짓점의 좌표가 $(2, 0)$ 이므로 $y = a(x-2)^2$ 으로 놓으면
 점 $(3, 1)$ 을 지나므로 $1 = a(3-2)^2$
 $\therefore a = 1$
 $\therefore y = (x-2)^2$

05 ㄴ. 꼭짓점의 좌표는 $(p, 0)$ 이다.
 ㄷ. $y = ax^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 p 만큼 평행이동한 것이다.
 따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄷ, ㄹ이다.

06 포물선이 아래로 볼록하므로 $a > 0$
 꼭짓점이 제4사분면에 있으므로 $p > 0, q < 0$

07 ① $y = \frac{1}{2}x^2$ 에서 꼭짓점의 좌표는 $(0, 0)$
 ② $y = (x+1)^2$ 에서 꼭짓점의 좌표는 $(-1, 0)$
 ③ $y = -3(x-1)^2$ 에서 꼭짓점의 좌표는 $(1, 0)$
 ④ $y = 2x^2 - 4x + 4 = 2(x-1)^2 + 2$ 에서 꼭짓점의 좌표는 $(1, 2)$
 ⑤ $y = \frac{1}{3}x^2 - \frac{4}{3}x + \frac{4}{3} = \frac{1}{3}(x-2)^2$ 에서 꼭짓점의 좌표는 $(2, 0)$

08 평행이동한 그래프의 식은 $y = -2(x+3)^2 + 1$
 이 그래프가 점 $(-2, k)$ 를 지나므로
 $k = -2(-2+3)^2 + 1 = -1$

09 $y = -\frac{1}{2}x^2 - 2x + 2 = -\frac{1}{2}(x^2 + 4x + 4 - 4) + 2$
 $= -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 4$
 이므로 위로 볼록하고, 꼭짓점의 좌표는 $(-2, 4)$, y 축과의 교점은 $(0, 2)$ 이다.



10 $y = -3x^2 - 6x + 1 = -3(x^2 + 2x + 1 - 1) + 1$
 $= -3(x+1)^2 + 4$
 이므로 x 의 값이 증가할 때, y 의 값도 증가하는 x 의 값의 범위는 $x < -1$ 이다.

11 $y = \frac{3}{2}x^2 - 3x + \frac{7}{2}$
 $= \frac{3}{2}(x^2 - 2x + 1 - 1) + \frac{7}{2}$
 $= \frac{3}{2}(x-1)^2 + 2$
 ③ 꼭짓점의 좌표는 (1, 2)이다.

12 꼭짓점의 좌표가 (1, 2)인 이차함수의 식을 $y = a(x-1)^2 + 2$ 로 놓으면
 점 (0, -1)을 지나므로 $-1 = a(0-1)^2 + 2$
 $\therefore a = -3$
 $\therefore y = -3(x-1)^2 + 2$

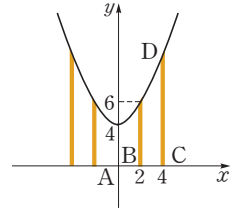
13 x 축과의 교점이 (-3, 0), (1, 0)이므로 이차함수의 식을 $y = a(x+3)(x-1)$ 로 놓으면
 점 (0, -6)을 지나므로 $-6 = a(0+3)(0-1)$
 $\therefore a = 2$
 $\therefore y = 2(x+3)(x-1) = 2(x^2 + 2x - 3)$
 $= 2(x^2 + 2x + 1 - 1) - 6$
 $= 2(x+1)^2 - 8$
 따라서 꼭짓점의 좌표는 (-1, -8)이다.

14 $y = \frac{1}{2}x^2 - 4x + m = \frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16 - 16) + m$
 $= \frac{1}{2}(x-4)^2 + m - 8$
 이므로 $m - 8 = -4 \quad \therefore m = 4$

15 $y = -x^2 + 2ax + 4a + 3$
 $= -(x^2 - 2ax + a^2 - a^2) + 4a + 3$
 $= -(x-a)^2 + a^2 + 4a + 3$
 $M = a^2 + 4a + 3 = (a^2 + 4a + 4 - 4) + 3$
 $= (a+2)^2 - 1$
 따라서 M 의 최솟값은 -1이다.

16 삼각형의 밑변의 길이를 x cm, 높이를 y cm²라 하면
 $y = \frac{1}{2}x(40-x) = \frac{1}{2}(-x^2 + 40x)$
 $= -\frac{1}{2}(x^2 - 40x + 400 - 400)$
 $= -\frac{1}{2}(x-20)^2 + 200$
 따라서 삼각형의 넓이의 최댓값은 200 cm²이다.

17 다음 그림과 같이 점 A를 원점으로 하는 좌표평면을 이용한다.



이 그래프는 아래로 볼록하고 점 (0, 4)를 지나므로 $y = ax^2 + 4$ 로 놓으면 점 (2, 6)을 지나므로
 $6 = 4a + 4 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$
 $\therefore y = \frac{1}{2}x^2 + 4$
 따라서 점 D의 좌표는 (4, 12)이므로 C지점에서의 기둥의 높이는 12 m이다.

18 $y = -x^2 - 4x + k = -(x^2 + 4x + 4 - 4) + k$
 $= -(x+2)^2 + k + 4$
 축의 방정식이 $x = -2$ 이고, x 축과의 교점 사이의 거리가 6이므로 x 축과의 교점의 좌표는 (-5, 0), (1, 0)이다.
 $y = -x^2 - 4x + k$ 의 그래프가 점 (1, 0)을 지나므로
 $0 = -1^2 - 4 \times 1 + k$
 $\therefore k = 5$

19 축의 방정식이 $x = 2$ 이므로 점 B의 좌표는 B(4, 0)이다. ①
 이 그래프가 x 축 위의 점 (0, 0)과 (4, 0)을 각각 지나므로
 $y = x(x-4) = x^2 - 4x$
 $= x^2 - 4x + 4 - 4$
 $= (x-2)^2 - 4$
 $\therefore A(2, -4)$ ②
 $\therefore \triangle OAB = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$ ③

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------------|------|
| ① 점 B의 좌표 구하기 | 20 % |
| ② 점 A의 좌표 구하기 | 40 % |
| ③ $\triangle OAB$ 의 넓이 구하기 | 40 % |

20 x 초 후에 삼각형의 밑변의 길이는 $(12-2x)$ cm, 높이는 $(8+2x)$ cm이므로 넓이를 y cm²라 하면
 $y = \frac{1}{2}(12-2x)(8+2x)$
 $= -2x^2 + 4x + 48 = -2(x-1)^2 + 50$
 따라서 삼각형의 넓이가 최대가 되는 것은 1초 후이다.



- 21 $x=1$ 일 때 최솟값이 -2 이므로
 $y=a(x-1)^2-2=ax^2-2ax+a-2$
 이 그래프가 최솟값을 가지므로 $a>0$ ㉠
 제3사분면을 지나지 않으므로 $a-2\geq 0$ $\therefore a\geq 2$ ㉡
 ㉠, ㉡에서 $a\geq 2$

- 22 점 P의 x 좌표를 a 라 하면 $P(a, -2a+8)$ 이므로
 $\overline{OR}=a, \overline{OQ}=-2a+8$ ❶
 $\therefore \square ORPQ=a(-2a+8)=-2a^2+8a$
 $=-2(a-2)^2+8$ ❷
 따라서 $\square ORPQ$ 의 넓이의 최댓값은 8이다. ❸

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------------|------|
| ❶ 사각형의 가로와 세로의 길이 구하기 | 40 % |
| ❷ $y=a(x-p)^2+q$ 의 꼴로 나타내기 | 40 % |
| ❸ 사각형의 넓이의 최댓값 구하기 | 20 % |

- 23 두 원의 반지름의 길이의 합은 6 cm이므로 한 원의 반지름의 길이를 x cm라 하면 다른 원의 반지름의 길이는 $(6-x)$ cm이다.
 두 원의 넓이의 합을 y cm²라 하면
 $y=\pi x^2+\pi(6-x)^2=2\pi x^2-12\pi x+36\pi$
 $=2\pi(x-3)^2+18\pi$
 따라서 두 원의 넓이의 합의 최솟값은 18π cm²이다.

- 24 (직선 주로의 길이)+(곡선 주로의 길이)=200
 $2x+a\pi=200, a\pi=200-2x$
 $\therefore a=\frac{200-2x}{\pi}=-\frac{2}{\pi}(x-100)$
 직사각형의 넓이를 y m²라 하면
 $y=ax=-\frac{2}{\pi}(x-100)\times x=-\frac{2}{\pi}(x^2-100x)$
 $=-\frac{2}{\pi}(x-50)^2+\frac{5000}{\pi}$
 따라서 직사각형의 넓이는 $x=50$ 일 때 최대이다.

중간·기말고사 대비 문제 정답 및 풀이

제1회 중·간·고·사·대·비·문·제

01~02쪽

| | | | |
|---------|------|-------------------|-------|
| 01 ⑤ | 02 ② | 03 ④ | 04 ④ |
| 05 ⑤ | 06 ④ | 07 ① | 08 ④ |
| 09 ③ | 10 ① | 11 ② | 12 ② |
| 13 ②, ③ | 14 ③ | 15 ③ | 16 ⑤ |
| 17 6 | 18 2 | 19 $18-4\sqrt{5}$ | 20 20 |

01 ① $\sqrt{49}=7$ 의 음의 제곱근은 $-\sqrt{7}$ 이다.

② $(-5)^2=25$ 의 제곱근은 ± 5 이다.

③ $\sqrt{0.4}=\sqrt{\frac{4}{9}}=\frac{2}{3}$

④ 순환하는 무한소수는 유리수이다.

02 $\sqrt{108x}=\sqrt{2^2 \times 3^3 \times x}$ 이므로 가장 작은 자연수 x 의 값은 3이다.

03 점 P에 대응하는 수는 $1-\sqrt{2}$, 점 Q에 대응하는 수는 $1+\sqrt{2}$ 이므로 $a=1-\sqrt{2}$, $b=1+\sqrt{2}$
 $\therefore b-a=(1+\sqrt{2})-(1-\sqrt{2})=2\sqrt{2}$

04 $5=(\sqrt{2})^2+(\sqrt{3})^2=a^2+b^2$ 이므로 $\sqrt{5}=\sqrt{a^2+b^2}$

$$\begin{aligned} 05 \quad & \sqrt{2}\left(\frac{2}{\sqrt{6}}-\frac{10}{\sqrt{12}}\right)+\sqrt{3}\left(\frac{6}{\sqrt{18}}-3\right) \\ &= \frac{2}{\sqrt{3}}-\frac{10}{\sqrt{6}}+\frac{6}{\sqrt{6}}-3\sqrt{3} \\ &= \frac{2\sqrt{3}}{3}-3\sqrt{3}-\frac{4}{\sqrt{6}} \\ &= -\frac{7\sqrt{3}}{3}-\frac{4\sqrt{6}}{6}=-\frac{7\sqrt{3}}{3}-\frac{2\sqrt{6}}{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 06 \quad & \frac{2+\sqrt{2}}{2-\sqrt{2}}=\frac{(2+\sqrt{2})^2}{(2-\sqrt{2})(2+\sqrt{2})} \\ &= \frac{6+4\sqrt{2}}{2}=3+2\sqrt{2} \end{aligned}$$

따라서 $a=3$, $b=2$ 이므로 $a-b=3-2=1$

07 ① $(3\sqrt{2}-1)-(2\sqrt{3}-1)=3\sqrt{2}-2\sqrt{3}=\sqrt{18}-\sqrt{12}>0$
 $\therefore 3\sqrt{2}-1>2\sqrt{3}-1$

② $3-\sqrt{2}-\sqrt{2}=3-2\sqrt{2}=\sqrt{9}-\sqrt{8}>0 \quad \therefore 3-\sqrt{2}>\sqrt{2}$

③ $\sqrt{5}+\sqrt{3}-2\sqrt{3}=\sqrt{5}-\sqrt{3}>0$
 $\therefore \sqrt{5}+\sqrt{3}>2\sqrt{3}$

④ $12-(\sqrt{5}+10)=2-\sqrt{5}=\sqrt{4}-\sqrt{5}<0$
 $\therefore 12<\sqrt{5}+10$

⑤ $-\sqrt{3}-(\sqrt{3}-3)=-2\sqrt{3}+3=-\sqrt{12}+\sqrt{9}<0$

08 $1.772=1.772 \times 10^2=\sqrt{3.14} \times 10^2=\sqrt{3.14 \times 10^4}$
 $\therefore a=3.14 \times 10^4=31400$

09 ① $a^2-b^2=(a+b)(a-b)$
 ② $x(y-1)-y+1=(x-1)(y-1)$
 ④ $x^2-y^2-2x+2y=(x-y)(x+y-2)$
 ⑤ $x^2-5x+4=(x-1)(x-4)$

10 $2<x<5$ 이므로 $x-2>0$, $x-5<0$
 $\therefore \sqrt{x^2-4x+4}+\sqrt{x^2-10x+25}=\sqrt{(x-2)^2}+\sqrt{(x-5)^2}$
 $=x-2-(x-5)=3$

11 $x^2-4x+3=(x-1)(x-3)$
 $2x^2-3x-9=(x-3)(2x+3)$
 따라서 두 다항식의 공통인수는 $x-3$ 이다.

12 영채는 $(x-1)(2x-1)=2x^2-3x+1$ 에서 상수항을 잘못 보았으므로 처음 이차식의 x 의 계수는 -3 이다.
 준수는 $(2x-5)(x+4)=2x^2+3x-20$ 에서 x 의 계수를 잘못 보았으므로 처음 이차식의 상수항은 -20 이다.
 따라서 처음 이차식은 $2x^2-3x-20$ 이고 이 식을 인수분해하면 $(x-4)(2x+5)$ 이다.

13 $a^2x-a^2-x+1=a^2(x-1)-(x-1)=(x-1)(a^2-1)$
 $=(a-1)(a+1)(x-1)$
 따라서 인수가 될 수 있는 것은 ②, ③이다.

14 $x-4y=X$ 로 치환하면
 $(x-4y-2)(x-4y)-24$
 $=X(X-2)-24=X^2-2X-24=(X+4)(X-6)$
 $=(x-4y+4)(x-4y-6)$

15 $85^2-65^2=(85+65)(85-65)=150 \times 20$
 따라서 가장 알맞은 인수분해 공식은 ③이다.

16 $x^2-2xy+y^2=(x-y)^2=[2-\sqrt{3}-(2+\sqrt{3})]^2$
 $=(-2\sqrt{3})^2=12$

17 (사다리꼴의 넓이) $=\frac{1}{2} \times \{(\sqrt{6}-\sqrt{2})+(\sqrt{2}+\sqrt{3})\} \times 2\sqrt{3}$
 $=\frac{1}{2} \times (\sqrt{3}+\sqrt{6}) \times 2\sqrt{3}$
 $=\sqrt{3}(\sqrt{3}+\sqrt{6})=3+3\sqrt{2}$
 따라서 $a=3$, $b=3$ 이므로 $a+b=3+3=6$



18 $A = -2xy + 10y + (x^2 - 2x - 15)$
 $= -2y(x-5) + (x+3)(x-5)$
 $= (x-5)(x-2y+3)$
 $\therefore \frac{A}{x-5} = \frac{(x-5)(x-2y+3)}{x-5} = x-2y+3$
 따라서 $a=1, b=-2, c=3$ 이므로
 $a+b+c=1+(-2)+3=2$

19 $2 < \sqrt{5} < 3$ 에서 $1 < \sqrt{5}-1 < 2$ 이므로
 $\sqrt{5}-1$ 의 정수 부분은 1, 소수 부분은 $\sqrt{5}-1-1=\sqrt{5}-2$
 $\therefore a=\sqrt{5}-2$ ①
 $3 < \sqrt{15} < 4$ 이므로 $b=3$ ②
 $\therefore a^2+b^2=(\sqrt{5}-2)^2+3^2=18-4\sqrt{5}$ ③

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------------|------|
| ① a 의 값 구하기 | 40 % |
| ② b 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ a^2+b^2 의 값 구하기 | 20 % |

20 $25x^2+20x+a=(5x)^2+2 \times 5x \times 2+4=(5x+2)^2$ 이므로
 $a=4$ ①
 $x^2-bx+64=(x-8)^2$ 이므로 $b=16$ ($\because b>0$) ②
 $\therefore a+b=4+16=20$ ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-----------------|------|
| ① a 의 값 구하기 | 40 % |
| ② b 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ $a+b$ 의 값 구하기 | 20 % |

제2회 중·간·고·사·대·비·문·제

03~04쪽

| | | | |
|------|-----------|------|---------|
| 01 ③ | 02 ① | 03 ③ | 04 ⑤ |
| 05 ⑤ | 06 ③ | 07 ② | 08 ③ |
| 09 ④ | 10 ⑤ | 11 ③ | 12 ①, ③ |
| 13 ④ | 14 ① | 15 ① | 16 ② |
| 17 4 | 18 $5x+1$ | 19 1 | 20 -128 |

01 사각형 A의 넓이가 1 cm^2 이므로 사각형 B의 넓이는 $\frac{1}{2} \text{ cm}^2$,
 사각형 C의 넓이는 $\frac{1}{4} \text{ cm}^2$, 사각형 D의 넓이는 $\frac{1}{8} \text{ cm}^2$ 이므로
 사각형 D의 한 변의 길이는 $\frac{1}{8}$ 의 양의 제곱근인
 $\frac{1}{\sqrt{8}} = \frac{1}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{4} (\text{cm})$

02 $\sqrt{(-3)^2} + (-\sqrt{7})^2 + \sqrt{8^2} + \sqrt{49} = 3+7+8+7$
 $= 25$

03 $\frac{\sqrt{4}}{9} = \frac{2}{9}, \sqrt{1.96} = 1.4$ 이므로 유리수이다.
 따라서 무리수는 $\sqrt{5}, -\frac{\pi}{2}, \sqrt{8}$ 의 3개이다.

04 $35-a$ 가 35보다 작은 제곱수 또는 0이어야 하므로
 $35-a=0$ 일 때 $a=35$, $35-a=1$ 일 때 $a=34$
 $35-a=4$ 일 때 $a=31$, $35-a=9$ 일 때 $a=26$
 $35-a=16$ 일 때 $a=19$, $35-a=25$ 일 때 $a=10$
 따라서 a 의 값은 10, 19, 26, 31, 34, 35이므로 그 합은
 $10+19+26+31+34+35=155$

05 $a\sqrt{\frac{8b}{a}} + 2b\sqrt{\frac{a}{2b}} = \sqrt{a^2 \times \frac{8b}{a}} + 2\sqrt{b^2 \times \frac{a}{2b}}$
 $= \sqrt{8ab} + 2\sqrt{\frac{ab}{2}}$
 $= \sqrt{400} + 2\sqrt{25}$
 $= 20+10=30$

06 $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6}-\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6}+\sqrt{2}}$
 $= \frac{\sqrt{3}(\sqrt{6}+\sqrt{2})}{(\sqrt{6}-\sqrt{2})(\sqrt{6}+\sqrt{2})} - \frac{\sqrt{3}(\sqrt{6}-\sqrt{2})}{(\sqrt{6}+\sqrt{2})(\sqrt{6}-\sqrt{2})}$
 $= \frac{\sqrt{18}+\sqrt{6}}{4} - \frac{\sqrt{18}-\sqrt{6}}{4}$
 $= \frac{2\sqrt{6}}{4} = \frac{\sqrt{6}}{2}$

07 $\sqrt{3}(4\sqrt{3}-1) - \sqrt{27}(a+\sqrt{3}) = 12 - \sqrt{3} - 3a\sqrt{3} - 9$
 $= 3 - (1+3a)\sqrt{3}$

이 식이 유리수가 되려면 $1+3a=0$

$3a=-1 \therefore a=-\frac{1}{3}$

08 $a-b=\sqrt{5}+\sqrt{3}-(\sqrt{5}+1)=\sqrt{5}+\sqrt{3}-\sqrt{5}-1=\sqrt{3}-1>0$
 $\therefore a>b$
 $a-c=\sqrt{5}+\sqrt{3}-(3+\sqrt{3})=\sqrt{5}+\sqrt{3}-3-\sqrt{3}=\sqrt{5}-3<0$
 $\therefore a<c$
 $\therefore b<a<c$

09 ① $x^2+18x+81=(x+9)^2$
 ② $4x^2-20xy+25y^2=(2x-5y)^2$
 ③ $2y^2+4y+2=2(y+1)^2$
 ④ $3x^2-4xy+y^2=(x-y)(3x-y)$
 ⑤ $a^2+\frac{1}{3}a+\frac{1}{36}=\left(a+\frac{1}{6}\right)^2$



- 10** $\sqrt{n^2+49}=m$ 의 양변을 제곱하면
 $n^2+49=m^2$, $m^2-n^2=49$, $(m+n)(m-n)=49$
 m 과 n 이 모두 자연수이므로
 (i) $m+n=49$, $m-n=1$ 일 때, $m=25$, $n=24$
 (ii) $m+n=7$, $m-n=7$ 일 때, $m=7$, $n=0$
 그런데 n 은 자연수이므로 $m=25$, $n=24$
- 11** $2x^2-x-6=(2x+3)(x-2)$ 이므로 직사각형의 세로의 길이는 $x-2$ 이다.

- 12** ① $x^2+x-6=(x+3)(x-2)$
 ② $x^2+2x=x(x+2)$
 ③ $x^2-4=(x+2)(x-2)$
 ④ $2x^2+3x-2=(x+2)(2x-1)$
 ⑤ $6x^2-2x-4=2(3x^2-x-2)$
 $=2(x-1)(3x+2)$
 따라서 $x-2$ 를 인수로 갖는 다항식은 ①, ③이다.

- 13** $x^3+2x^2-9x-18=x^2(x+2)-9(x+2)$
 $= (x+2)(x^2-9)$
 $= (x+2)(x-3)(x+3)$

- 14** $x-2=X$ 로 치환하면
 $(x-2)^2-2(2-x)-24=X^2+2X-24$
 $= (X+6)(X-4)$
 $= (x+4)(x-6)$
 따라서 $a=4$, $b=6$ 이므로 $a-b=4-6=-2$

- 15** $\frac{500^2-1}{499} \times 99 + 501 = \frac{(500+1)(500-1)}{500-1} \times 99 + 501$
 $= 501 \times 99 + 501$
 $= 501 \times (99+1)$
 $= 50100$

- 16** $a^2-b^2-6a+9=a^2-6a+9-b^2$
 $= (a-3)^2-b^2$
 $= (a+b-3)(a-b-3)$
 $= (-2-3)(10-3)$
 $= -5 \times 7 = -35$

- 17** $\frac{3}{\sqrt{3}} + \sqrt{6} \times \sqrt{30} - \frac{\sqrt{10} + \sqrt{24}}{\sqrt{2}}$
 $= \sqrt{3} + 6\sqrt{5} - (\sqrt{5} + 2\sqrt{3})$
 $= \sqrt{3} + 6\sqrt{5} - \sqrt{5} - 2\sqrt{3}$
 $= -\sqrt{3} + 5\sqrt{5}$
 따라서 $a=-1$, $b=5$ 이므로
 $a+b=-1+5=4$

- 18** $6x^2+7x-20=(2x+5)(3x-4)$
 이므로 두 일차식은 $2x+5$, $3x-4$ 이다.
 따라서 두 일차식의 합은 $2x+5+3x-4=5x+1$

- 19** $\sqrt{0.08} = \sqrt{\frac{8}{100}} = \frac{2\sqrt{2}}{10} = \frac{\sqrt{2}}{5}$ 이므로 $a = \frac{1}{5}$ ①
 $-\sqrt{45} = -\sqrt{3^2 \times 5} = -3\sqrt{5}$ 이므로 $b = 5$ ②
 $\therefore ab = \frac{1}{5} \times 5 = 1$ ③

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------|------|
| ① a 의 값 구하기 | 40 % |
| ② b 의 값 구하기 | 40 % |
| ③ ab 의 값 구하기 | 20 % |

- 20** $1^2-3^2+5^2-7^2+9^2-11^2+13^2-15^2$
 $= (1+3)(1-3) + (5+7)(5-7) + (9+11)(9-11)$
 $\quad + (13+15)(13-15)$ ①
 $= 4 \times (-2) + 12 \times (-2) + 20 \times (-2) + 28 \times (-2)$
 $= -2 \times (4+12+20+28)$
 $= -2 \times 64 = -128$ ②

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------------------------|------|
| ① $a^2-b^2=(a+b)(a-b)$ 를 이용하여 인수분해하기 | 50 % |
| ② 답 구하기 | 50 % |

제1회 기·말·고·사·대·비·문·제

05~06쪽

| | | | |
|-----------------------|--------|---------|--------|
| 01 ③ | 02 ④ | 03 ③ | 04 ② |
| 05 ④ | 06 ⑤ | 07 ④ | 08 ② |
| 09 ④ | 10 ② | 11 ④ | 12 ③ |
| 13 ② | 14 ⑤ | 15 ⑤ | 16 ② |
| 17 $x=2 \pm \sqrt{2}$ | 18 -26 | 19 4 cm | 20 100 |

- 01** ① $x^2=0$ (이차방정식)
 ② $x^2+x=0$ (이차방정식)
 ③ $x^2-2x+1=x^2+1$, $-2x=0$ (일차방정식)
 ④ $x^2+6x+9-3=0$, $x^2+6x+6=0$ (이차방정식)
 ⑤ $3x^2+3x+5=0$ (이차방정식)
- 02** ① $x=1$ (중근)
 ② $x^2+2x+1=1$, $x^2+2x=0$, $x(x+2)=0$
 $\therefore x=0$ 또는 $x=-2$



- ③ $(x+2)(x-1)=0 \quad \therefore x=-2$ 또는 $x=1$
 ④ $(x+1)^2=0 \quad \therefore x=-1$ (중근)
 ⑤ $(x-1)^2=0 \quad \therefore x=1$ (중근)

03 $x^2-3x-18=0, (x+3)(x-6)=0$
 $\therefore x=-3$ 또는 $x=6$

04 $x=-1$ 을 대입하면 $(-1)^2-a \times (-1)+2a+8=0$
 $1+a+2a+8=0, 3a=-9 \quad \therefore a=-3$
 $x^2+3x+2=0, (x+2)(x+1)=0$
 $\therefore x=-2$ 또는 $x=-1$

05 $(2x-1)^2=3$ 에서 $2x-1=\pm\sqrt{3}$
 $2x=1\pm\sqrt{3} \quad \therefore x=\frac{1\pm\sqrt{3}}{2}$

06 $x^2-3x-1=0$ 에서 $x^2-3x+\frac{9}{4}=1+\frac{9}{4}, (x-\frac{3}{2})^2=\frac{13}{4}$
 따라서 $a=-\frac{3}{2}, b=\frac{13}{4}$ 이므로 $a+b=-\frac{3}{2}+\frac{13}{4}=\frac{7}{4}$

07 양변에 6을 곱하면 $3x^2-4x-1=0$

$$x=\frac{-(-4)\pm\sqrt{(-4)^2-4\times 3\times(-1)}}{2\times 3}$$

$$=\frac{4\pm 2\sqrt{7}}{6}=\frac{2\pm\sqrt{7}}{3}$$

 따라서 $A=2, B=7$ 이므로 $A+B=2+7=9$

08 $2(x-1)^2+6x-3=0$ 에서 $2x^2+2x-1=0$
 근과 계수의 관계에서 $a+\beta=-1, a\beta=-\frac{1}{2}$
 $\therefore (a-\beta)^2=(a+\beta)^2-4a\beta=(-1)^2-4\times(-\frac{1}{2})=3$
 $a>\beta$ 이므로 $a-\beta=\sqrt{3}$
 $\therefore a^2-\beta^2=(a+\beta)(a-\beta)=-\sqrt{3}$

09 길의 폭을 x m라 하면 $(40-x)(30-x)=875$
 $1200-70x+x^2=875, x^2-70x+325=0$
 $(x-5)(x-65)=0 \quad \therefore x=5$ 또는 $x=65$
 그런데 $x<30$ 이므로 $x=5$
 따라서 길의 폭은 5 m이다.

- 10 ① $y=4x-3$ (일차함수)
 ② $y=x^2+3x-2$ (이차함수)
 ③ $y=2x-x^2+x^3$ (이차함수가 아니다.)
 ④ $y=x^3+x^2$ (이차함수가 아니다.)
 ⑤ $y=4x-6$ (일차함수)

11 $y=-3x^2+2$ 의 그래프는 $y=-3x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 것이므로 꼭짓점의 좌표는 $(0, 2)$ 이다.

12 ㄱ. 축의 방정식은 $x=-1$ 이다.
 ㄴ. $x<-1$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.
 따라서 옳은 것은 ㄴ, ㄷ이다.

13 꼭짓점의 좌표가 $(2, -2)$ 이므로 $y=a(x-2)^2-2$
 점 $(0, 2)$ 를 지나므로 $2=a(0-2)^2-2 \quad \therefore a=1$
 $\therefore y=(x-2)^2-2=x^2-4x+4-2=x^2-4x+2$

14 $y=\frac{1}{3}x^2-2x+4=\frac{1}{3}(x^2-6x+9-9)+4$
 $=\frac{1}{3}(x-3)^2+1$
 따라서 꼭짓점의 좌표는 $(3, 1)$ 이다.

15 $y=-2x^2+4x+3=-2(x^2-2x+1-1)+3$
 $=-2(x-1)^2+5$
 따라서 $x=1$ 일 때, 최댓값 5를 갖는다.

16 x 축과의 교점이 각각 $(-1, 0), (3, 0)$ 이므로
 이차함수의 식은
 $y=-(x+1)(x-3)=-x^2+2x+3$
 $=-(x-1)^2+4$
 따라서 꼭짓점의 좌표는 $A(1, 4)$ 이다.
 $\therefore \triangle ABC=\frac{1}{2}\times 4\times 4=8$

17 주어진 방정식의 양변에 10을 곱하면
 $3x^2-12x+6=0, x^2-4x+2=0$
 $\therefore x=\frac{-(-4)\pm\sqrt{(-4)^2-4\times 1\times 2}}{2\times 1}$
 $=2\pm\sqrt{2}$

18 평행이동한 그래프의 식은 $y=a(x+2)^2+1$
 x^2 의 계수가 -3 이므로
 $y=-3(x+2)^2+1=-3(x^2+4x+4)+1$
 $=-3x^2-12x-11$
 따라서 $a=-3, b=-12, c=-11$ 이므로
 $a+b+c=-3+(-12)+(-11)=-26$

19 처음 정사각형의 한 변의 길이를 x cm라 하면
 $(x+4)(x+2)=3x^2, x^2-3x-4=0$ ❶
 $(x+1)(x-4)=0$
 $\therefore x=-1$ 또는 $x=4$ ❷
 $x>0$ 이므로 $x=4$



따라서 처음 정사각형의 한 변의 길이는 4 cm이다. ③

| 채점 기준 | 배점 |
|---------------------|------|
| ① 이차방정식 세우기 | 40 % |
| ② 이차방정식의 해 구하기 | 40 % |
| ③ 정사각형의 한 변의 길이 구하기 | 20 % |

- 20 한 수를 x , 다른 한 수를 $20-x$, 두 수의 곱을 y 라 하면
 $y=x(20-x)=-x^2+20x$ ①
 $=-(x^2-20x+100-100)$
 $=-(x-10)^2+100$ ②
 따라서 $x=10$ 일 때, 두 수의 곱의 최댓값은 100이다. ③

| 채점 기준 | 배점 |
|----------------------------|------|
| ① x, y 의 관계식 세우기 | 40 % |
| ② $y=a(x-p)^2+q$ 의 꼴로 나타내기 | 40 % |
| ③ 두 수의 곱의 최댓값 구하기 | 20 % |

제2회 기·말·고·사·대·비·문·제

07~08쪽

- 01 ④ 02 ⑤ 03 ⑤ 04 ③
 05 ④ 06 ② 07 ① 08 ③
 09 ① 10 ③ 11 ① 12 ⑤
 13 ⑤ 14 ② 15 ② 16 ④
 17 $x=-2$ 또는 $x=6$
 18 축의 방정식 : $x=4$, 꼭짓점의 좌표 : (4, 7)
 19 14 cm 20 (1, -2)

- 01 ① $1 \times (1+1) \neq 0$
 ② $(2-1)(2+2) \neq 0$
 ③ $(-1)^2 + (-1) - 2 \neq 0$
 ④ $(-3)^2 + (-3) - 6 = 0$
 ⑤ $(-2) \times (3-2) \neq -2+3$

- 02 $6x^2-13x+6=0, (3x-2)(2x-3)=0$
 $\therefore x=\frac{2}{3}$ 또는 $x=\frac{3}{2}$

- 03 $x=2$ 를 대입하면 $4(a-1)-2(a^2+1)+2(a+1)=0$
 $a^2-3a+2=0, (a-1)(a-2)=0 \quad \therefore a=1$ 또는 $a=2$
 그런데 $a \neq 1$ 이므로 $a=2$
 $a=2$ 를 대입하면 $x^2-5x+6=0$
 $(x-2)(x-3)=0 \quad \therefore x=2$ 또는 $x=3$
 따라서 다른 한 근은 $x=3$ 이다.

$$04 \left(-\frac{6}{2}\right)^2=2a+5, 2a=4 \quad \therefore a=2$$

[다른 풀이]

$$(-6)^2-4 \times 1 \times (2a+5)=0, 36-8a-20=0$$

$$\therefore a=2$$

$$05 5(x-3)^2=30 \text{에서 } (x-3)^2=6, x-3=\pm\sqrt{6}$$

$$\therefore x=3\pm\sqrt{6}$$

$$06 x=-1 \text{을 두 방정식에 각각 대입하면}$$

$$(-1)^2-5 \times (-1)+a=0 \quad \therefore a=-6$$

$$2 \times (-1)^2+3 \times (-1)+b=0 \quad \therefore b=1$$

$$\therefore a+b=-6+1=-5$$

$$07 \text{ 양변에 } 10 \text{을 곱하면 } 2x^2-10x+1=0$$

근과 계수의 관계에 의하여

$$a+\beta=5, a\beta=\frac{1}{2}$$

$$\therefore \frac{\beta}{a} + \frac{a}{\beta} = \frac{a^2+\beta^2}{a\beta} = \frac{(a+\beta)^2-2a\beta}{a\beta}$$

$$= \frac{5^2-2 \times \frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = 48$$

$$08 \text{ 형의 나이를 } x \text{살이라 하면 동생의 나이는 } (x-4) \text{살이므로}$$

$$8x=(x-4)^2-1, 8x=x^2-8x+16-1, x^2-16x+15=0$$

$$(x-1)(x-15)=0 \quad \therefore x=1 \text{ 또는 } x=15$$

그런데 $x>4$ 이므로 $x=15$
 따라서 형의 나이는 15살이다.

$$09 \text{ ① } y=\pi x^2 \text{ (이차함수)}$$

$$\text{② } y=\frac{1}{2} \times x \times 6=3x \text{ (일차함수)}$$

$$\text{③ } y=4x \text{ (일차함수)}$$

$$\text{④ } y=2(x+x-1)=2(2x-1)=4x-2 \text{ (일차함수)}$$

$$\text{⑤ } y=\frac{1}{2} \times (x+2x) \times 5=\frac{5}{2} \times 3x=\frac{15}{2}x \text{ (일차함수)}$$

$$10 y=ax^2 \text{의 그래프에서 그래프가 위로 볼록하므로 } a<0 \text{이고, 폭이}$$

가장 넓으므로 a 의 절댓값이 가장 작은 것은 ③ $y=-\frac{2}{3}x^2$ 이다.

$$11 \text{ 꼭짓점의 좌표가 } (0, 5) \text{이므로 } q=5$$

점 (1, 3)을 지나므로 $3=a \times 1^2+5$ 에서 $a=-2$
 $\therefore a-q=-2-5=-7$



12 축의 방정식은 $x = -4$ 이고, 꼭짓점의 좌표는 $(-4, -5)$ 이다.

$$\begin{aligned} 13 \quad y &= -2(x-3)^2 - 1 = -2(x^2 - 6x + 9) - 1 \\ &= -2x^2 + 12x - 19 \end{aligned}$$

14 $y = ax^2 + bx + c$ 에서 $a > 0, b > 0, c < 0$ 이므로
 $y = cx^2 + bx + a$ 의 그래프는 위로 볼록하고, 축의 방정식이 y 축
 의 오른쪽에 있고, y 축과의 교점이 원점보다 위쪽에 있으므로 ②
 이다.

$$\begin{aligned} 15 \quad &\text{꼭짓점의 좌표가 } (1, -4) \text{이므로 } y = a(x-1)^2 - 4 \\ &\text{점 } (2, -1) \text{을 지나므로 } -1 = a \times (2-1)^2 - 4 \quad \therefore a = 3 \\ &y = 3(x-1)^2 - 4 = 3x^2 - 6x - 1 \\ &\text{이므로 } a = 3, b = -6, c = -1 \\ &\therefore a + b - c = 3 + (-6) - (-1) = -2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 16 \quad &x = -3 \text{일 때 최솟값이 } -5 \text{이므로} \\ &y = 2(x+3)^2 - 5 = 2(x^2 + 6x + 9) - 5 \\ &= 2x^2 + 12x + 13 \\ &\text{따라서 } m = 12, n = 13 \text{이므로 } m + n = 12 + 13 = 25 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 17 \quad &\text{민수가 푼 이차방정식은} \\ &(x+4)(x-3) = 0, x^2 + x - 12 = 0 \text{이고} \\ &x \text{의 계수를 잘못 보고 상수항을 제대로 보았으므로 } c = -12 \\ &\text{지혜가 푼 이차방정식은} \\ &(x+1)(x-5) = 0, x^2 - 4x - 5 = 0 \text{이고} \\ &\text{상수항을 잘못 보고 } x \text{의 계수는 제대로 보았으므로 } b = -4 \\ &\text{따라서 처음 이차방정식은 } x^2 - 4x - 12 = 0 \\ &(x+2)(x-6) = 0 \quad \therefore x = -2 \text{ 또는 } x = 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 18 \quad y &= -\frac{1}{2}x^2 + 4x - 1 = -\frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16 - 16) - 1 \\ &= -\frac{1}{2}(x-4)^2 + 7 \end{aligned}$$

따라서 축의 방정식은 $x = 4$, 꼭짓점의 좌표는 $(4, 7)$ 이다.

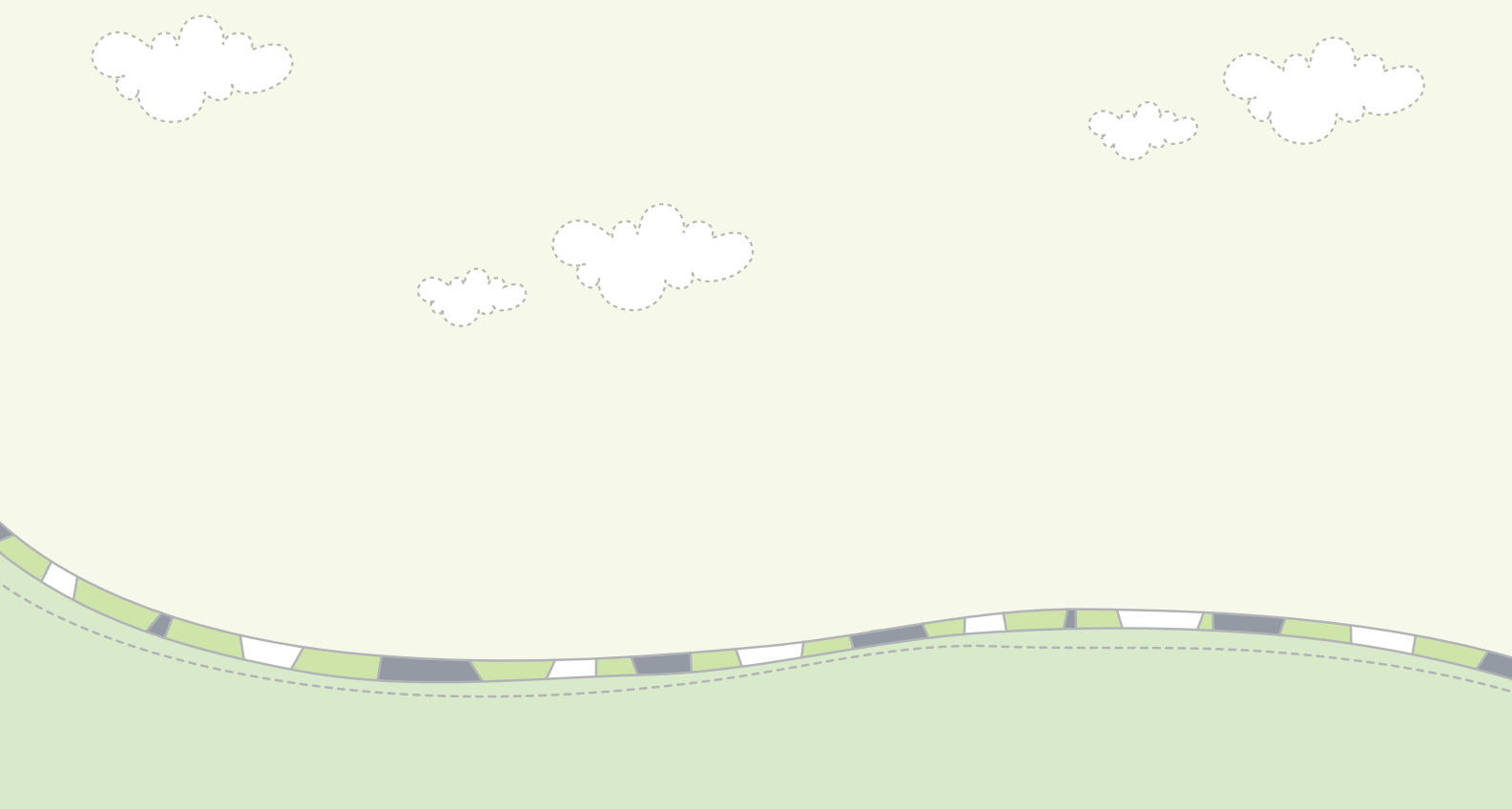
19 처음 직사각형의 세로의 길이를 x cm 라 하면 가로 길이는
 $(x+2)$ cm 이고, 네 모퉁이를 잘라내고 만든 직육면체의 밑면
 의 가로, 세로의 길이는 각각 $(x-4)$ cm, $(x-6)$ cm 이므로
 $3(x-4)(x-6) = 240, x^2 - 10x + 24 = 80$
 $x^2 - 10x - 56 = 0$ ①
 $(x+4)(x-14) = 0 \quad \therefore x = -4 \text{ 또는 } x = 14$ ②
 그런데 $x > 6$ 이므로 $x = 14$
 따라서 세로의 길이는 14 cm 이다. ③

| 채점 기준 | 배점 |
|--------------------|------|
| ① 이차방정식 세우기 | 40 % |
| ② 이차방정식의 해 구하기 | 40 % |
| ③ 직사각형의 세로의 길이 구하기 | 20 % |

20 x 축에 대하여 대칭이동하면 $y = -3(x-1)^2 - 4$ ①
 y 축의 방향으로 2만큼 평행이동하면
 $y = -3(x-1)^2 - 4 + 2 = -3(x-1)^2 - 2$ ②
 따라서 꼭짓점의 좌표는 $(1, -2)$ 이다. ③

| 채점 기준 | 배점 |
|-------------------------------------|------|
| ① x 축에 대하여 대칭이동한 이차함수의 식 구하기 | 40 % |
| ② y 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 이차함수의 식 구하기 | 40 % |
| ③ 꼭짓점의 좌표 구하기 | 20 % |

SUMMA CUM LAUDE





SUMMA CUM LAUDE
MIDDLE SCHOOL MATHEMATICS

